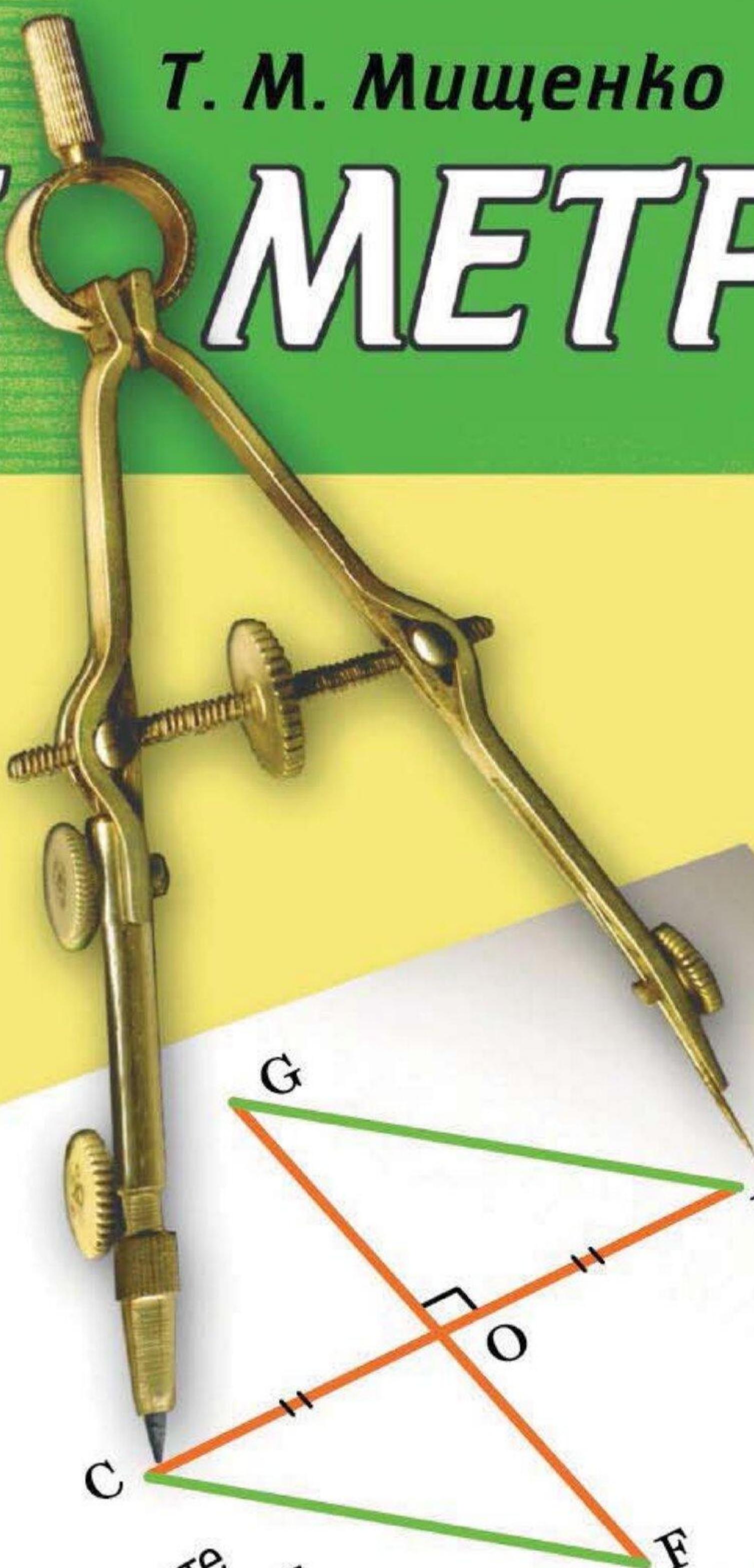




Т. М. Мищенко

# ГЕОМЕТРИЯ



Найдите  
отрезок GF,  
если  $OF = 5$ ,  
 $CO = 4$ ,  $CF \parallel GD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

7

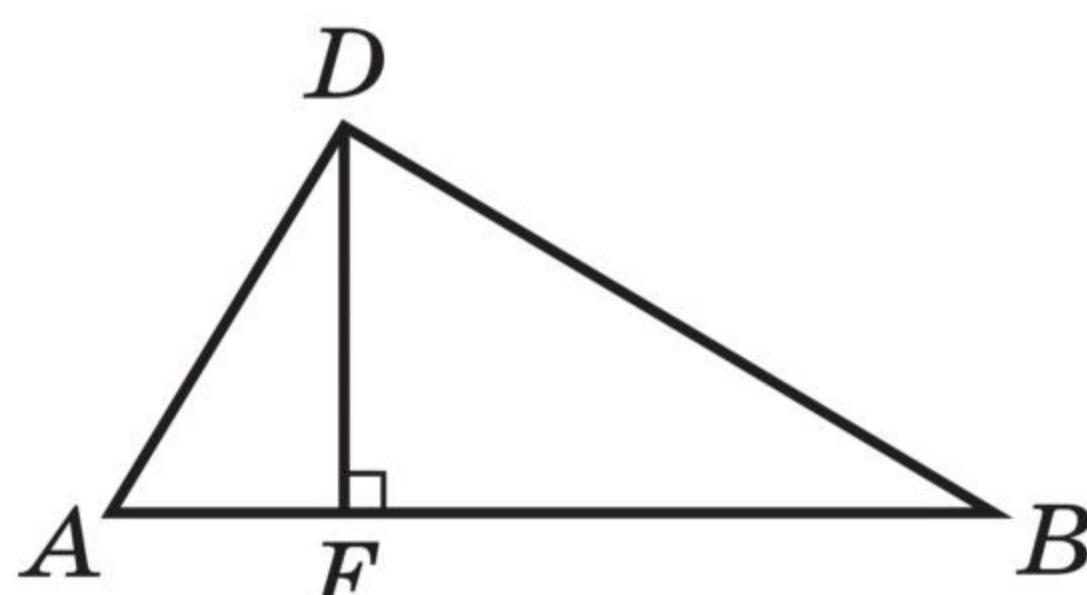
Тематические  
тесты

## Инструкция для учащихся по проведению тематических тестов по геометрии

1. При выполнении теста самое главное — дать верные ответы на большее число заданий. Сначала выполните все задания, которые вы можете сделать сразу. Затем перейдите к заданиям, которые вам показались более сложными.

2. Ко многим заданиям приведены варианты ответов, обозначенные цифрами 1, 2, 3, 4. Только один из этих ответов верный. Обведите кружком ту цифру, которая соответствует, по вашему мнению, верному ответу.

Пример:



В треугольнике  $ADB$  проведена высота  $DF$ . Определите вид треугольника  $DFB$ .

1. Тупоугольный.
2. Прямоугольный.
3. Остроугольный.

3. Если к заданию не приведены готовые ответы, то запишите полученный вами ответ в специально отведенном для этого месте:

**Ответ:** \_\_\_\_\_

4. Задание считается выполненным верно, если вы обвели кружком цифру, которая соответствует верному ответу, или записали верный ответ. При этом от вас не требуется объяснения или подробной записи решения.

5. Все записи, сделанные вами при решении задания на черновике, на проверку учителю не сдаются и не могут влиять на выставляемую оценку.

*Т. М. Мищенко*

# **ГЕОМЕТРИЯ**

**ТЕМАТИЧЕСКИЕ ТЕСТЫ  
7 КЛАСС**

*Учебное пособие  
для общеобразовательных  
организаций*

*4-е издание*

*Москва  
«Просвещение»  
2021*

УДК 373.167.1:514+514(075.3)  
ББК 22.151я721  
М71

6+

Издание выходит в pdf-формате.

**Мищенко, Татьяна Михайловна.**

**М71 Геометрия. Тематические тесты : 7-й класс : учебное пособие для общеобразовательных организаций : [издание в pdf-формате] / Т. М. Мищенко. — 4-е изд. — Москва : Просвещение, 2021. — 80 с.**

**ISBN 978-5-09-084762-9. — Текст : электронный.**

Использование тематических тестов по геометрии в учебном процессе позволит, во-первых, осуществить оперативную проверку знаний и умений учащихся седьмых классов, полученных ими в процессе обучения по учебнику «Геометрия, 7—9» автора А. В. Погорелова, на основе оценки их уровня овладения программным материалом и, во-вторых, подготовиться учащимся к итоговой аттестации в девятом классе.

УДК 373.167.1:514+514(075.3)  
ББК 22.151я721

Учебное издание

**Мищенко Татьяна Михайловна**

**Геометрия**

**Тематические тесты**

**7 класс**

Учебное пособие для общеобразовательных организаций

Редакция математики и информатики

Заведующий редакцией *Е. В. Эргле*

Ответственный за выпуск *П. А. Бессарабова*

Редакторы *П. А. Бессарабова, И. В. Рекман*

Младший редактор *Е. А. Андреенкова*

Художественный редактор *Т. В. Глушкина*

Техническое редактирование и компьютерная верстка *Т. А. Зеленской*

Компьютерная графика *И. В. Губиной, С. И. Комиссарова*

Корректоры *Е. В. Барановская, Н. А. Смирнова*

Подписано в печать . Формат 60×90<sup>1</sup>/<sub>16</sub>. Бумага газетная.

Гарнитура SchoolBookCSanPin. Печать офсетная. Уч.-изд. л. 4,18.

Тираж экз. Заказ № .

Акционерное общество «Издательство «Просвещение».

Российская Федерация, 127473, г. Москва, ул. Краснопролетарская, д. 16,  
стр. 3, этаж 4, помещение I.

Предложения по оформлению и содержанию учебников — электронная почта «Горячей линии» — [fpu@prosv.ru](mailto:fpu@prosv.ru).

**ISBN 978-5-09-084762-9**

© Издательство «Просвещение», 2010

© Художественное оформление.

Издательство «Просвещение», 2010, 2019

Все права защищены

# Система тематического тестирования по геометрии

Данная система тематического тестирования по геометрии седьмого класса основной школы предназначена учащимся и учителям, соответственно обучающимся и работающим по учебнику А. В. Погорелова «Геометрия, 7—9».

Тематическое тестирование по геометрии седьмого класса основной школы направлено на проверку предметной компетентности учащихся в процессе изучения отдельных тем программного материала и обеспечивает высокую дифференцируемость оценивания.

**1. Цель тематического тестирования по геометрии** — оперативная проверка знаний и умений учащихся седьмых классов, полученных ими в процессе обучения, в рамках проведения тематического контроля, а также подготовка учащихся к итоговой аттестации в девятом классе. Форма заданий, уровень требований, предъявляемых к заданиям тестов, содержание заданий каждой темы определяются стандартом и соответствуют аналогичным заданиям по тематике и уровню сложности итоговой аттестации.

**2. Общая характеристика содержания и структуры текста.** Предлагаемая система тематических тестов позволяет проследить за изменением предметной компетентности ученика, усвоением общеинтеллектуальных умений и навыков, таких, как: умение подводить под определение, выстраивать логическую цепочку рассуждений, правильно оценивать ситуацию.

Задания тематических тестов направлены на проверку основных умений, формируемых при изучении данной темы, а именно: распознавать и изображать на чертежах изучаемые фигуры, выделять из данной конфигурации заданные в условии задачи элементы; применять определения и теоремы о свойствах изучаемых фигур. При этом опосредованно проверяются следующие умения: понимать условие задачи, владеть соответствующей терминологией и символикой; читать чертежи, сопоставлять текст задачи с сопровождающим ее условие чертежом.

Каждый тест содержит 9 заданий базового и продвинутого уровней сложности, что позволяет обеспечить высокую дифференцируемость оценивания.

В тестах предлагаются дополнительные задачи. Как правило, это задачи повышенного уровня, они предназначены учащимся, успешно справившимся с основной частью теста. Учитель может предложить школьнику записать решение такой задачи полностью и оценить его отдельно.

В тестах используются задания двух типов: с выбором ответа и со свободным ответом. Каждый из предлагаемых тестов рассчитан на 30 минут.

**3. Характеристика содержания тестов, рекомендованных к каждой главе курса.** На первом уроке рекомендуется провести входной контроль (тест 1). Этот тест позволяет провести оперативную проверку геометрических знаний учащихся, полученных ими в предыдущие годы обучения. Кроме того, анализ результатов выполнения входного теста позволяет выявить возможные пробелы в знаниях как отдельного ученика, так и класса в целом, что, в свою очередь, позволит выбрать методику изучения первых тем курса, организовать дифференцированное обучение, и тем самым в процессе изучения первой темы скорректировать знания учащихся.

Основное внимание в teste уделяется проверке умения пользоваться геометрической терминологией, сформированности наглядных геометрических представлений, навыков изображения геометрической ситуации, отраженной в условии задачи.

Данный тест содержит 10 обязательных заданий, позволяющих проверить уровень сформированности начальных геометрических понятий, и три дополнительных задания. Выполнение теста может быть оценено положительно, если ученик верно решил 8 заданий.

Тест 2, рекомендованный для § 1 «Основные свойства простейших геометрических фигур», направлен на оперативную проверку основных умений, формируемых при изучении этой темы:

- распознавать и изображать на чертежах прямые, лучи, отрезки и углы;
- выделять из данной конфигурации заданные в условии задания элементы;
- применять при решении задач свойства измерения отрезков и углов;
- вычислять длины отрезков, градусную меру углов.

Рекомендуется обратить внимание на задания 4, 5 и 8.

Задание 4 будет успешно выполнено, если учащиеся усвоют, что при пересечении линии происходит переход из одной полуплоскости в другую, и при этом, если число переходов четное, то мы остаемся в той же полуплоскости, с которой начинали движение, а при нечетном числе переходов переходим в другую полуплоскость. Понятие «линия» известно учащимся из курсов 5—6 классов.

Форма задания 5 является нестандартной или, используя терминологию ЕГЭ, требует применения знаний и умений в измененной ситуации. Кроме того, среди ответов предлагается такая форма ответа: «4. Такая ситуация

невозможна». Поэтому при изучении пункта «Измерение отрезков» полезно предложить учащимся аналогичные задания и при этом на их примере объяснить, что значит ответ: «4. Такая ситуация невозможна».

Задание 8 по своей форме не является новым для учащихся, поскольку в курсе математики они неоднократно отвечали на вопрос: «Сколько решений имеет задача?» Задачи такого типа будут повторяться во многих тестах.

Задание 10 является дополнительным. Однако представляется полезным разобрать его решение в классе. Здесь есть два важных момента. Во-первых, на его примере можно и нужно показать учащимся, что только внимательный анализ условия задачи приводит к ее решению. Во-вторых, задача в третьем варианте, по формулировке похожая на задачи в других вариантах, не имеет решения.

Тест 3, рекомендованный для § 2 «Смежные и вертикальные углы», направлен на оперативную проверку основных умений, формируемых при изучении этой темы:

- распознавать и изображать на чертежах смежные и вертикальные углы;
- выделять из данной конфигурации заданные в условии элементы;
- применять при решении задач определения смежных и вертикальных углов и теоремы о смежных и вертикальных углах;
- вычислять градусную меру смежных и вертикальных углов.

Тесты 4 и 5, рекомендованные для § 3 «Признаки равенства треугольников», направлены на оперативную проверку предметной компетентности учащихся седьмых классов по темам «Равнобедренный треугольник. Медианы, биссектрисы и высоты треугольника» и «Признаки равенства треугольников». Задания тестов направлены на проверку следующих основных умений, формируемых при изучении темы:

- распознавать на чертежах равнобедренные и равносторонние треугольники по указанным элементам;
- изображать на чертежах медианы, биссектрисы и высоты треугольника;
- распознавать на чертежах равные треугольники, используя обозначения соответственно равных элементов или известные свойства фигур;
- непосредственно применять признаки равенства треугольников; теоремы о биссектрисе равнобедренного треугольника, проведенной к основанию, о свойстве углов равнобедренного треугольника;

- вычислять длины сторон, градусные меры углов, периметры треугольников, применяя определения равнобедренного треугольника, медианы, биссектрисы и высоты треугольника, а также признаки равенства треугольников и свойства и признаки равнобедренного треугольника.

Очень важными являются задачи на определение вида некоторой фигуры, такие, как задания 5 и 8 из теста 4. Они позволяют научить школьников при определении вида той или иной фигуры не полагаться на чертеж, а проверять правильность своего утверждения с помощью известных теорем о признаках и свойствах данной фигуры. Как и задачи на определение числа решений, этот тип задач будет неоднократно представлен и в других тестах.

Тест 5 содержит 8 обязательных заданий и одно дополнительное.

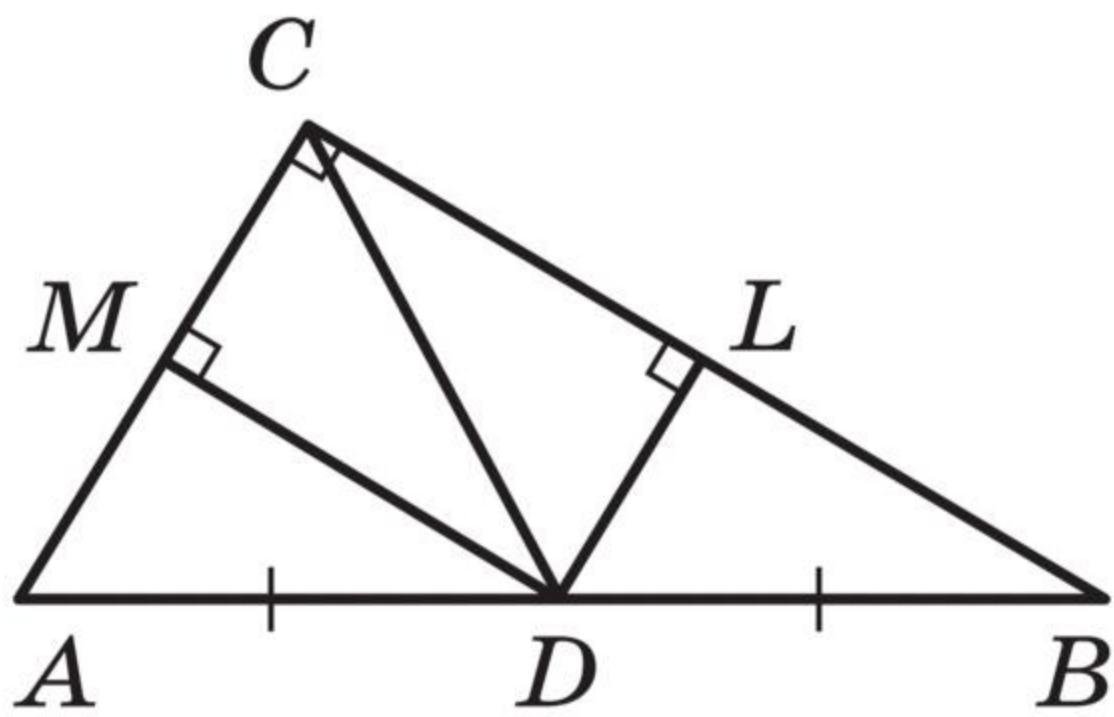
Задание 1 теста 5 в варианте 3 позволяет обсудить с учащимся тему: отрицательный результат — тоже результат.

В заданиях 2, 3 и 4 теста 5 даны избыточные данные. Это сделано для того, чтобы можно было определить: действительно ли ученик устанавливает равенство треугольников и правильно ли определяет соответственно равные элементы.

Тесты 6, 7 и 8, рекомендованные для § 4 «Сумма углов треугольника», направлены на оперативную проверку предметной компетентности учащихся по темам «Параллельность прямых», «Сумма углов треугольника» и «Прямоугольный треугольник». Задания тестов направлены на проверку основных умений, формируемых при изучении темы:

- распознавать на чертежах углы, образованные при пересечении двух прямых секущей, внешний угол треугольника, равные прямоугольные треугольники по указанным соответственно равным элементам;
- непосредственно применять признаки параллельности; аксиому параллельных прямых и следствия из нее; свойства углов, образованных при пересечении параллельных прямых секущей;
- непосредственно применять теоремы о сумме углов треугольника и о внешнем угле треугольника, признаки равенства прямоугольных треугольников; свойство катета прямоугольного треугольника, лежащего против угла в  $30^\circ$ ;
- вычислять значения длин сторон, градусную меру углов, применяя изученные в данной теме определения и теоремы, а также ранее изученные теоремы о свойствах и признаках фигур, определения и методы решения задач.

Тест 8, рекомендованный для темы «Прямоугольный треугольник», содержит всего 8 заданий, но задание 8 достаточно сложное для данной темы. Поэтому перед проведением теста полезно доказать свойство медианы прямоугольного треугольника: *в прямоугольном треугольнике медиана равна половине гипотенузы.*



### Доказательство.

Пусть  $CD$  — медиана прямоугольного треугольника  $ACB$ , проведенная к гипотенузе  $AB$ . Проведем из точки  $D$  перпендикуляры  $DL$  и  $DM$  к катетам  $CB$  и  $AC$  соответственно. Треугольники  $AMD$  и  $DLB$  равны по гипотенузе  $AD = DB$  и острому углу  $\angle MDA = \angle LBD$  (соответственные при параллельных прямых  $MD$  и  $CB$  и секущей  $AB$ ). Отсюда  $AM = DL$ . Треугольники  $DMC$  и  $C LD$  равны по гипотенузе  $CD$  (общая сторона) и острому углу  $\angle MDC = \angle DCL$  (накрест лежащие при параллельных прямых  $MD$  и  $CB$  и секущей  $CD$ ). Отсюда  $DL = MC$ . Следовательно,  $AM = MC$ . Треугольник  $ADC$  — равнобедренный,  $CD = AD$ .

Тест 9, рекомендованный для § 5 «Геометрические построения», направлен на оперативную проверку основных умений, формируемых при изучении темы:

- определять взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей;
- вычислять значения длин сторон, градусную меру углов, применяя определение касательной к окружности, теоремы об окружности, вписанной в треугольник, и об окружности, описанной около треугольника.

Очень важными являются задания 3 теста 9 на определение взаимного расположения двух окружностей. Задания этого теста будут очень полезны при дальнейшем изучении курса планиметрии, особенно в теме «Подобие». Следует обратить внимание на задание 3 из варианта 4. Ответ определить невозможно.

Задания 6 теста 9 направлены на понимание достаточно простого факта, что радиус, проведенный в точку касания, перпендикулярен касательной, но в измененной ситуации.

**4. Система оценивания выполнения отдельных заданий и работы в целом.** Оценивание работы (оценка по пятибалльной шкале: «2», «3», «4» и «5») осуществляется по принципу сложения, оно зависит от количества заданий, которые ученик верно выполнил. За каждое верно решенное задание учащемуся начисляется 1 балл. Таким

образом, максимально за работу можно получить 9 баллов (8 баллов в тесте 9). Общий балл формируется путем подсчета общего количества баллов, полученных учащимся за выполнение работы.

Задание с выбором ответа считается выполненным верно, если в списке вариантов ответов учеником обведена цифра, которая соответствуетциальному ответу. Задание со свободным ответом считается выполненным верно, если вписан правильный ответ в специально отведенном для этого месте.

При этом от ученика не требуется ни подробная запись решения, ни объяснение выбранного решения. Черновик, на котором ученик делает необходимые ему записи, на проверку учителю не сдается и при оценке не может влиять на выставляемую по заданию оценку.

Для получения положительной оценки ученик должен набрать не менее пяти баллов. В противном случае за работу ставится оценка «2». Выполнение девяти или восьми (в тесте 9) заданий оценивается оценкой «5».

Для подведения итогов тестирования по классу в целом удобно заполнить схему анализа по каждому варианту теста. При заполнении таблицы удобно использовать следующие обозначения: «+» — задание выполнено верно; «—» — задание выполнено неверно; «0» — ученик не приступал к выполнению задания. Результаты выполнения теста учеником заносятся в столбик «Количество баллов», что позволяет определить число решенных задач. Заполненная таблица наглядно демонстрирует, какие задания вызвали у учащихся наибольшие затруднения, и тем самым определяются те темы, на которые нужно в первую очередь обратить внимание при дальнейшем изучении курса.

Дополнительная задача может быть оценена отдельно при полной записи решения или при кратком ответе может повысить оценку теста.

### Схема анализа теста

Фамилия ученика	Номер задания										Количество баллов
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
.....											
Число «+» в задании											

**§ 2**

## Тематические тесты

### ТЕСТ 1

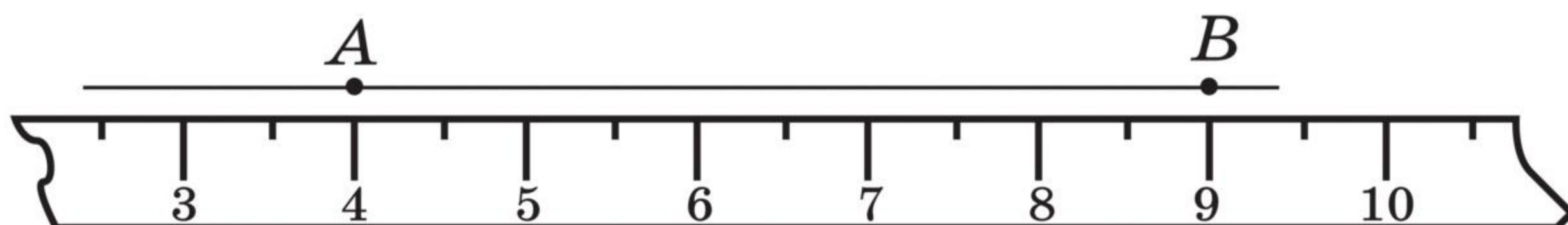
### Вариант 1

1. Назовите все отрезки, изображенные на рисунке, у которых один конец находится в точке  $B$ .



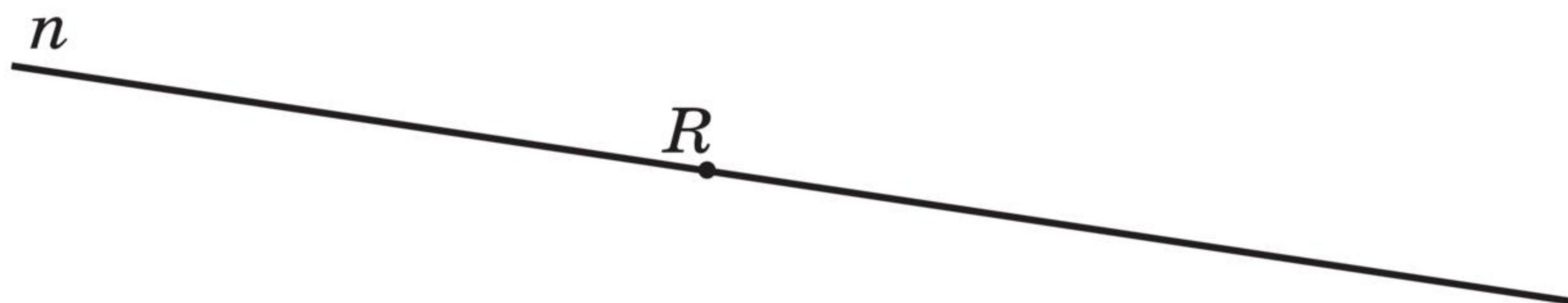
Ответ: \_\_\_\_\_

2. Определите длину отрезка  $AB$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

3. На прямой  $n$  от точки  $R$  отложите отрезок  $RP$ , равный 2 см.

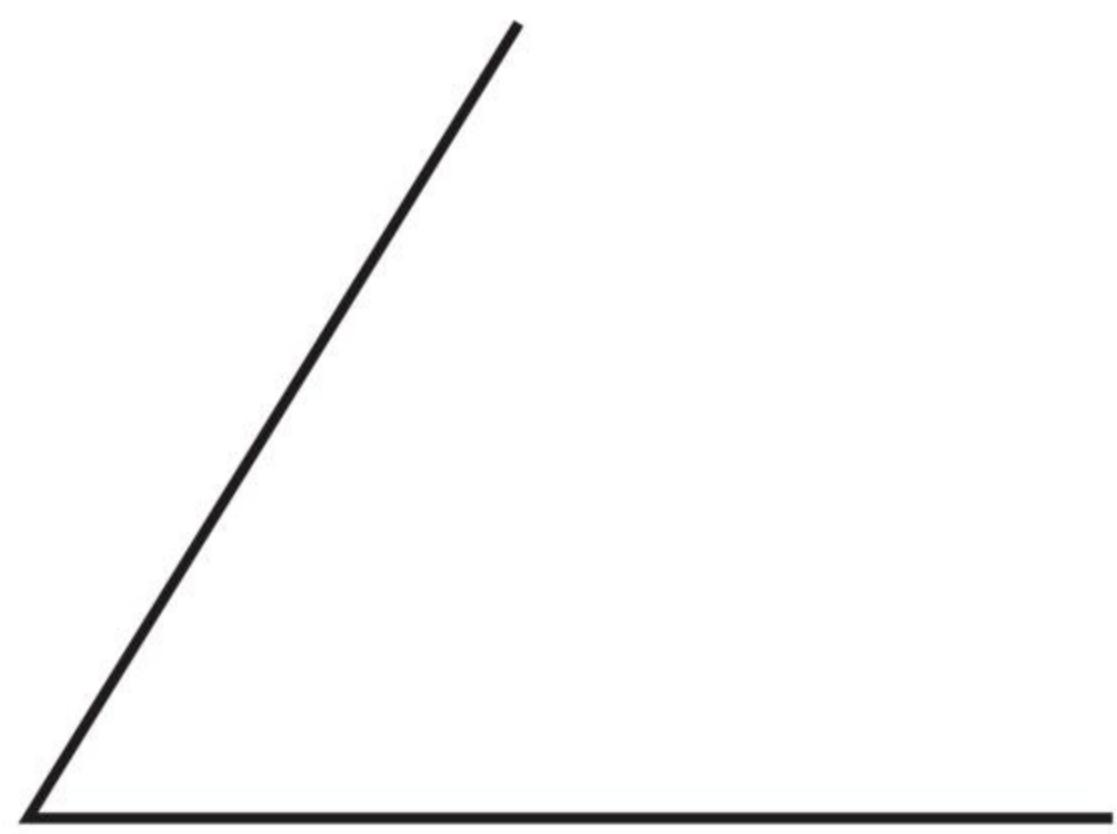


4. Найдите длину отрезка  $FE$ , если  $FD = 8$  см,  $ED = 5$  см.



Ответ: \_\_\_\_\_

5. С помощью транспортира определите градусную меру угла.

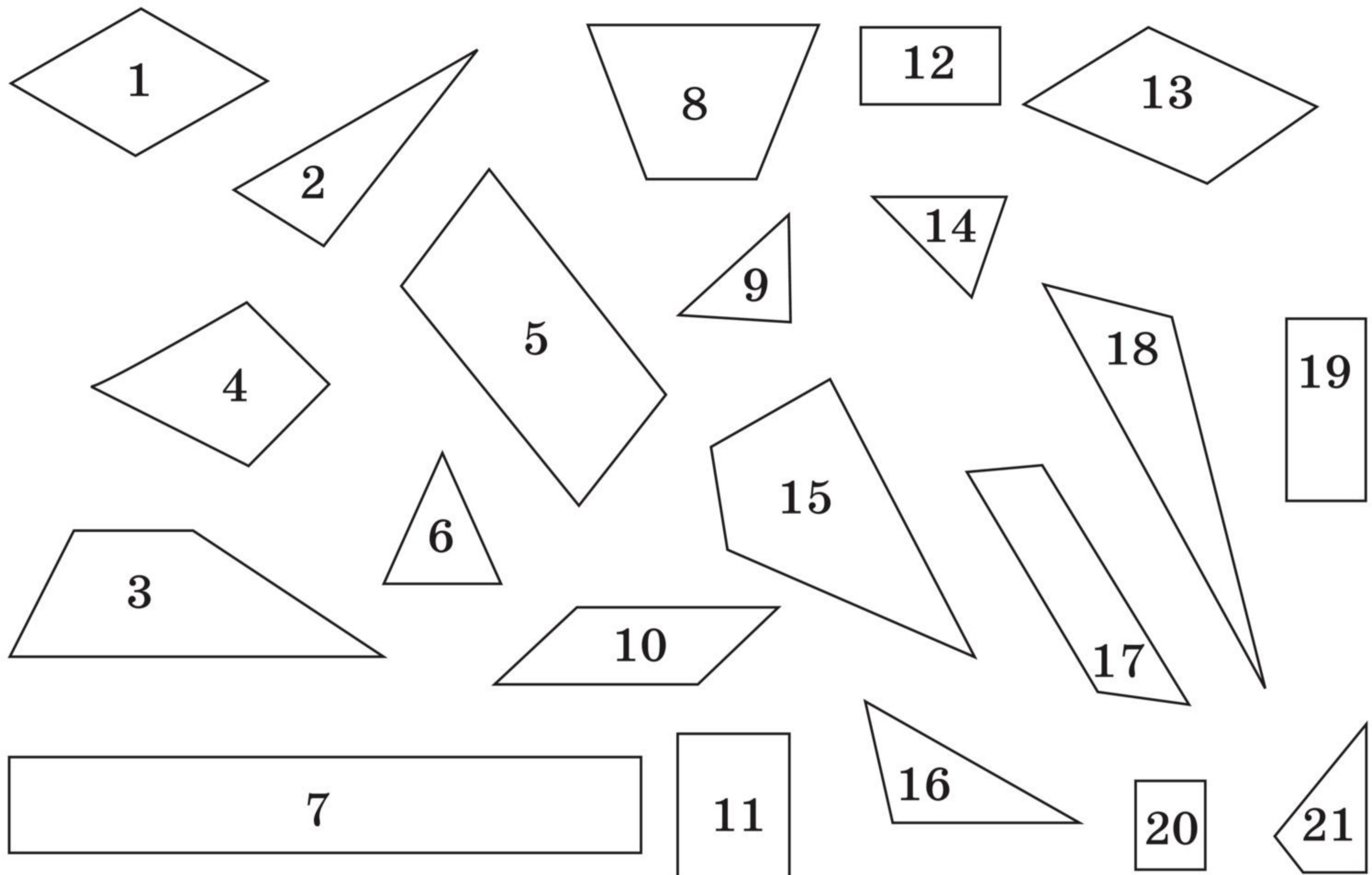


Ответ: \_\_\_\_\_

6. От луча  $OK$  с помощью транспортира отложите угол  $KOL$ , равный  $30^\circ$ .

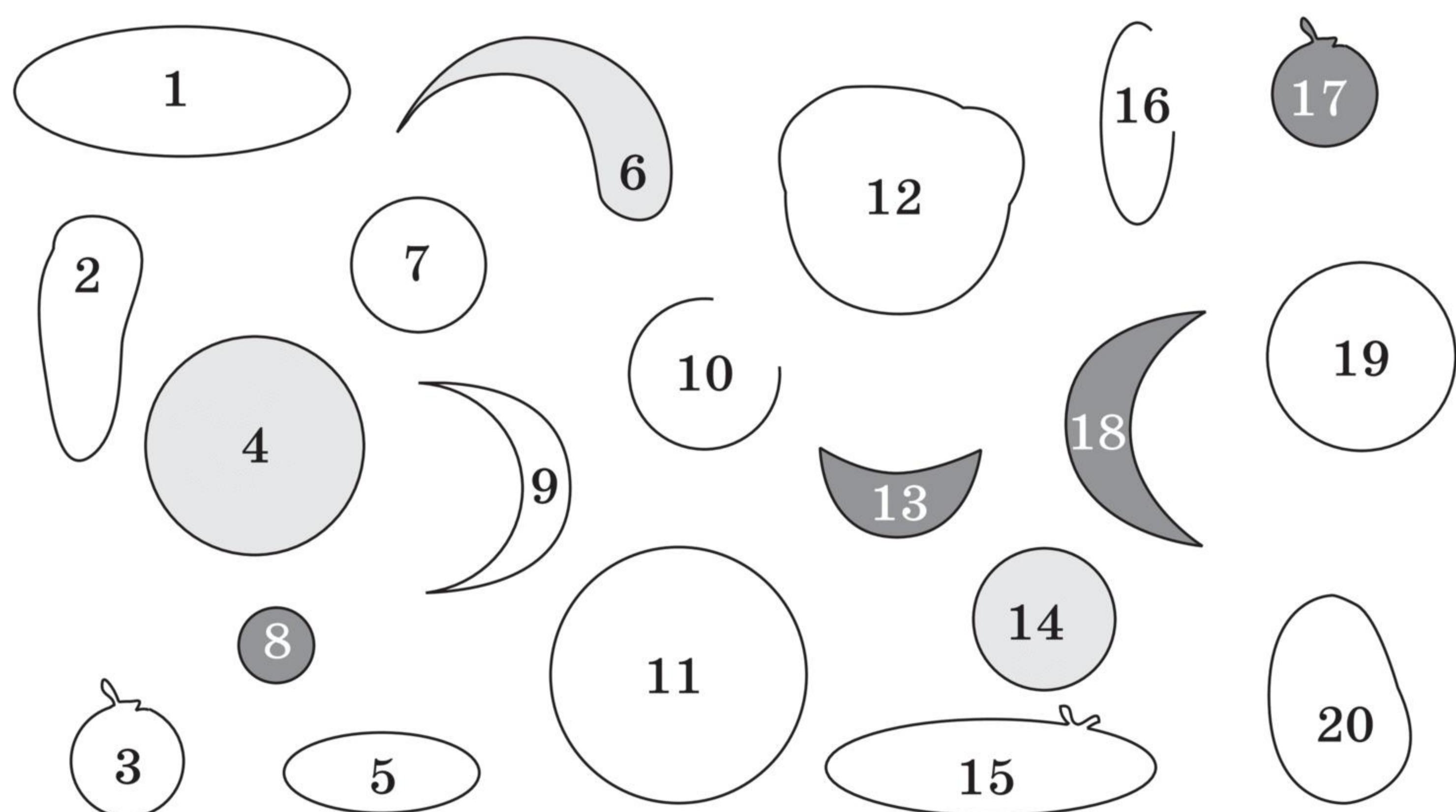


7. Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите все треугольники и запишите их номера в ответе.



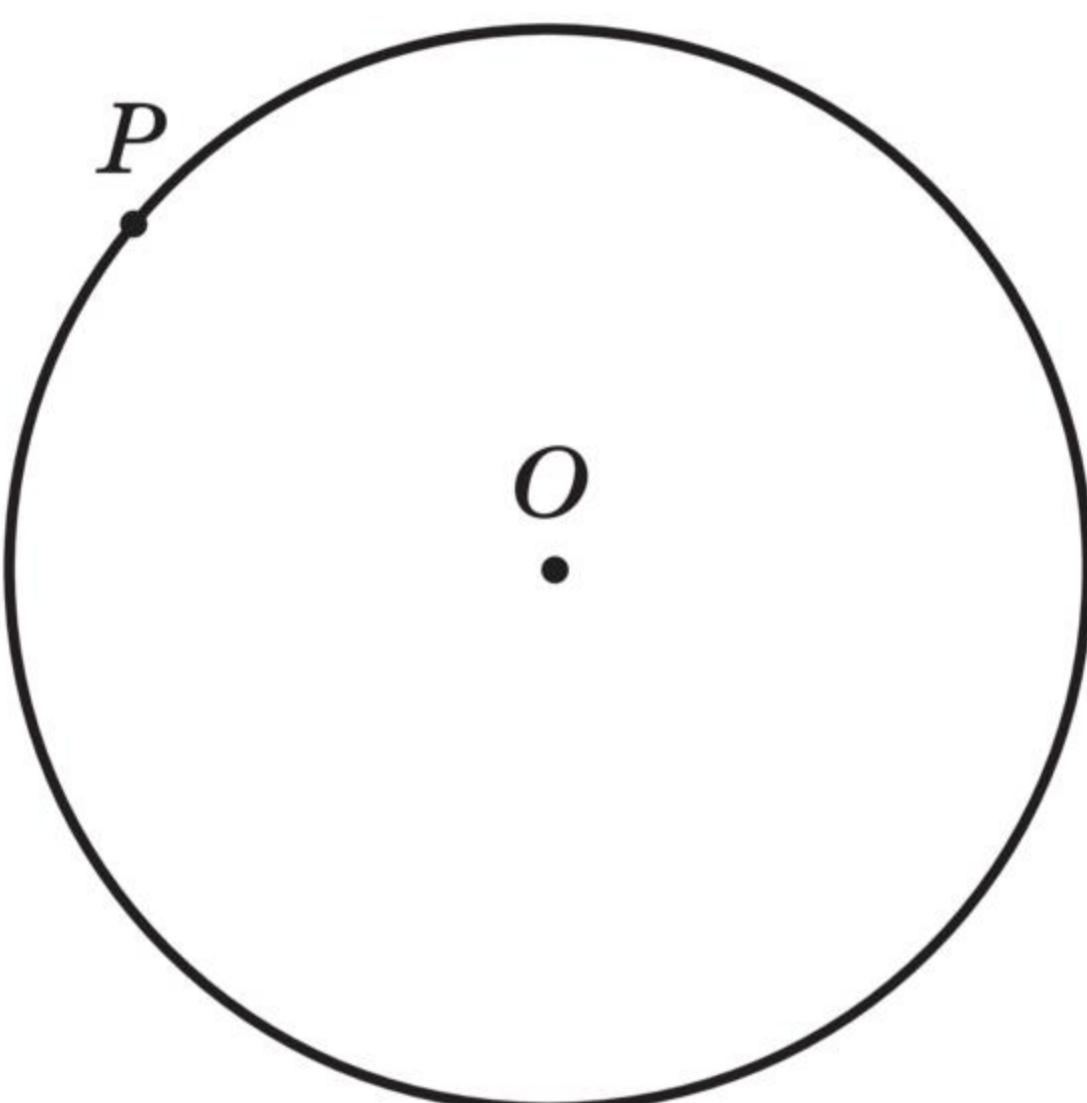
Ответ: \_\_\_\_\_

**8.** Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите все окружности и запишите их номера в ответе.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

**9.** В данной окружности с центром в точке  $O$  через точку  $P$  проведите хорду и радиус.

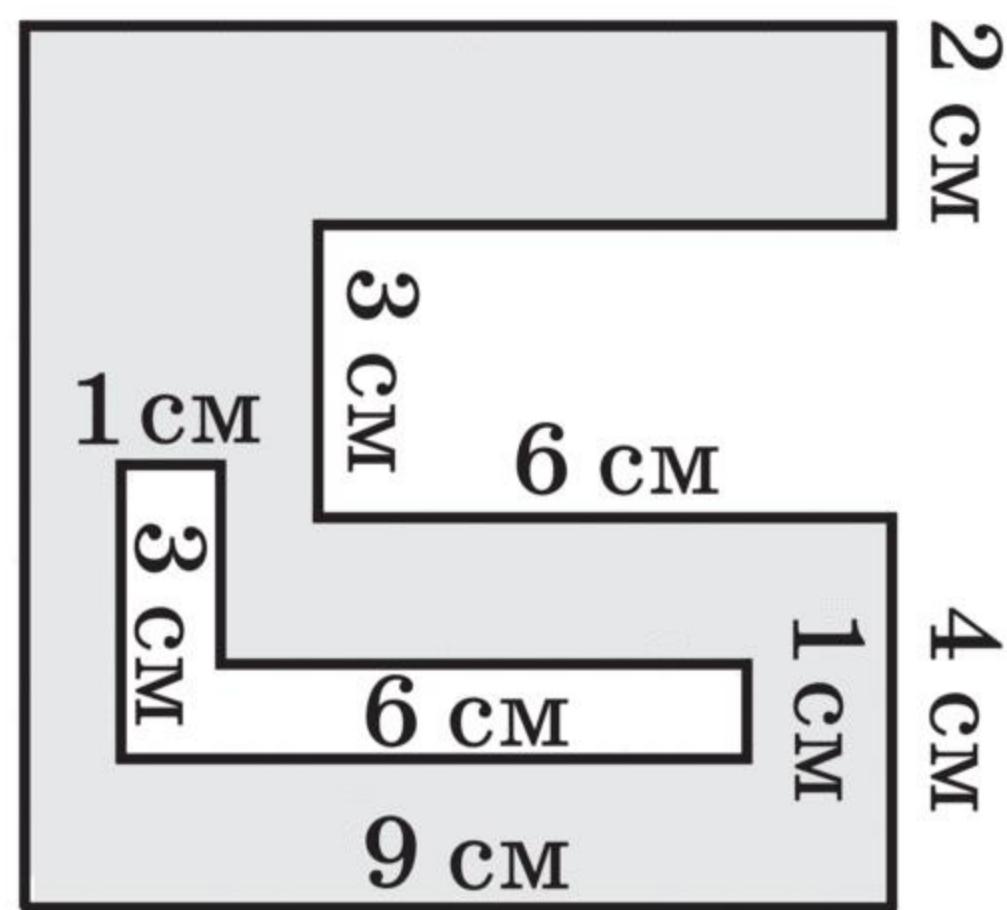


**10.** Стороны треугольника равны 5 см, 7 см и 11 см. Найдите его периметр.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

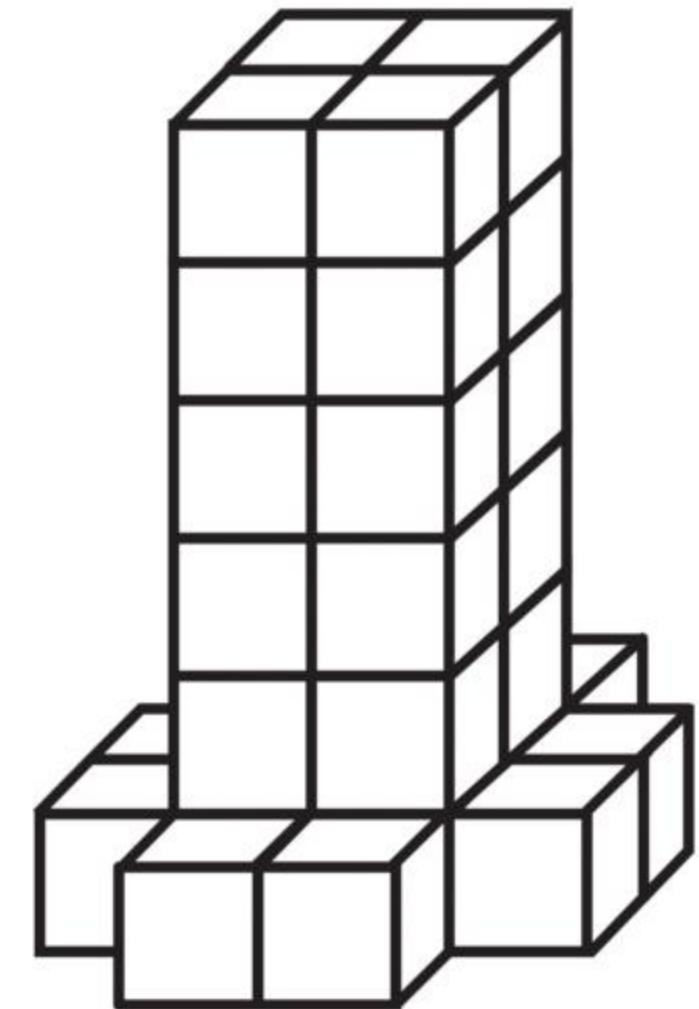
## Дополнительные задачи

11. По данным рисунка найдите площадь закрашенной фигуры.



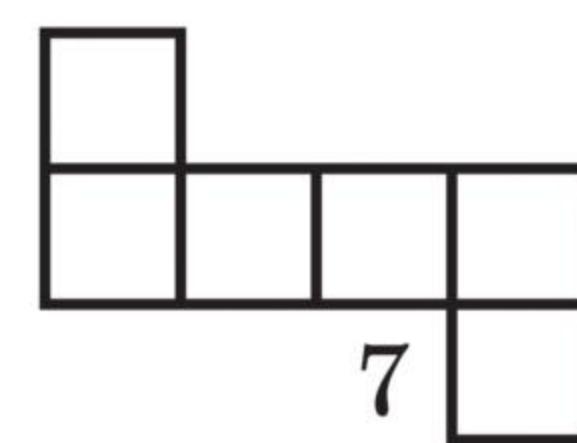
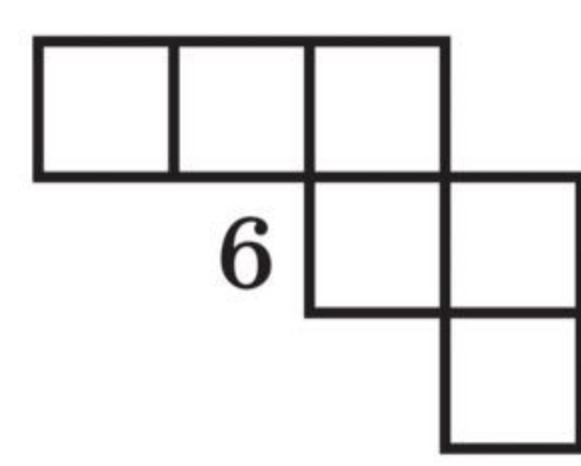
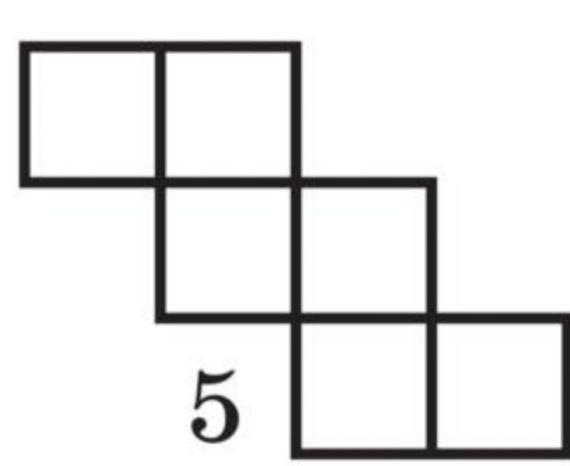
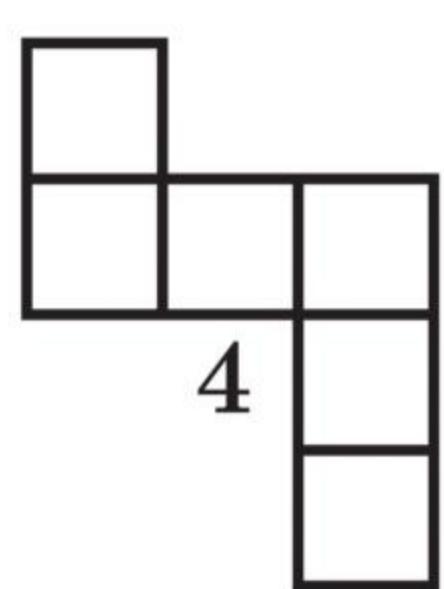
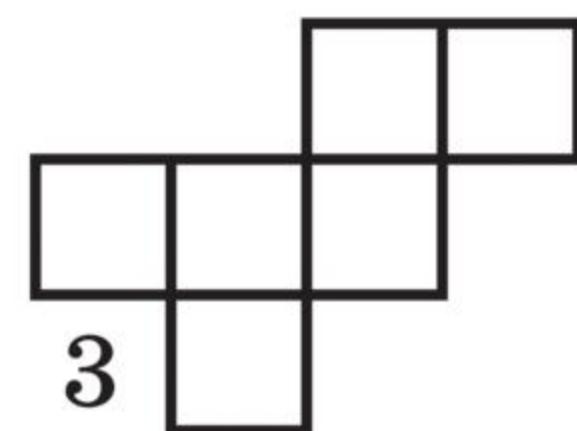
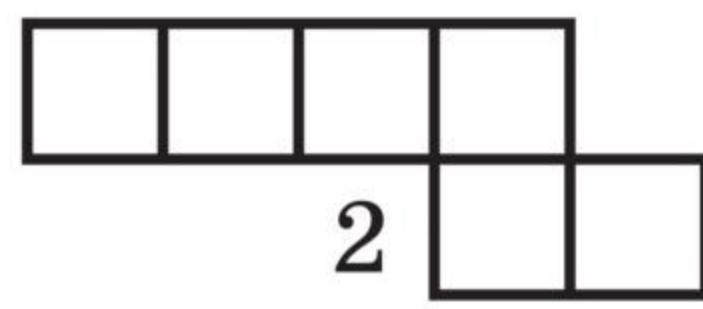
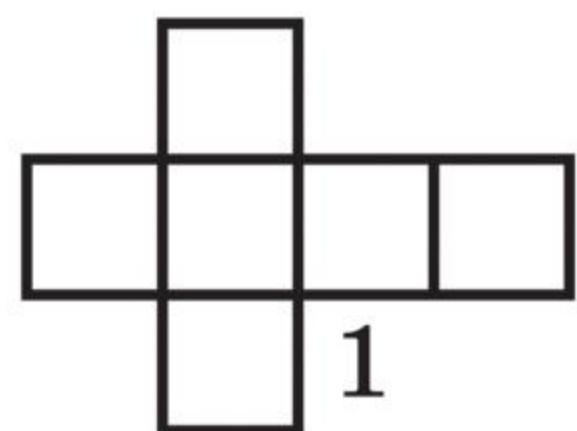
Ответ: \_\_\_\_\_

12. Кубики с ребром, равным 1 см, сложены, как показано на рисунке. Найдите объем полученной фигуры.



Ответ: \_\_\_\_\_

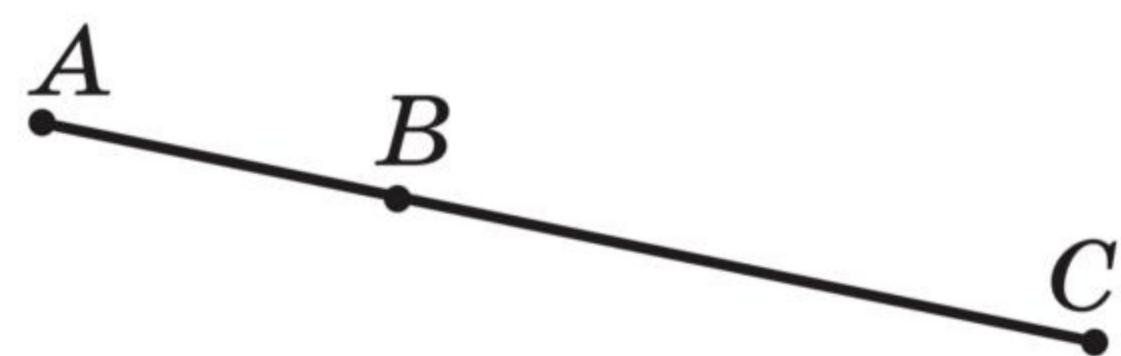
13. Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите развертки куба и запишите их номера в ответе.



Ответ: \_\_\_\_\_

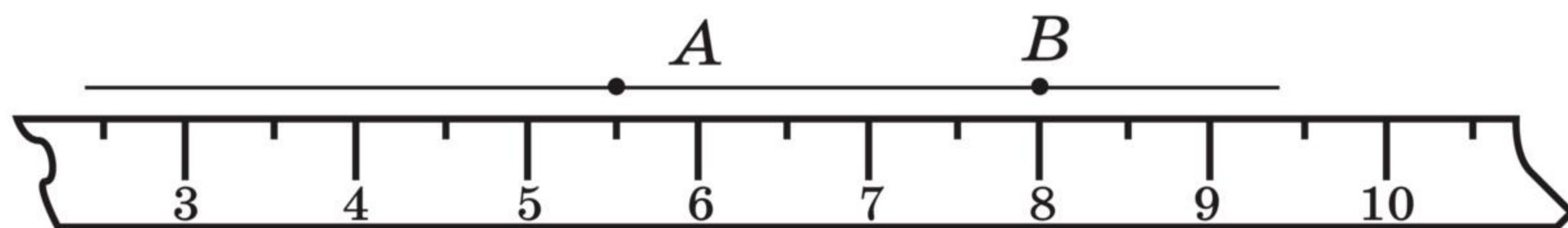
**ТЕСТ 1****Вариант 2**

1. Назовите все отрезки, изображенные на рисунке, у которых один конец находится в точке  $C$ .



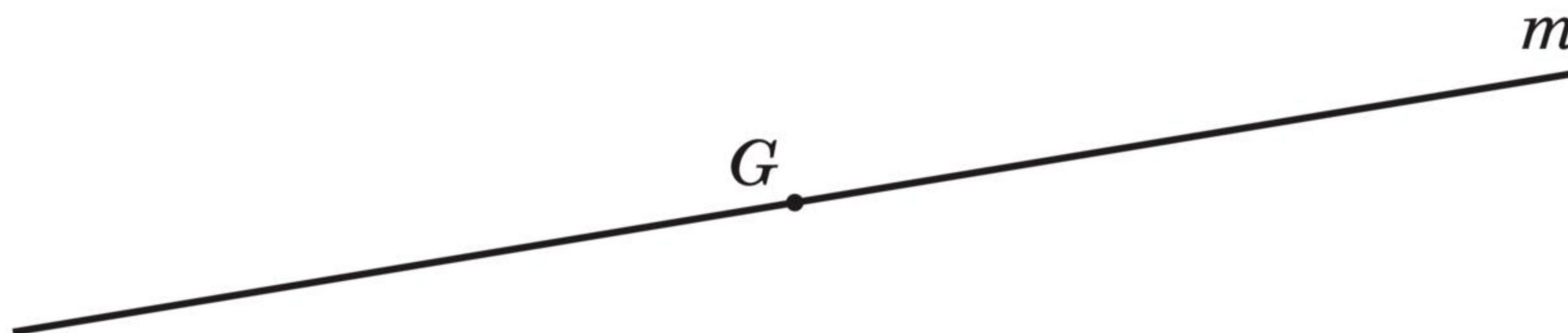
Ответ: \_\_\_\_\_

2. Определите длину отрезка  $AB$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

3. На прямой  $m$  от точки  $G$  отложите отрезок  $GF$ , равный 4 см.

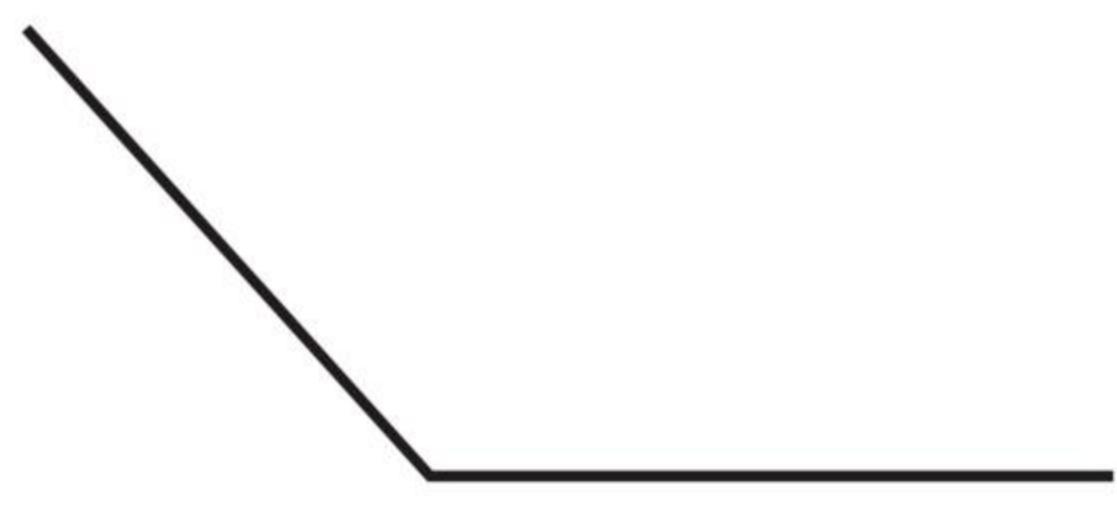


4. Найдите длину отрезка  $SR$ , если  $ST = 8$  см,  $RT = 5$  см.



Ответ: \_\_\_\_\_

5. С помощью транспортира определите градусную меру угла.

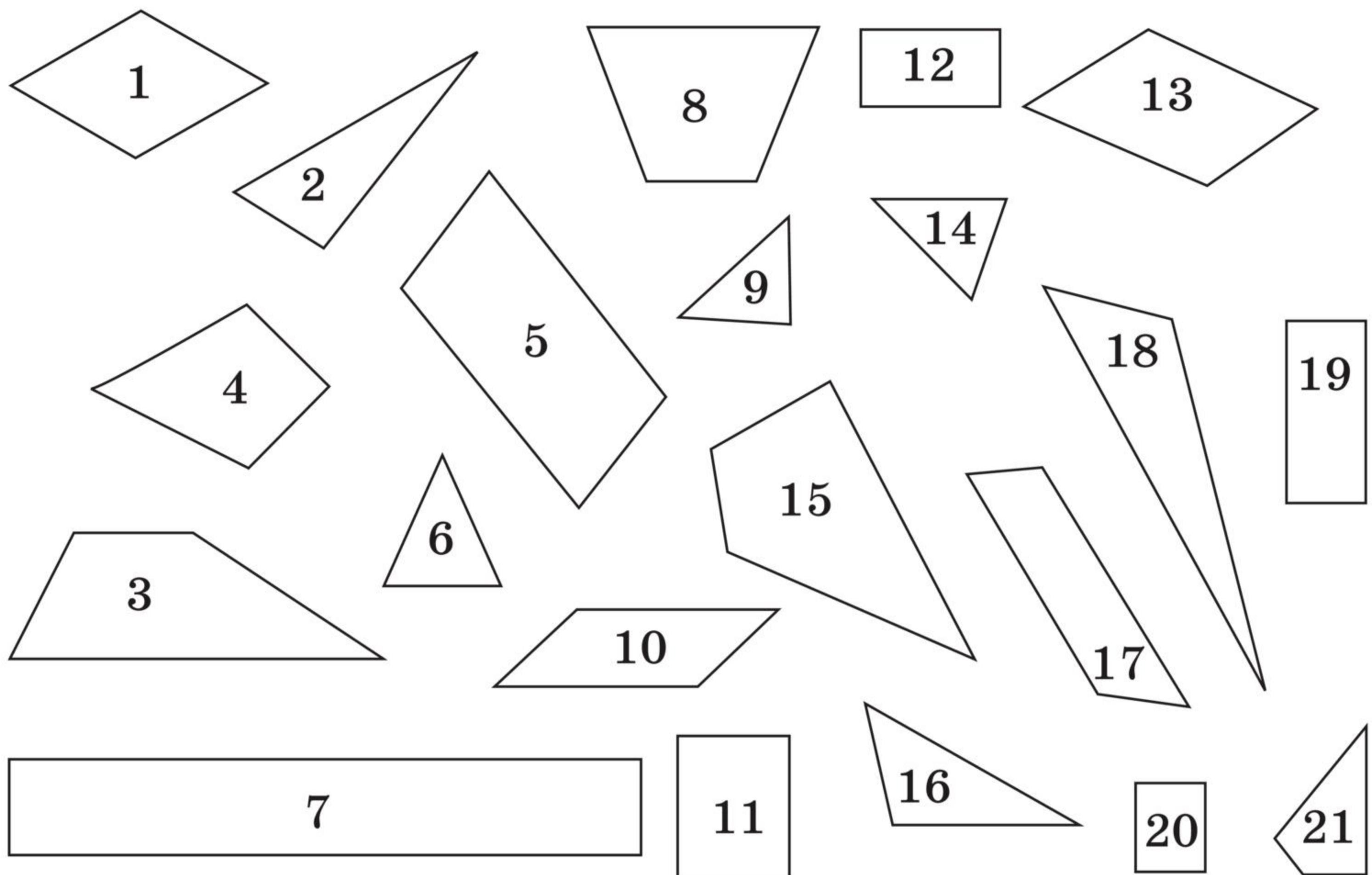


Ответ: \_\_\_\_\_

6. От луча  $OM$  с помощью транспортира отложите угол  $MON$ , равный  $45^\circ$ .

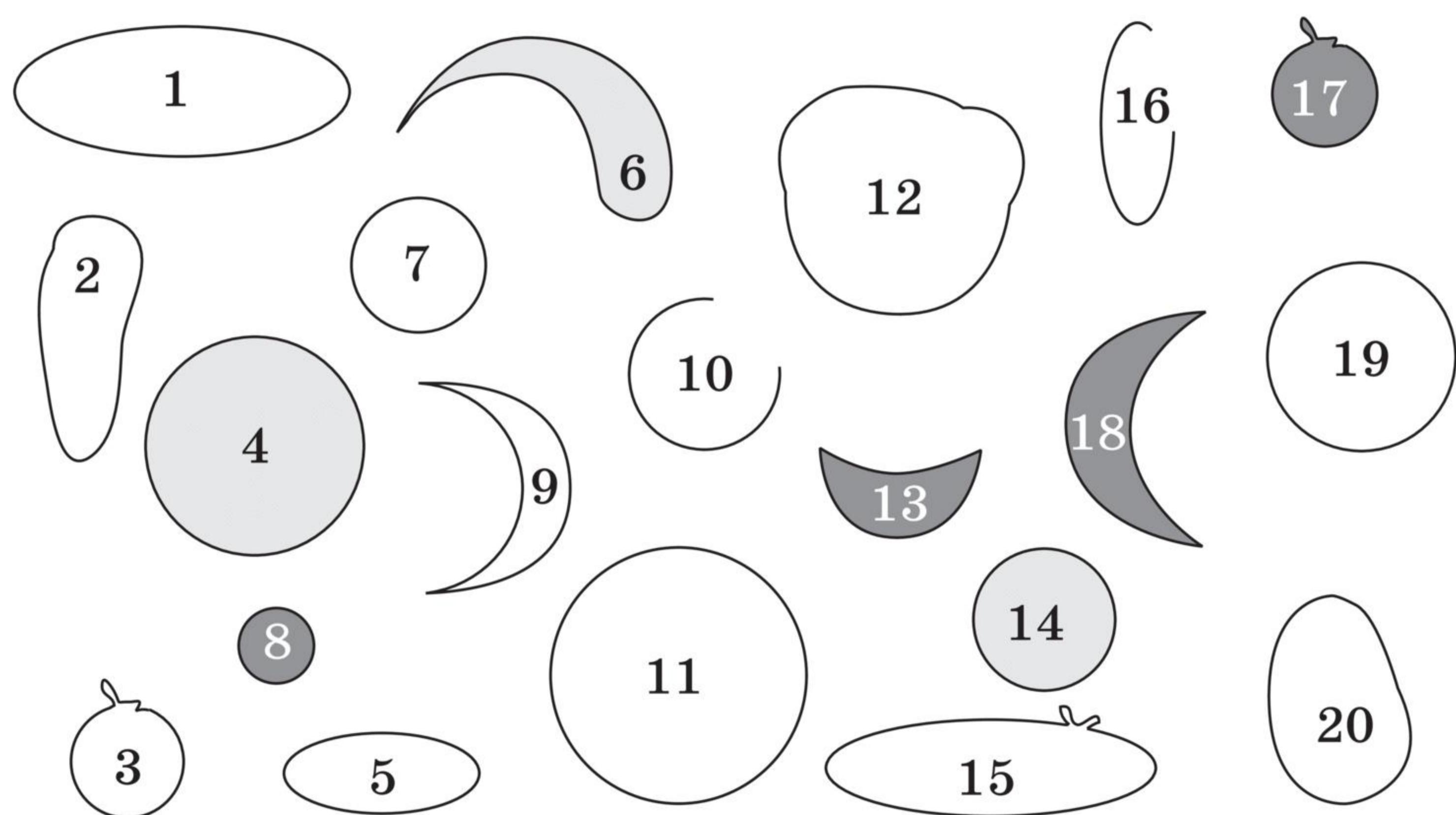


7. Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите все прямоугольники и запишите их номера в ответе.



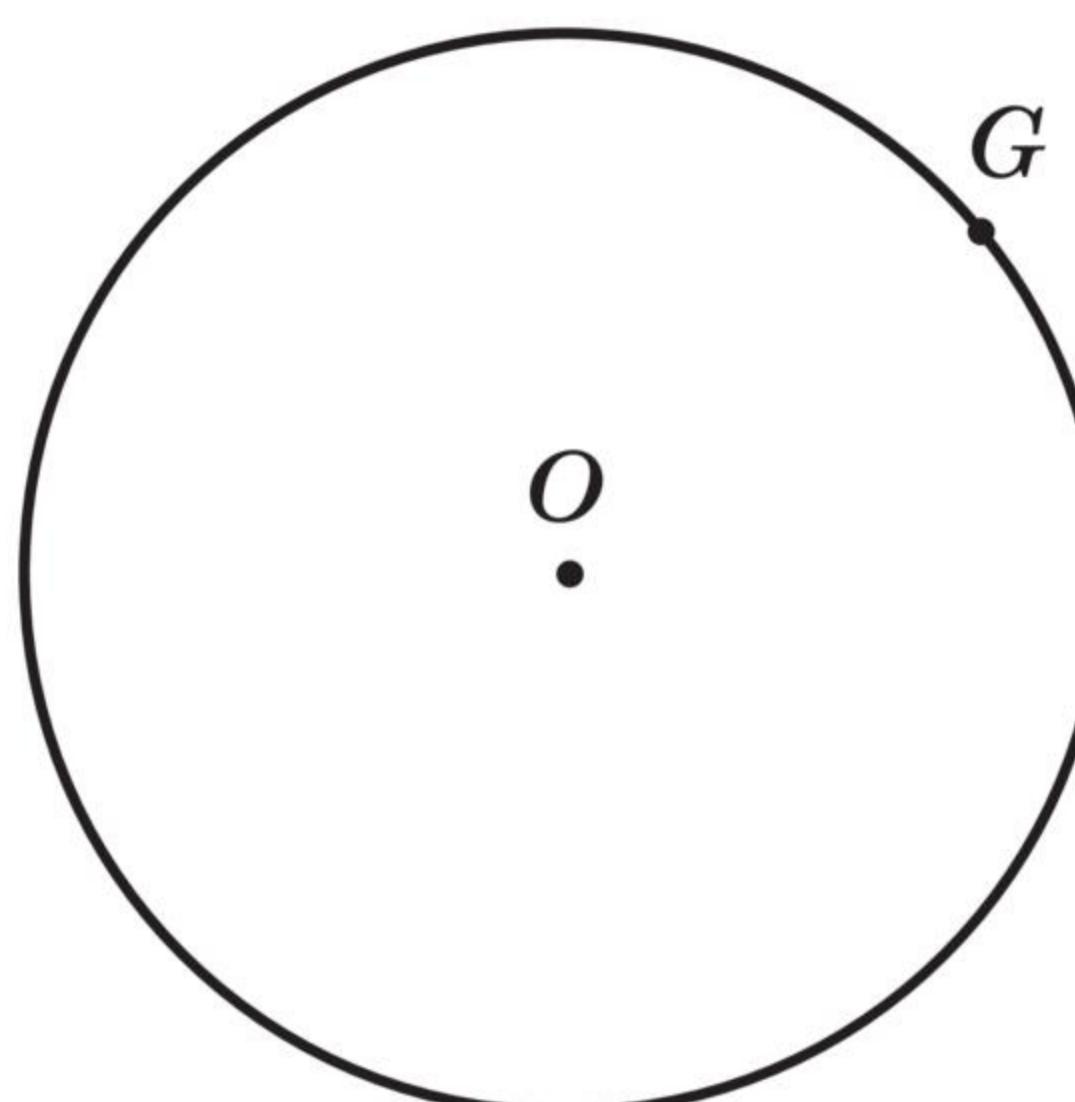
Ответ: \_\_\_\_\_

8. Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите все круги и запишите их номера в ответе.



Ответ: \_\_\_\_\_

9. В данной окружности с центром в точке  $O$  через точку  $G$  проведите хорду и диаметр.

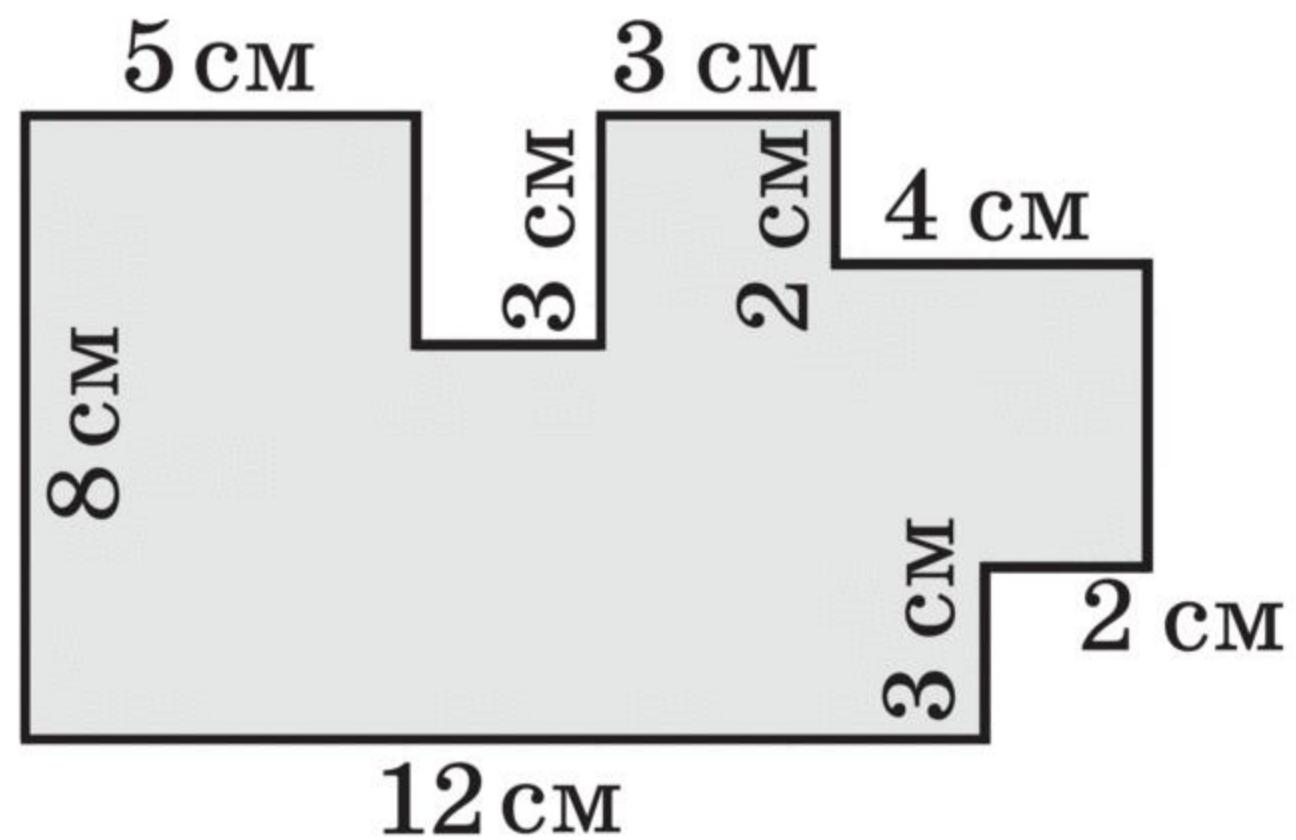


10. Стороны прямоугольника равны 6 см и 8 см. Найдите его периметр.

Ответ: \_\_\_\_\_

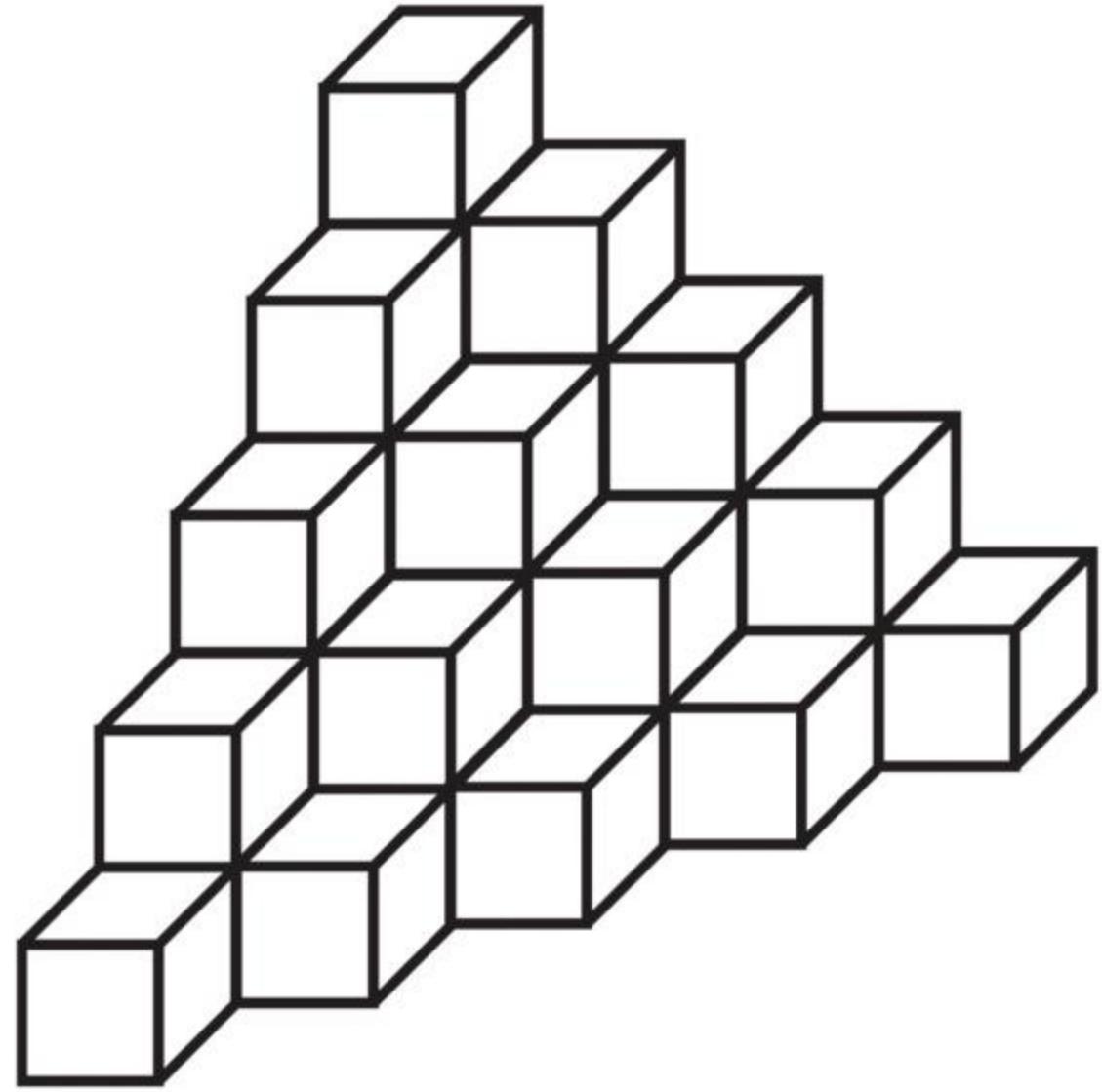
## Дополнительные задачи

11. По данным рисунка найдите площадь закрашенной фигуры.



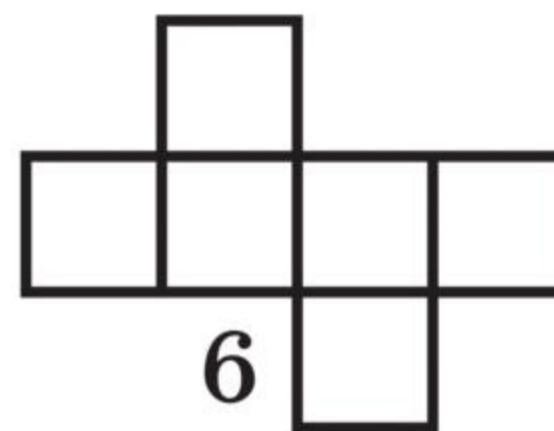
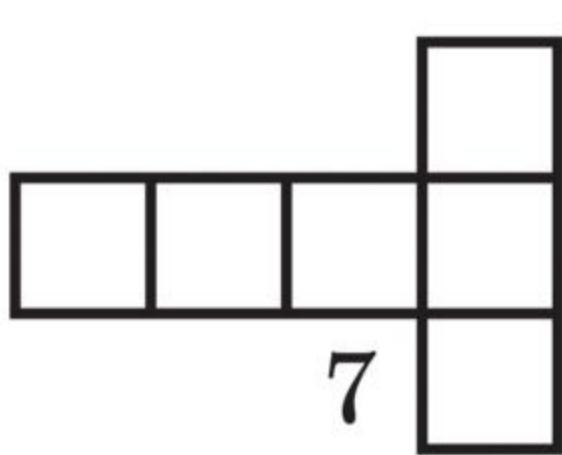
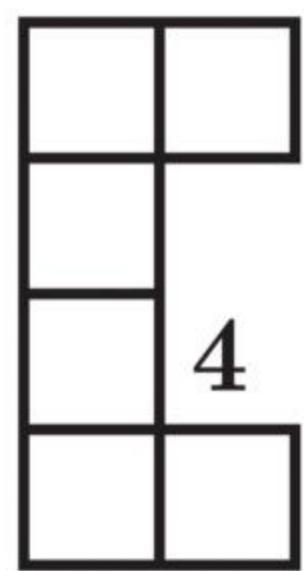
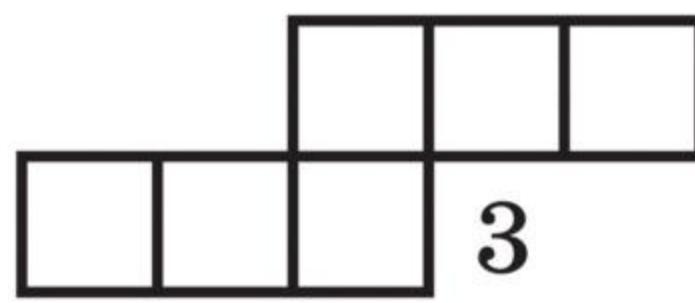
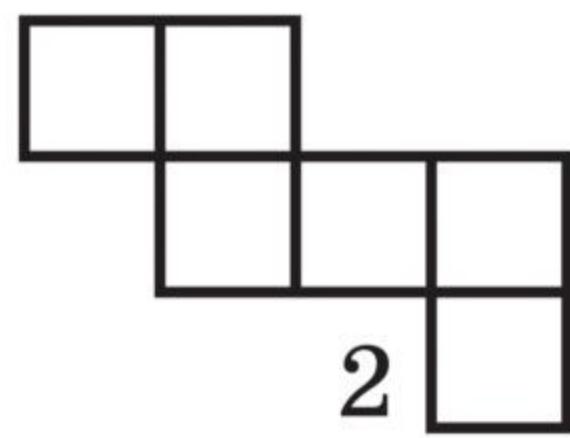
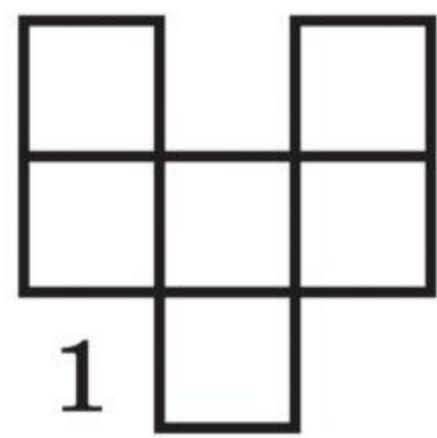
Ответ: \_\_\_\_\_

12. Кубики с ребром, равным 1 см, сложены, как показано на рисунке. Найдите объем полученной фигуры.



Ответ: \_\_\_\_\_

13. Среди фигур, изображенных на рисунке, найдите развертки куба и запишите их номера в ответе.

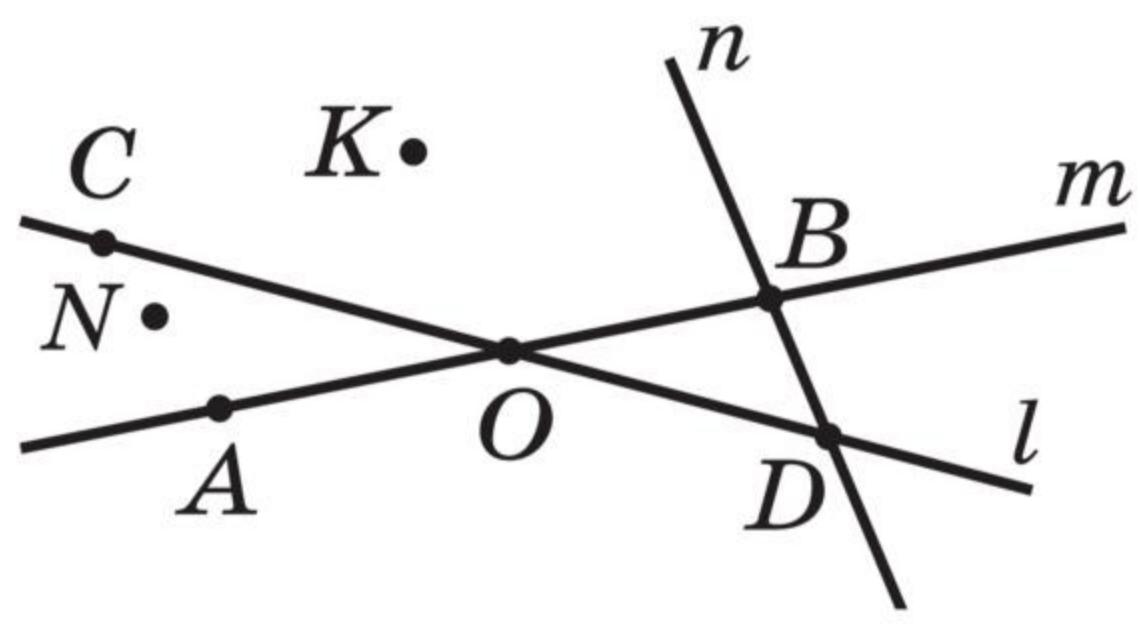


Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 2****Вариант 1**

1. Определите, каким прямым принадлежит точка  $D$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



2. На прямой последовательно отмечены точки  $A$ ,  $B$ ,  $C$  и  $D$ . Запишите отрезок  $AD$  в виде суммы двух отрезков. Сделайте рисунок.

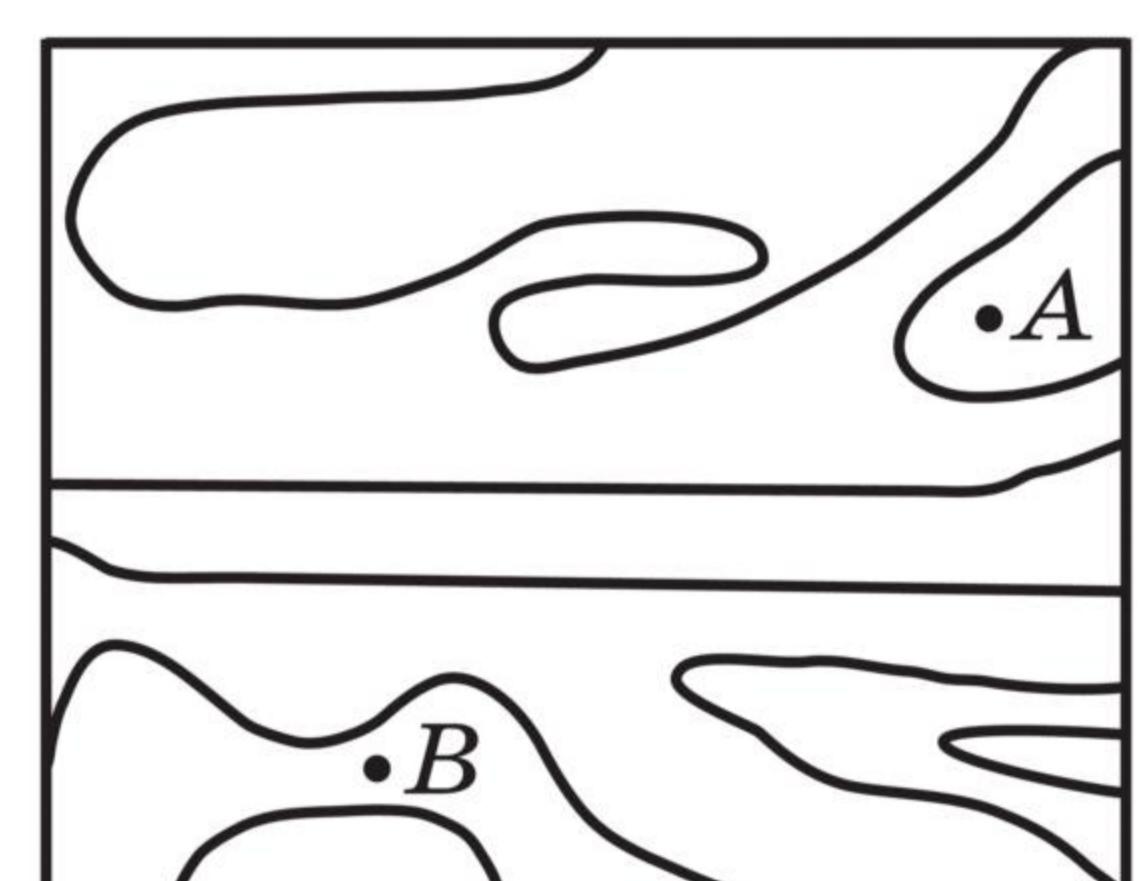
Ответ: \_\_\_\_\_



3. Точка  $M$  лежит на отрезке  $AB$  и делит его на два отрезка:  $AM$  и  $MB$ . Отрезок  $MB$  в три раза меньше отрезка  $AM$ . Найдите длину отрезка  $AB$ , если  $MB$  равен 3 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. На листе бумаги проведена извилистая линия, которая делит лист на две части (внутреннюю и внешнюю). От листа бумаги остался небольшой клочок, на котором отмечены две точки:  $A$  и  $B$ . Определите, лежат эти точки в одной части листа или в разных.



Ответ: \_\_\_\_\_

5. На прямой  $a$  отмечены точки  $A$ ,  $B$  и  $C$  так, что  $AB = 15$  см,  $AC = 8$  см,  $BC = 7$  см. Определите последовательность точек.

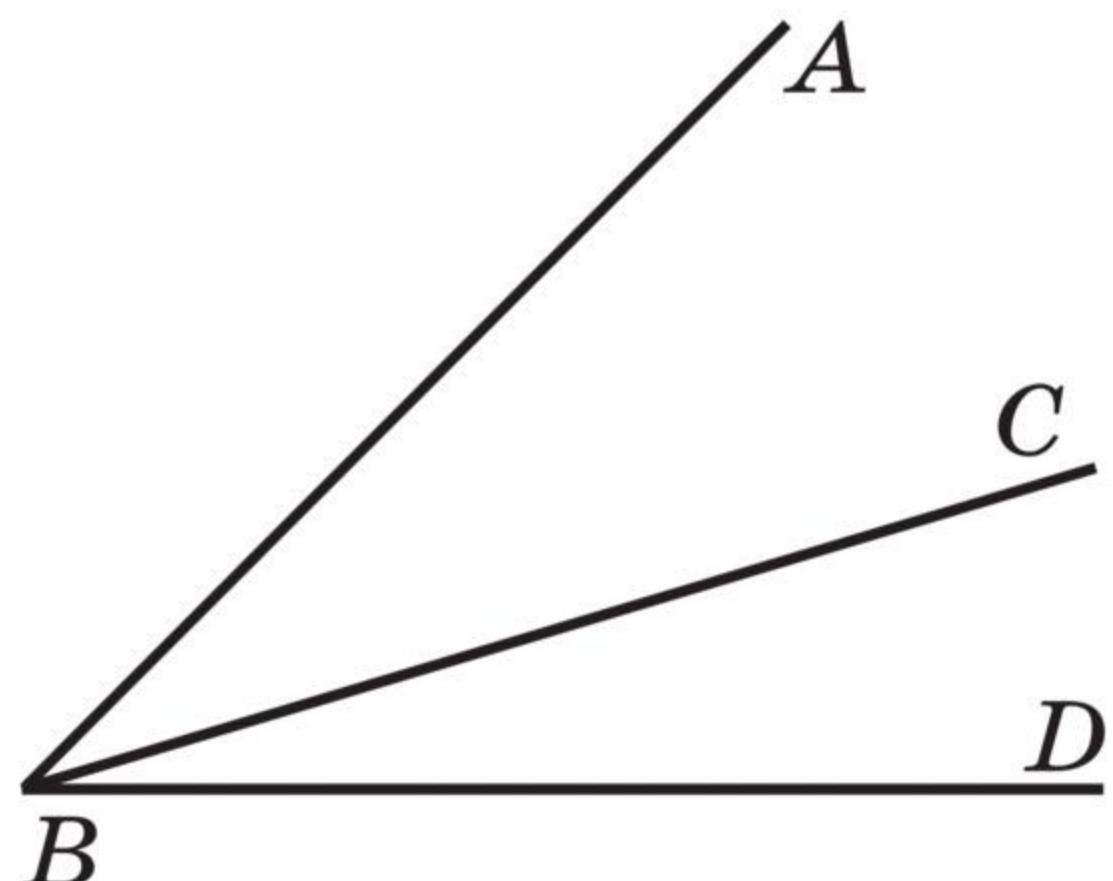
1.  $A$ ,  $B$  и  $C$ .    3.  $A$ ,  $C$  и  $B$ .  
2.  $C$ ,  $A$  и  $B$ .    4. Такая ситуация невозможна.

6. Определите, какой угол образуют направления на север и юг.

1. Прямой.    3. Острый.  
2. Тупой.    4. Развёрнутый.

7. Луч  $BC$  проходит между сторонами угла  $ABD$ . Найдите угол  $ABD$ , если  $\angle CBD = 16^\circ$ , а угол  $ABC$  в три раза больше угла  $CBD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*На прямой от точки А отложены отрезки  $AB = 13$  см и  $AC = 8$  см. Найдите длину отрезка  $BC$ .*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. Треугольники  $ABC$  и  $FED$  равны. Известно, что  $AB = 7$  см,  $BC = 9$  см,  $FD = 6$  см. Найдите стороны треугольника  $FED$ .

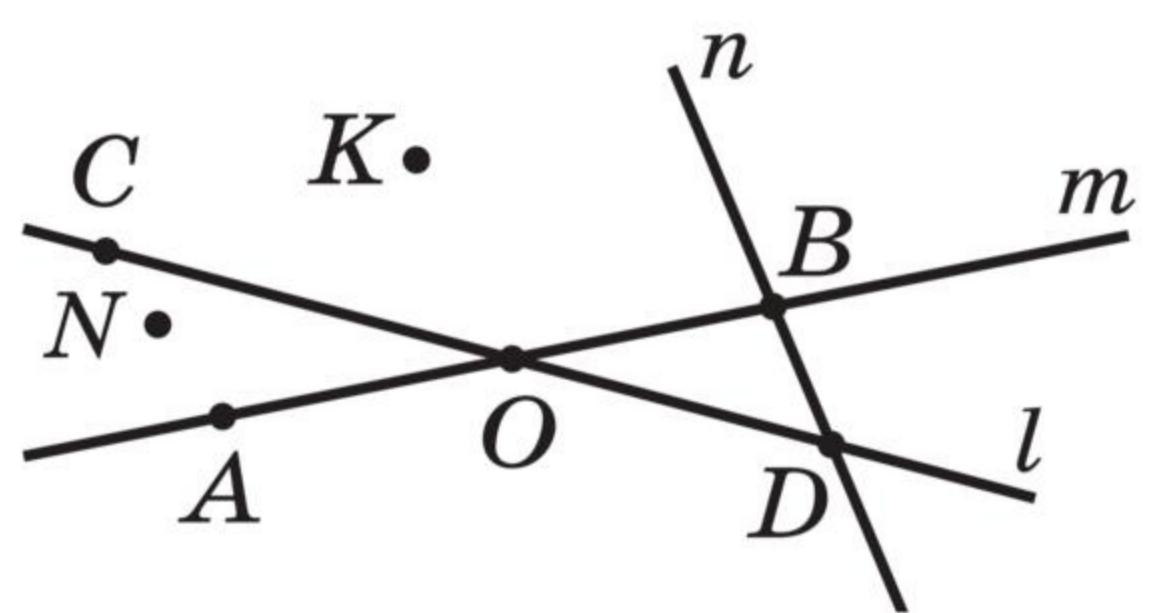
Ответ:  $FD = \underline{\hspace{2cm}}$ ;  $FE = \underline{\hspace{2cm}}$ ;  $ED = \underline{\hspace{2cm}}$ .

10. (*Дополнительная задача.*) На прямой от одной точки в одном направлении отложены три отрезка, сумма длин которых равна 28 см, так, что конец первого отрезка служит серединой второго, а конец второго — серединой третьего. Найдите длину меньшего отрезка.

Ответ: \_\_\_\_\_

1. Определите, через какие точки проходит прямая  $n$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



2. На прямой последовательно отмечены точки  $A, B, C$  и  $D$ . Запишите отрезок  $BC$  в виде разности двух отрезков. Сделайте рисунок.

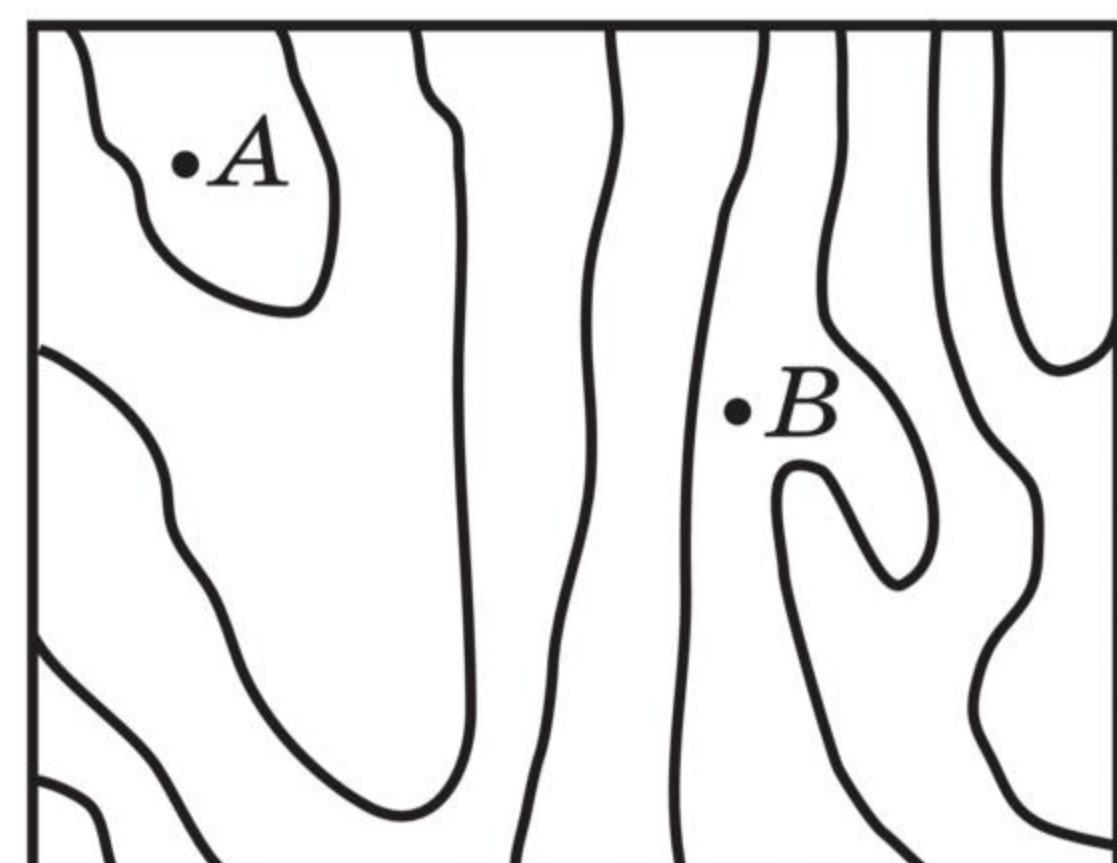
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Точка  $M$  лежит на отрезке  $AB$  и делит его на два отрезка:  $AM$  и  $MB$ . Отрезок  $MB$  равен половине отрезка  $AM$ . Найдите длину отрезка  $MB$ , если  $AB$  равен 21 см.



Ответ: \_\_\_\_\_

4. На листе бумаги проведена извилистая линия, которая делит лист на две части (внутреннюю и внешнюю). От листа бумаги остался небольшой клочок, на котором отмечены две точки:  $A$  и  $B$ . Определите, лежат эти точки в одной части листа или в разных.



Ответ: \_\_\_\_\_

5. На прямой  $a$  отмечены точки  $A$ ,  $B$  и  $C$  так, что  $AB = 12$  см,  $AC = 3$  см,  $BC = 15$  см. Определите последовательность точек.

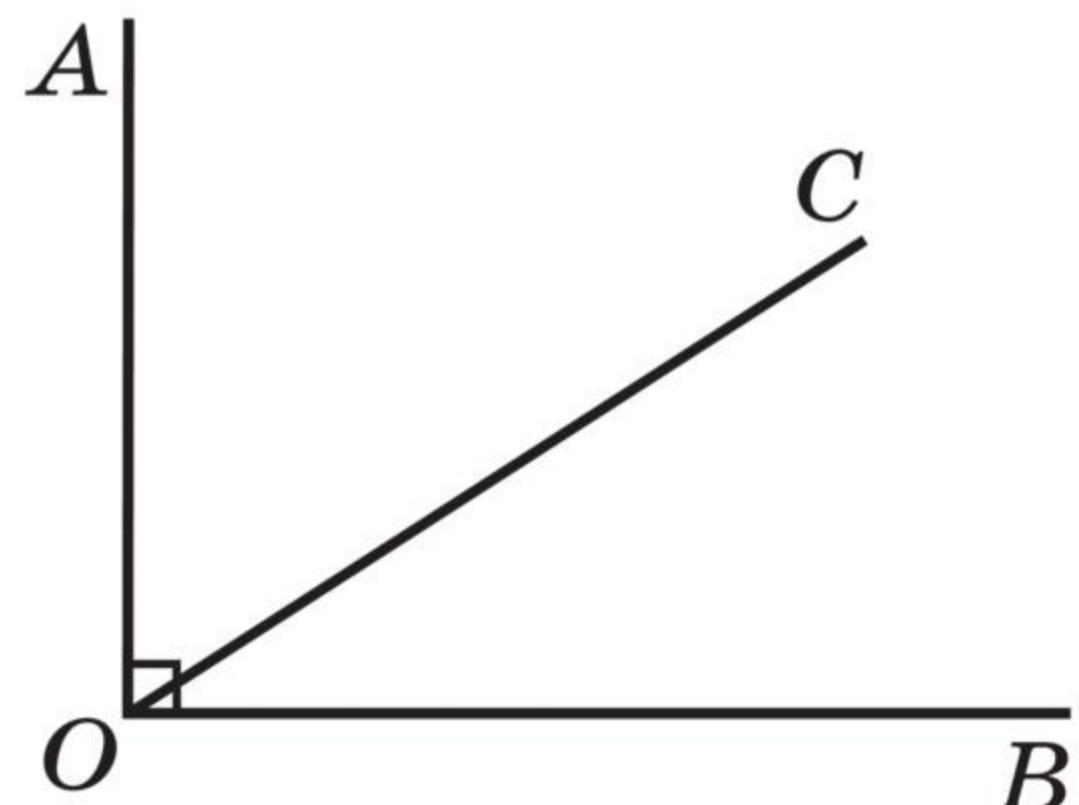
1.  $A$ ,  $B$  и  $C$ .    3.  $A$ ,  $C$  и  $B$ .  
2.  $C$ ,  $A$  и  $B$ .    4. Такая ситуация невозможна.

6. Определите, какой угол образуют направления на юг и запад.

1. Прямой.    3. Острый.  
2. Тупой.    4. Развёрнутый.

7. Луч  $OC$  проходит между сторонами прямого угла  $AOB$  и составляет с одной из его сторон угол, равный  $42^\circ$ . Найдите угол между лучом и второй стороной прямого угла.

Ответ: \_\_\_\_\_



8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*От данного луча в заданную полуплоскость отложены  $\angle ABC = 56^\circ$  и  $\angle ABD = 43^\circ$ . Найдите  $\angle DBC$ .*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. Треугольники  $ABC$  и  $FED$  равны. Известно, что  $AB = 7$  см,  $BC = 9$  см,  $AC = 6$  см,  $\angle A = 36^\circ$ ,  $\angle B = 62^\circ$ ,  $\angle C = 84^\circ$ . Найдите стороны  $FE$  и  $FD$  и угол  $F$  треугольника  $FED$ .

Ответ:  $FE = \underline{\hspace{2cm}}$  ;  $FD = \underline{\hspace{2cm}}$  ;  $\angle F = \underline{\hspace{2cm}}$ .

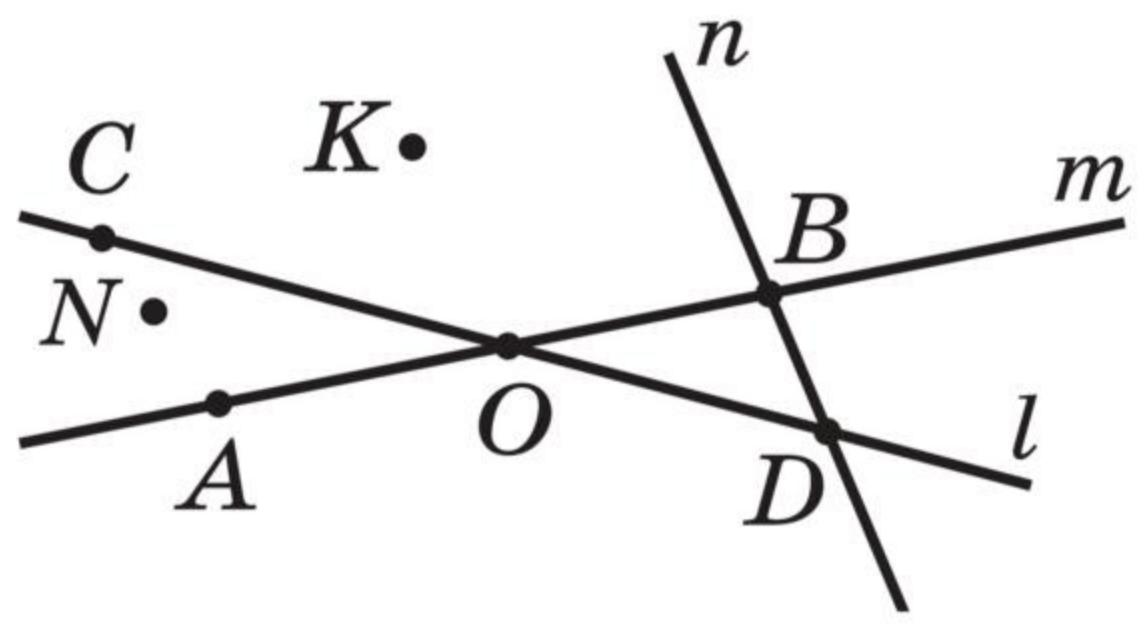
10. (*Дополнительная задача.*) На прямой от одной точки в одном направлении отложены три отрезка, сумма длин которых равна 28 см, так, что конец первого отрезка служит серединой второго, а конец второго — серединой третьего. Найдите длину большего отрезка.

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 2****Вариант 3**

1. Определите, каким прямым принадлежит точка  $O$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



2. На прямой последовательно отмечены точки  $A, B, C$  и  $D$ . Запишите отрезок  $CD$  в виде разности двух отрезков. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

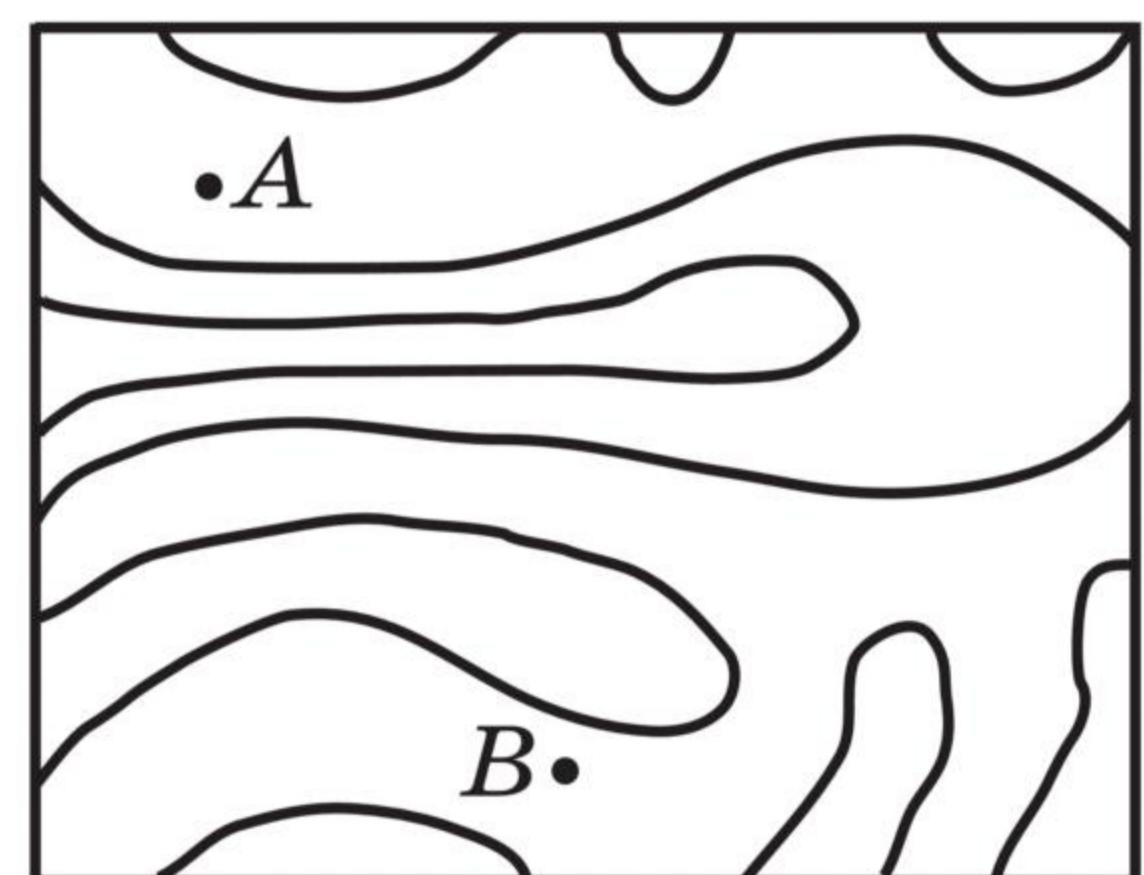


3. Точка  $M$  лежит на отрезке  $AB$  и делит его на два отрезка:  $AM$  и  $MB$ . Отрезок  $MB$  на 3 см больше отрезка  $AM$ . Найдите длину отрезка  $AM$ , если  $AB$  равен 21 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. На листе бумаги проведена извилистая линия, которая делит лист на две части (внутреннюю и внешнюю). От листа бумаги остался небольшой клочок, на котором отмечены две точки:  $A$  и  $B$ . Определите, лежат эти точки в одной части листа или в разных.

Ответ: \_\_\_\_\_



5. На прямой  $a$  отмечены точки  $A$ ,  $B$  и  $C$  так, что  $AB = 6$  см,  $AC = 14$  см,  $BC = 5$  см. Определите последовательность точек.

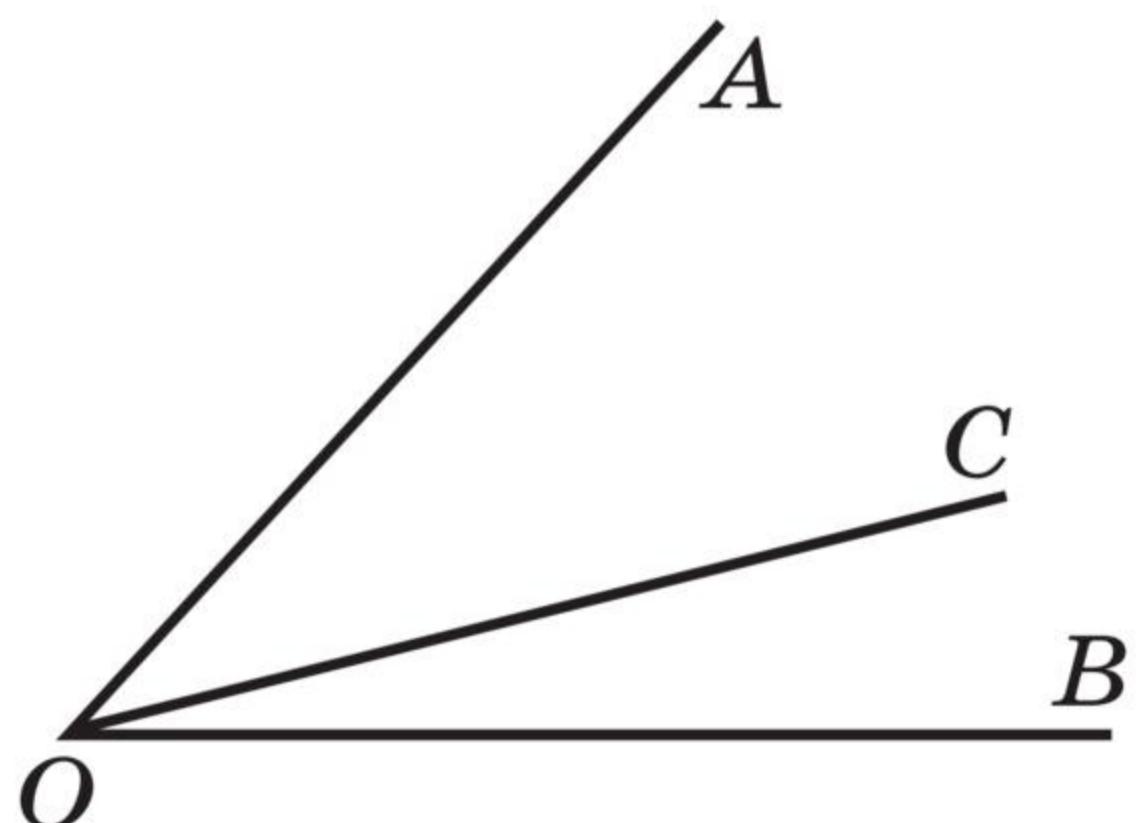
1.  $A$ ,  $B$  и  $C$ .    3.  $A$ ,  $C$  и  $B$ .  
2.  $C$ ,  $A$  и  $B$ .    4. Такая ситуация невозможна.

6. Определите, какой угол образуют направления на северо-восток и восток.

1. Прямой.    3. Острый.  
2. Тупой.    4. Развёрнутый.

7. Луч  $OC$  проходит между сторонами угла  $AOB$ , градусная мера которого  $76^\circ$ . Найдите  $\angle BOC$ , если  $\angle AOC = 3\angle BOC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*От данного луча отложены  $\angle ABC = 67^\circ$  и  $\angle ABD = 23^\circ$ . Найдите  $\angle DBC$ .*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. Треугольники  $ABC$  и  $MNL$  равны. Известно, что  $\angle A = 36^\circ$ ,  $\angle N = 62^\circ$ ,  $\angle L = 82^\circ$ . Найдите углы треугольника  $ABC$ .

Ответ:  $\angle A =$  \_\_\_\_\_ ;  $\angle B =$  \_\_\_\_\_ ;  $\angle C =$  \_\_\_\_\_ .

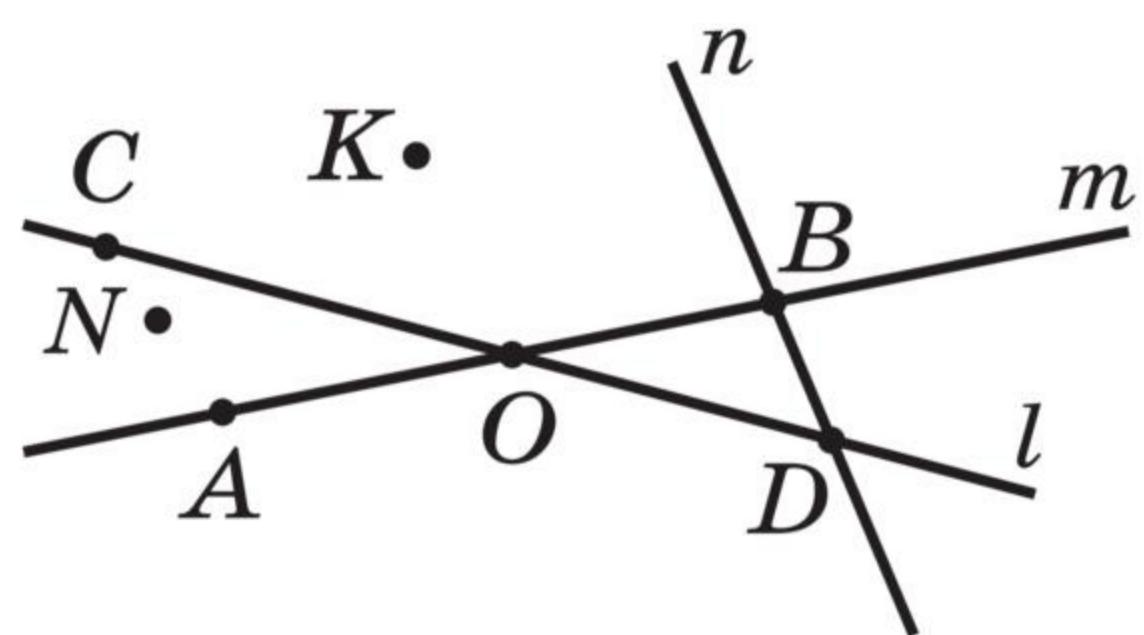
10. (*Дополнительная задача.*) На прямой от одной точки в одном направлении отложены три отрезка:  $AB$ ,  $AC$  и  $AD$ . Найдите длину отрезка  $AD$ , если сумма длин отрезков  $AB$  и  $AC$  равна 18 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 2****Вариант 4**

1. Определите, какие прямые проходят через точку  $K$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



2. На прямой последовательно отмечены точки  $A$ ,  $B$ ,  $C$  и  $D$ . Представьте сумму отрезков  $AB$  и  $CD$  в виде разности двух отрезков. Сделайте рисунок.

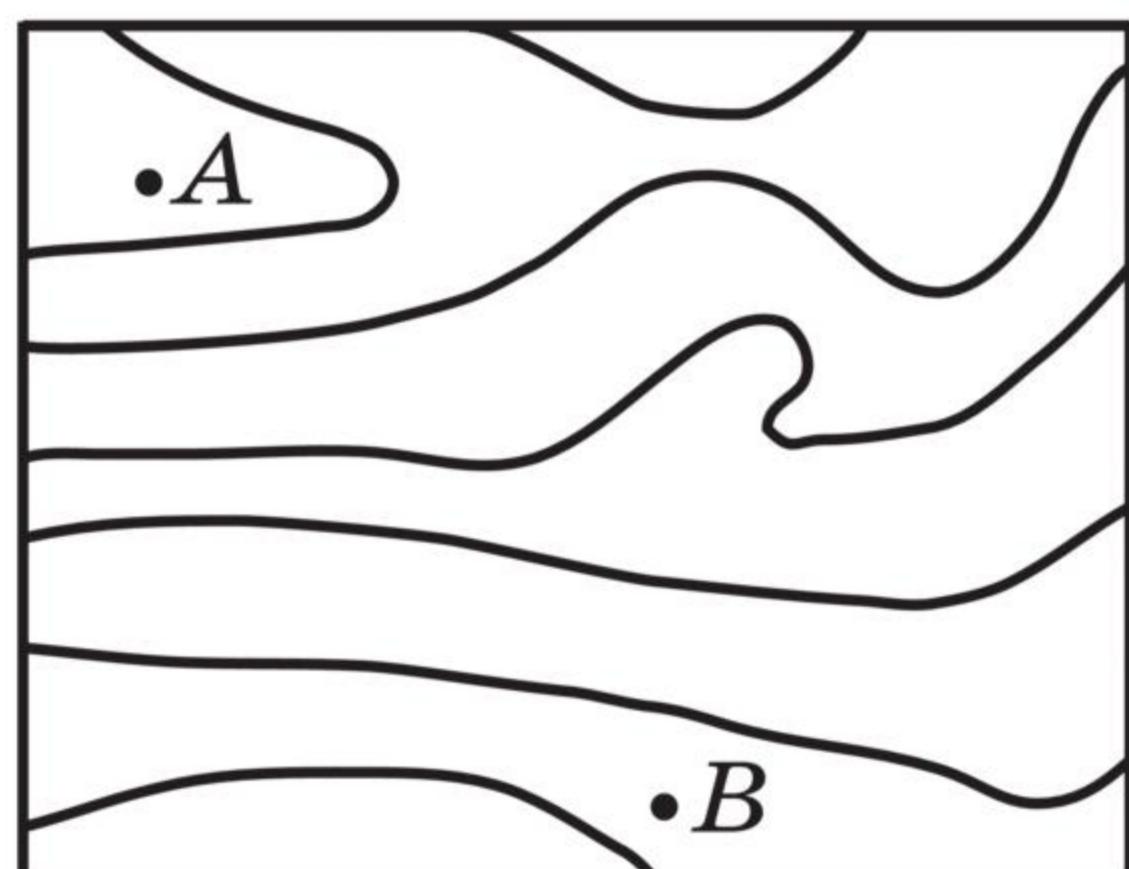
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Точка  $M$  лежит на отрезке  $AB$  и делит его на два отрезка:  $AM$  и  $MB$ . Отрезок  $MB$  равен 3 см. Найдите длину отрезка  $AB$ , если  $AM : MB = 4 : 3$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

4. На листе бумаги проведена извилистая линия, которая делит лист на две части (внутреннюю и внешнюю). От листа бумаги остался небольшой клочок, на котором отмечены две точки:  $A$  и  $B$ . Определите, лежат эти точки в одной части листа или в разных.



Ответ: \_\_\_\_\_

5. На прямой  $a$  отмечены точки  $A$ ,  $B$  и  $C$  так, что  $AB = 6$  см,  $AC = 14$  см,  $BC = 8$  см. Определите последовательность точек.

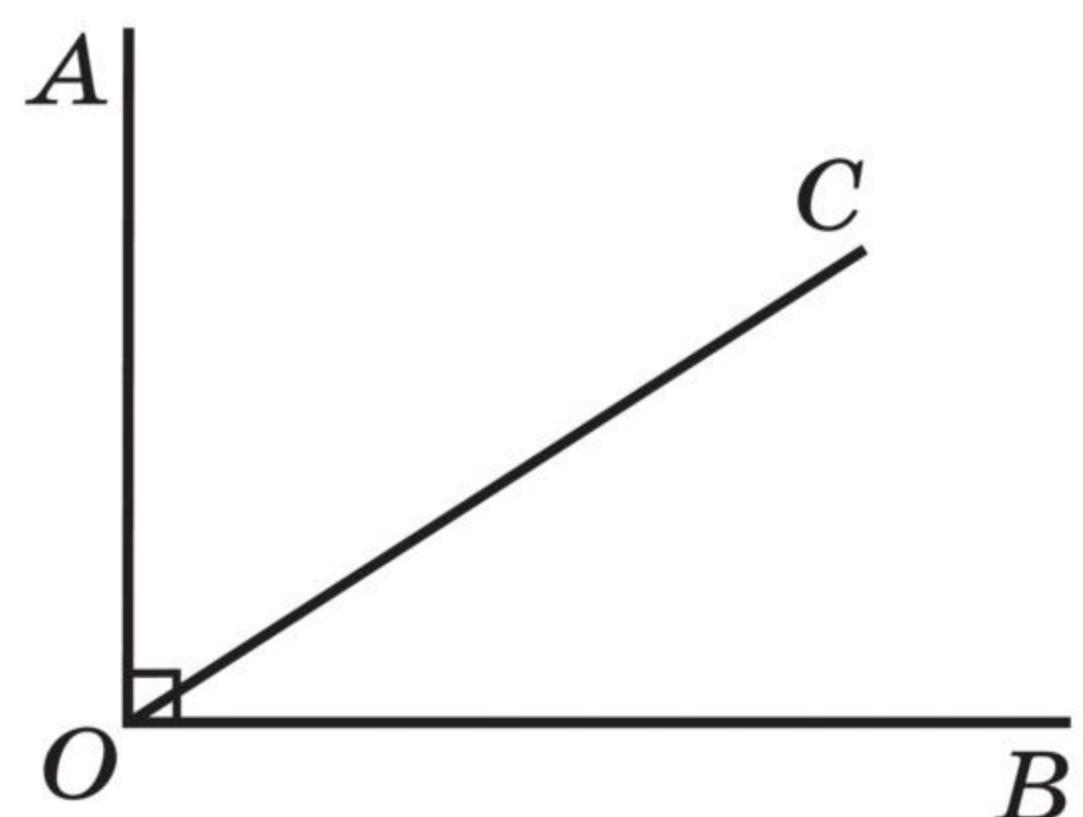
1.  $A$ ,  $B$  и  $C$ .    3.  $A$ ,  $C$  и  $B$ .  
2.  $C$ ,  $A$  и  $B$ .    4. Такая ситуация невозможна.

6. Определите, какой угол образуют направления на северо-запад и восток.

1. Прямой.    3. Острый.  
2. Тупой.    4. Развёрнутый.

7. Луч  $OC$  проходит между сторонами прямого угла  $AOB$  и делит его в отношении  $1 : 4$ . Найдите больший угол, образованный лучом и стороной прямого угла.

Ответ: \_\_\_\_\_



8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*На луче с началом в точке А отложены отрезки  $AC = 8$  см и  $AD = 4$  см. Найдите длину отрезка  $CD$ .*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. Треугольники  $ABC$  и  $FED$  равны. Известно, что  $AB = 7$  см,  $BC = 9$  см,  $AC = 6$  см,  $\angle A = 36^\circ$ ,  $\angle B = 62^\circ$ ,  $\angle C = 84^\circ$ . Найдите сторону  $ED$  и углы  $F$  и  $E$  треугольника  $FED$ .

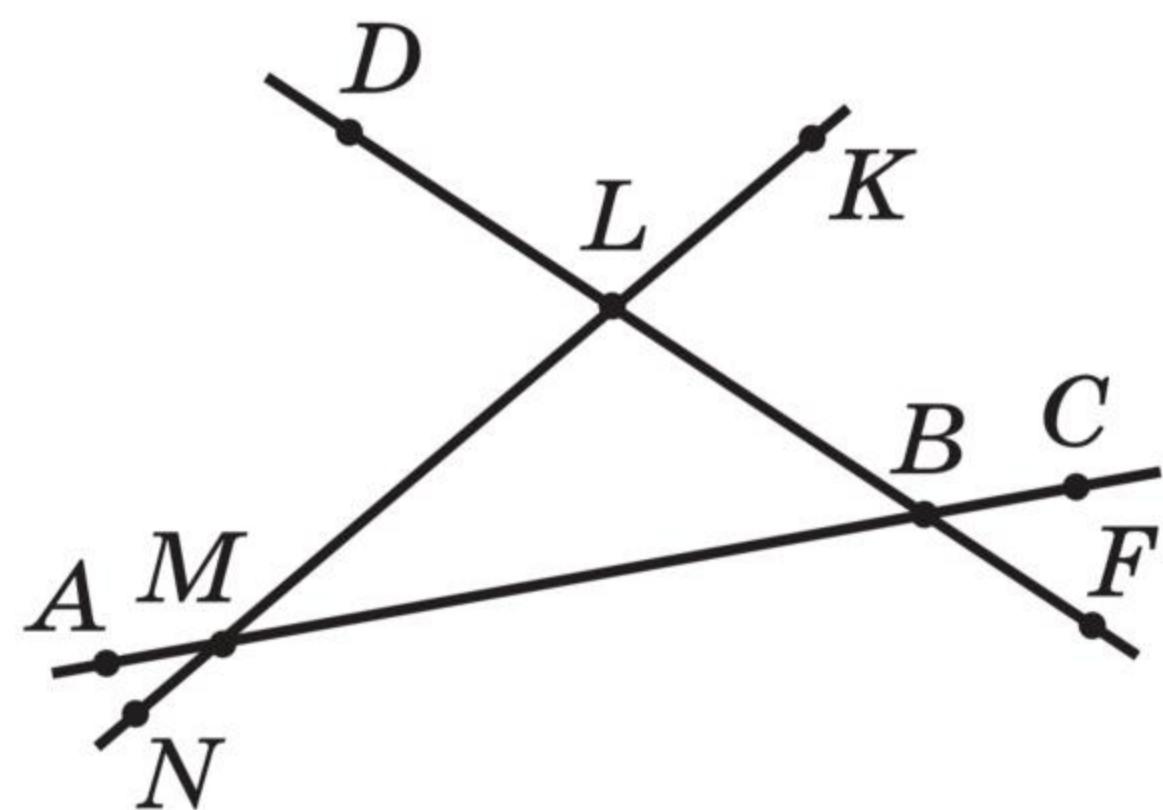
Ответ:  $ED = \underline{\hspace{2cm}}$  ;  $\angle F = \underline{\hspace{2cm}}$  ;  $\angle E = \underline{\hspace{2cm}}$ .

10. (*Дополнительная задача.*) На прямой от одной точки в одном направлении отложены три отрезка, сумма длин которых равна 28 см, так, что конец первого отрезка служит серединой второго, а конец второго — серединой третьего. Найдите длину среднего отрезка.

Ответ: \_\_\_\_\_

1. На плоскости проведены три попарно пересекающиеся прямые. Укажите две пары вертикальных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

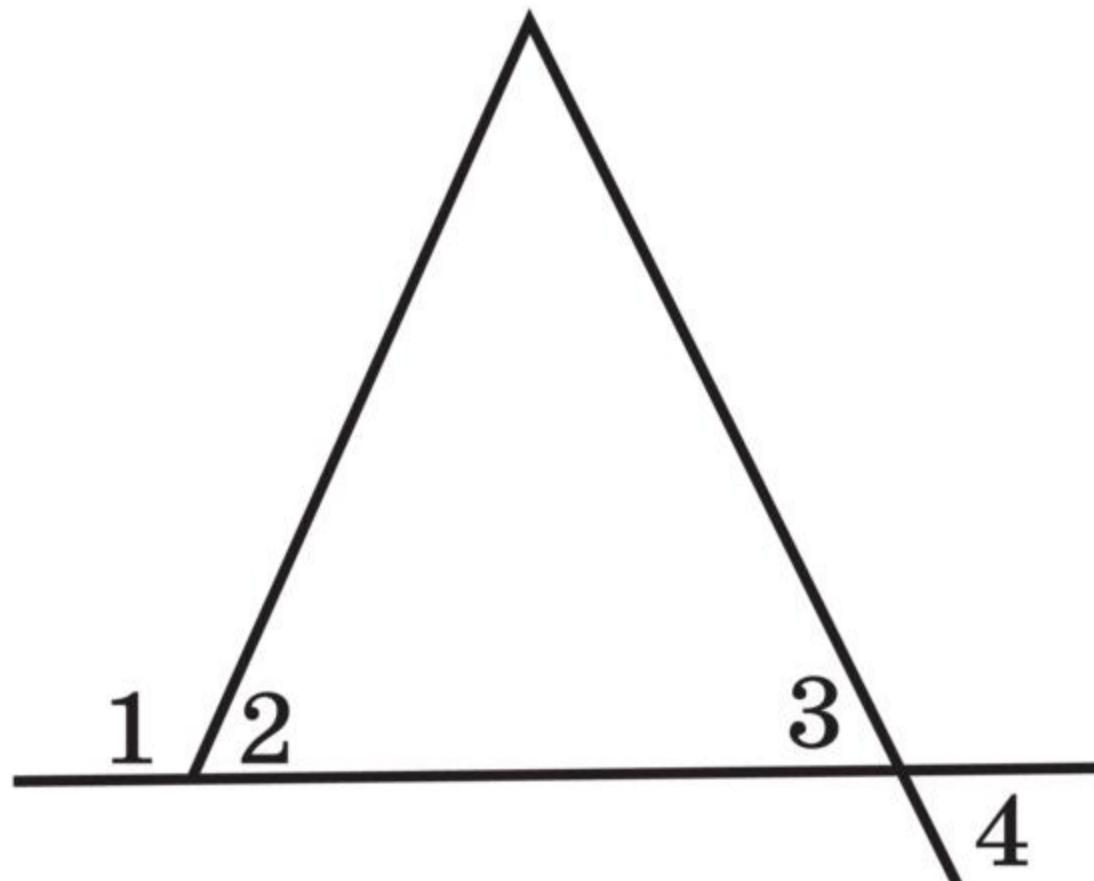


2. Углы  $AOB$  и  $BOC$  — смежные. Угол  $AOB$  в три раза меньше угла  $BOC$ . Найдите угол  $AOB$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

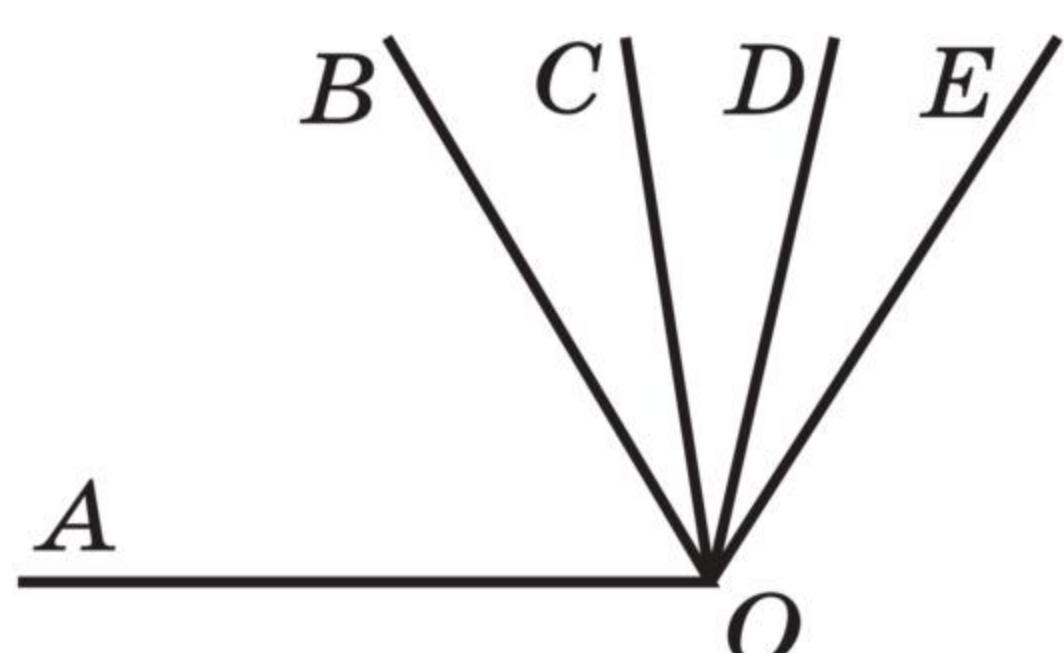
3. На рисунке  $\angle 1 = 163^\circ$ ,  $\angle 2 = \angle 3$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. На рисунке  $\angle BOC = \angle COD = \angle DOE$ ,  $\angle AOB = 3\angle DOE$ . Укажите биссектрису угла  $AOE$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

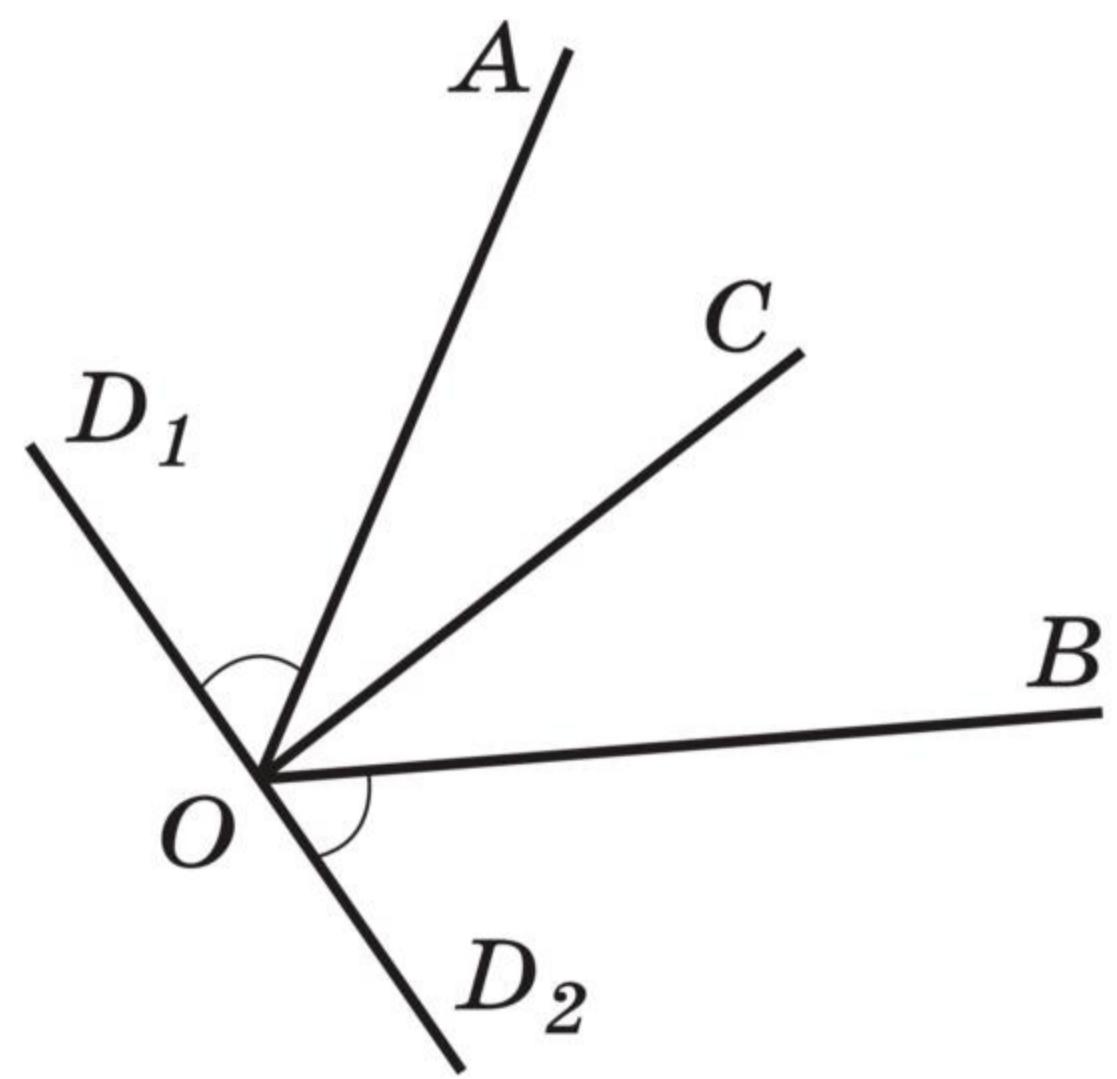


5. Определите, какой угол образуют биссектрисы смежных углов.

1. Острый.      3. Тупой.  
2. Прямой.      4. Развёрнутый.

6. Через вершину угла  $AOB$ , равного  $40^\circ$ , проведена прямая  $D_1D_2$  так, что  $\angle AOD_1 = \angle BOD_2 = 70^\circ$ . Найдите угол между прямой  $D_1D_2$  и прямой, содержащей биссектрису  $OC$  данного угла.

Ответ: \_\_\_\_\_

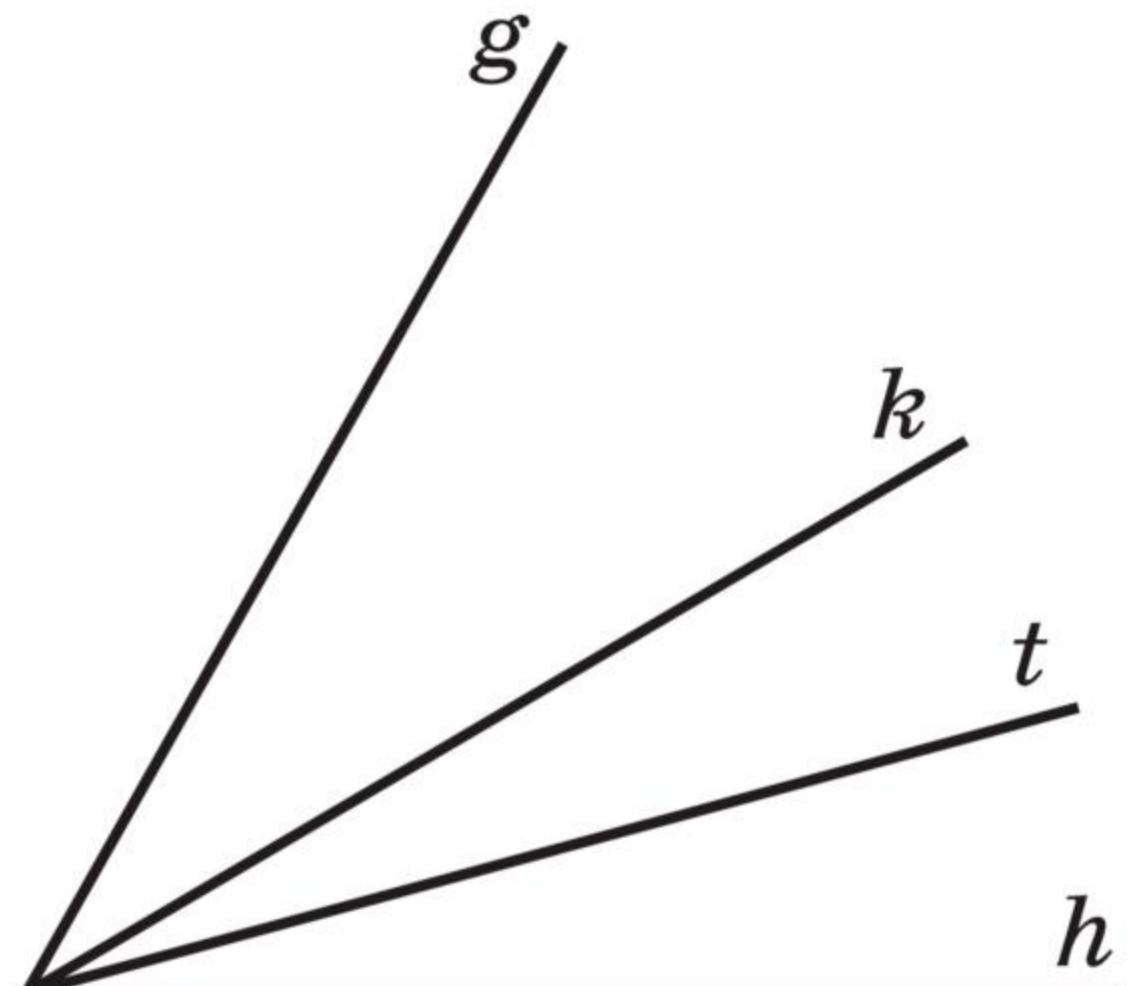


7. Точка  $D$  — середина отрезка  $AB$ , точка  $K$  — середина отрезка  $BD$ . Найдите длину отрезка  $AB$ , если  $KD = 5$  см. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

8. Луч  $k$  — биссектриса угла  $(gh)$ . Луч  $t$  — биссектриса угла  $(kh)$ . Найдите градусную меру угла  $(gh)$ , если градусная мера угла  $(kt)$  равна  $17^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



9. Внутри угла  $COD$ , равного  $140^\circ$ , находится угол  $AOB$ , равный  $100^\circ$ . Найдите угол между биссектрисами углов  $AOC$  и  $BOD$ , если луч  $OB$  лежит внутри угла  $AOD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

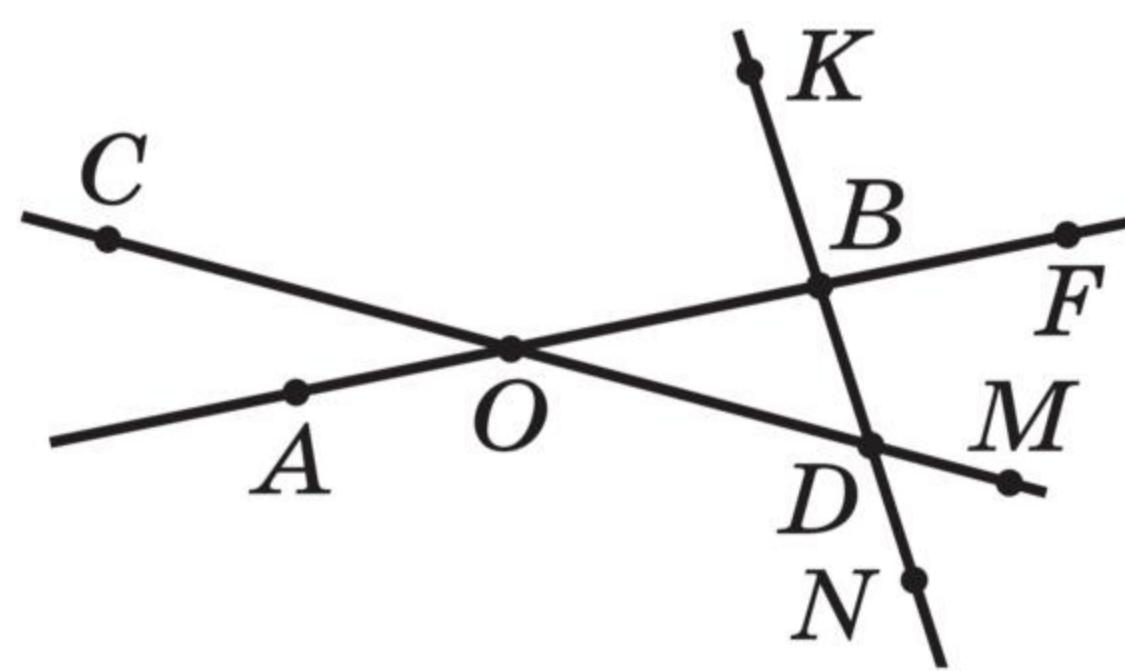
10. (Дополнительная задача.) Какое наибольшее число лучей может выходить из одной точки, чтобы все углы, образованные соседними лучами, были тупыми?

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 3****Вариант 2**

1. На плоскости проведены три попарно пересекающиеся прямые. Укажите две пары вертикальных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

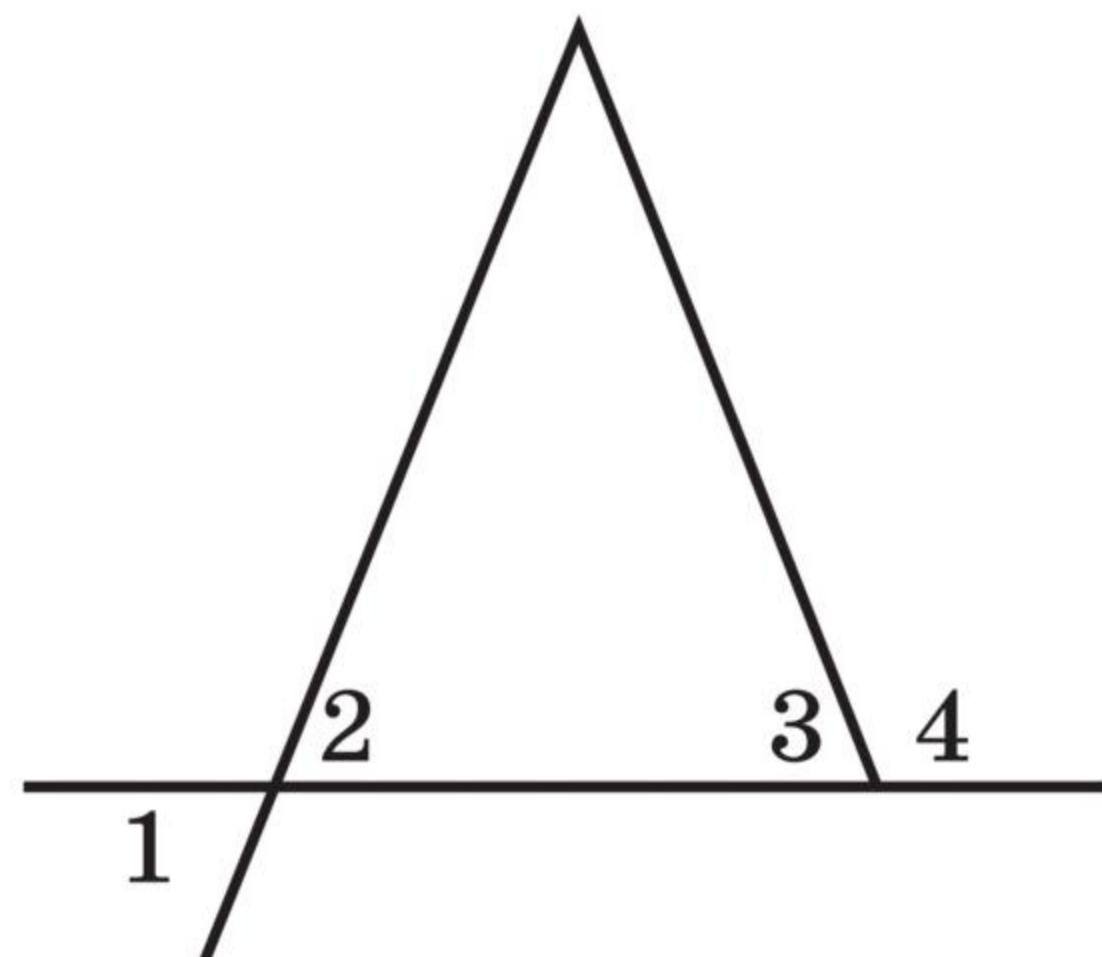


2. Углы  $AOB$  и  $BOC$  — смежные. Угол  $AOB$  на  $24^\circ$  больше угла  $BOC$ . Найдите угол  $BOC$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

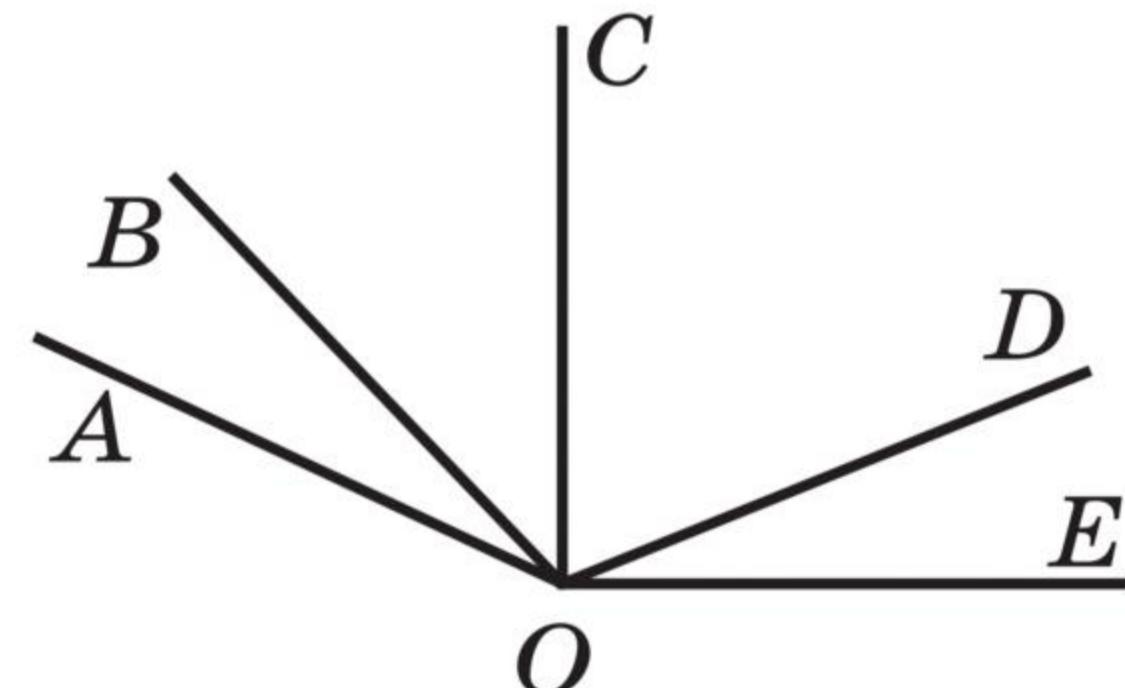
3. На рисунке  $\angle 1 = 73^\circ$ ,  $\angle 2 = \angle 3$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. На рисунке  $\angle AOB = \angle DOE$ ,  $\angle BOC = 2\angle AOB$ ,  $\angle COD = 3\angle DOE$ . Укажите биссектрису угла  $AOD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

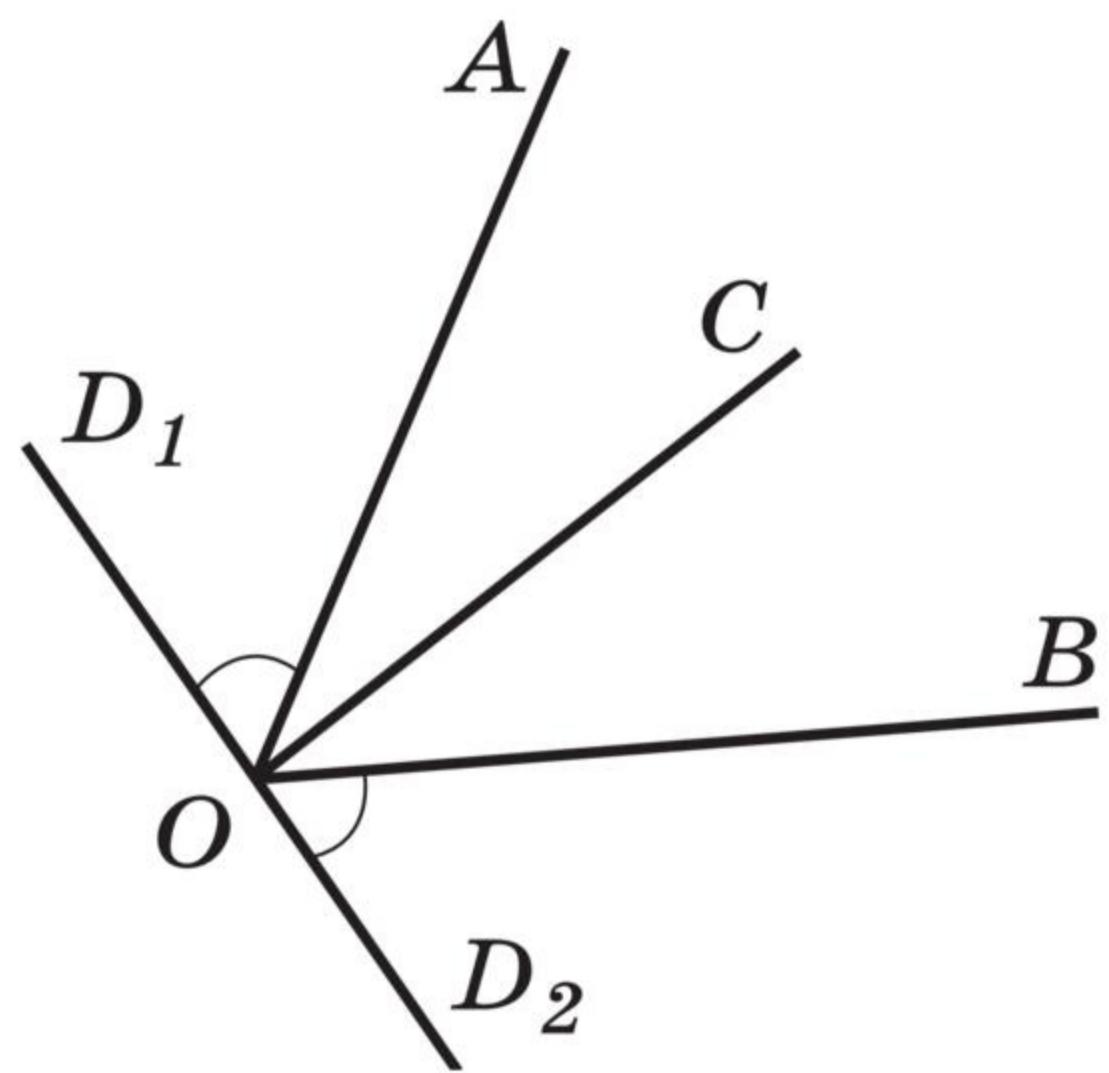


5. Точка  $O$  лежит на прямой  $AB$ ,  $OC$  — произвольный луч, причем точка  $C$  не принадлежит прямой  $AB$ . Какой угол образуют биссектрисы углов  $AOC$  и  $BOC$ ?

1. Острый.      3. Тупой.  
2. Прямой.      4. Развёрнутый.

6. Через вершину угла  $AOB$  проведена прямая  $D_1D_2$ , перпендикулярная биссектрисе  $OC$  этого угла так, что  $\angle AOD_1 = \angle BOD_2 = 65^\circ$ . Найдите угол  $AOB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

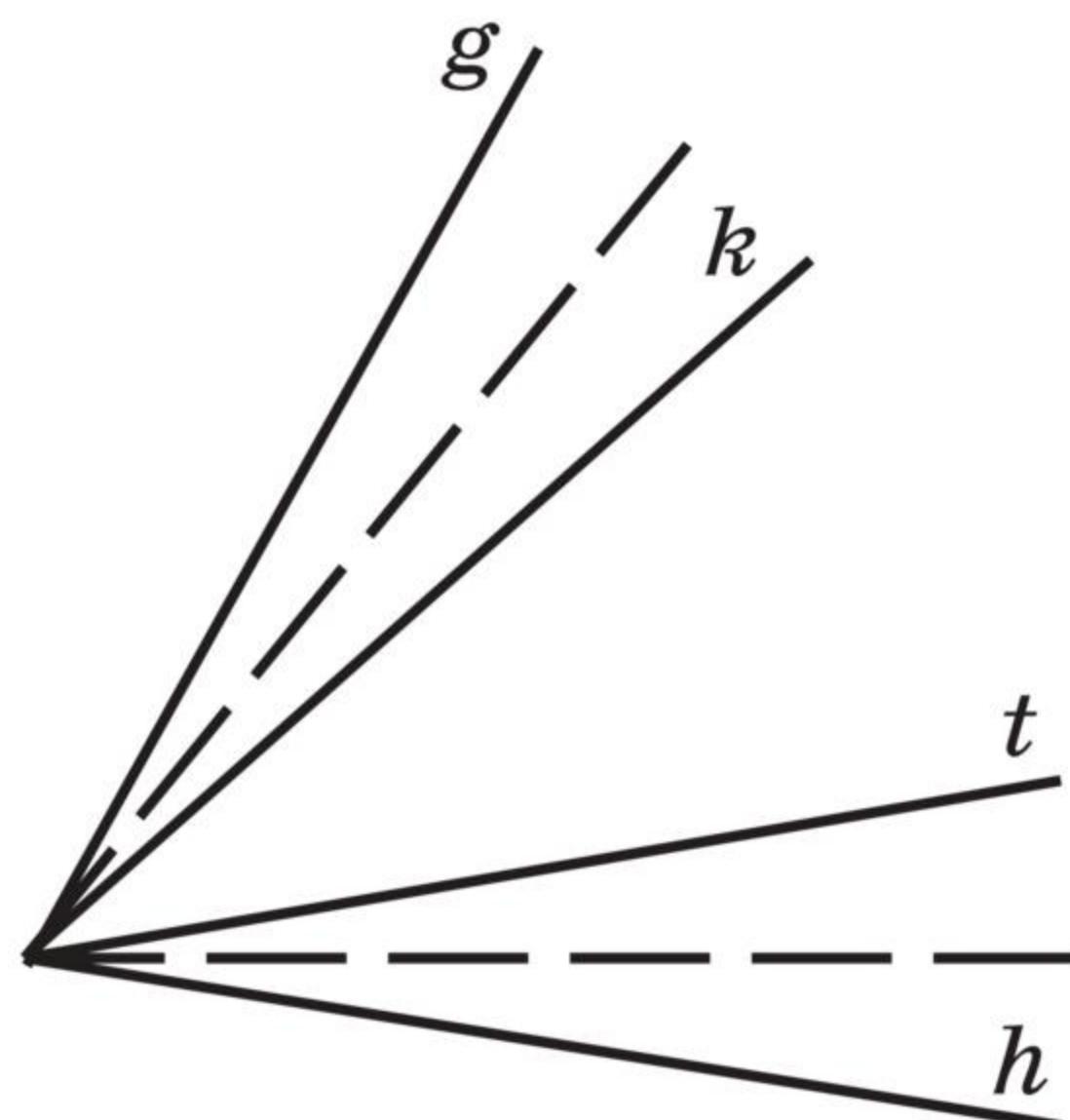


7. Отрезок, равный 45 см, разделен на три неравных отрезка. Расстояние между серединами крайних отрезков равно 28 см. Найдите длину среднего отрезка. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

8. Лучи  $k$  и  $t$  проходят между сторонами угла  $(gh)$ . Угол, образованный биссектрисами углов  $(gk)$  и  $(th)$ , равен  $48^\circ$ . Найдите градусную меру угла  $(kt)$ , если градусная мера угла  $(gh)$  равна  $70^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



9. Внутри угла  $COD$  находится угол  $AOB$  так, что луч  $OB$  лежит внутри угла  $AOD$ . Найдите угол между биссектрисами углов  $AOC$  и  $BOD$ , если сумма углов  $COD$  и  $AOB$  равна  $180^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

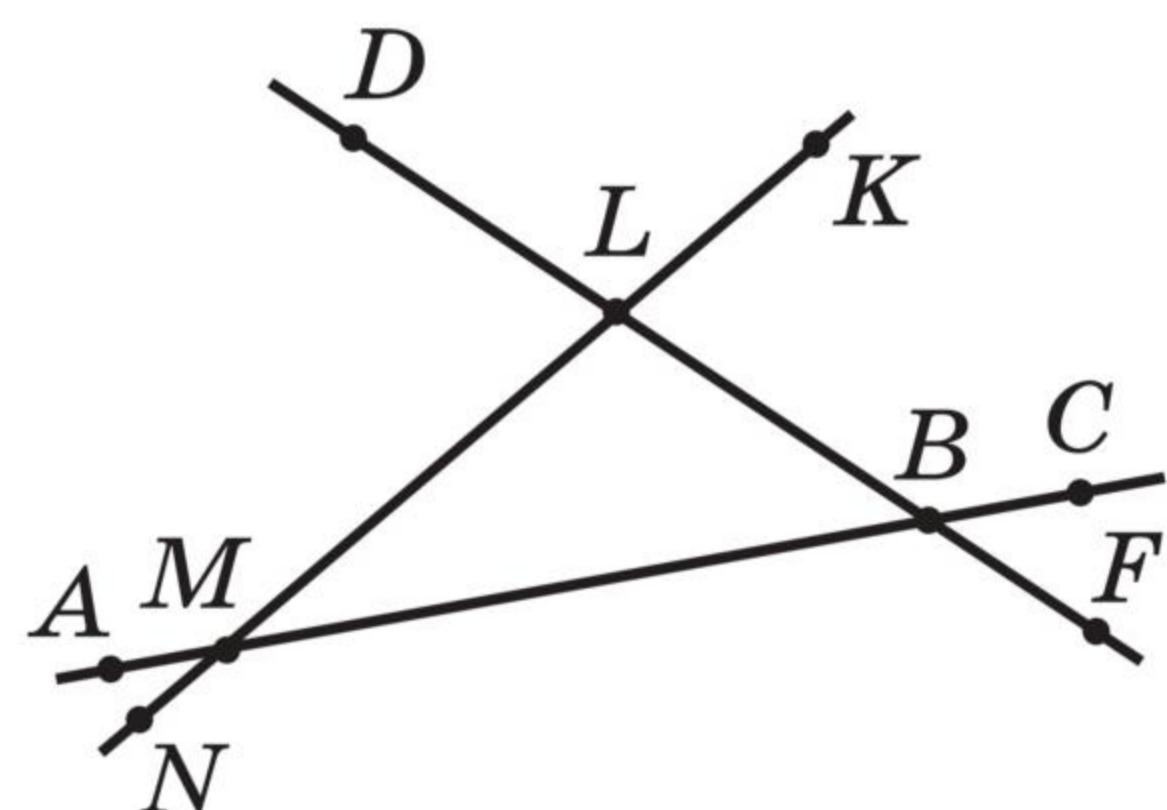
10. (*Дополнительная задача.*) Какое наименьшее число лучей может выходить из одной точки, чтобы все углы, образованные соседними лучами, были острыми?

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 3****Вариант 3**

1. На плоскости проведены три попарно пересекающиеся прямые. Укажите две пары смежных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

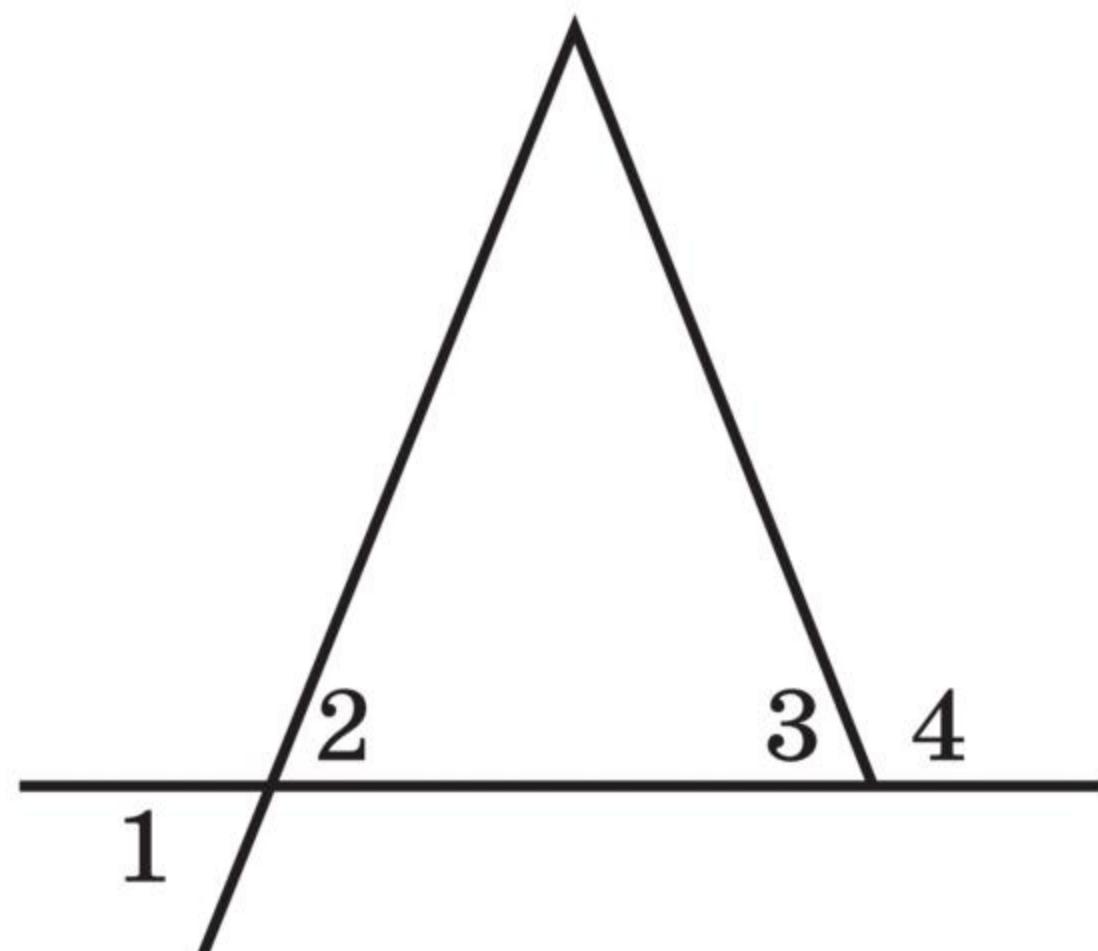


2. Углы  $AOB$  и  $BOC$  — смежные. Угол  $AOB$  в четыре раза больше угла  $BOC$ . Найдите угол  $AOB$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

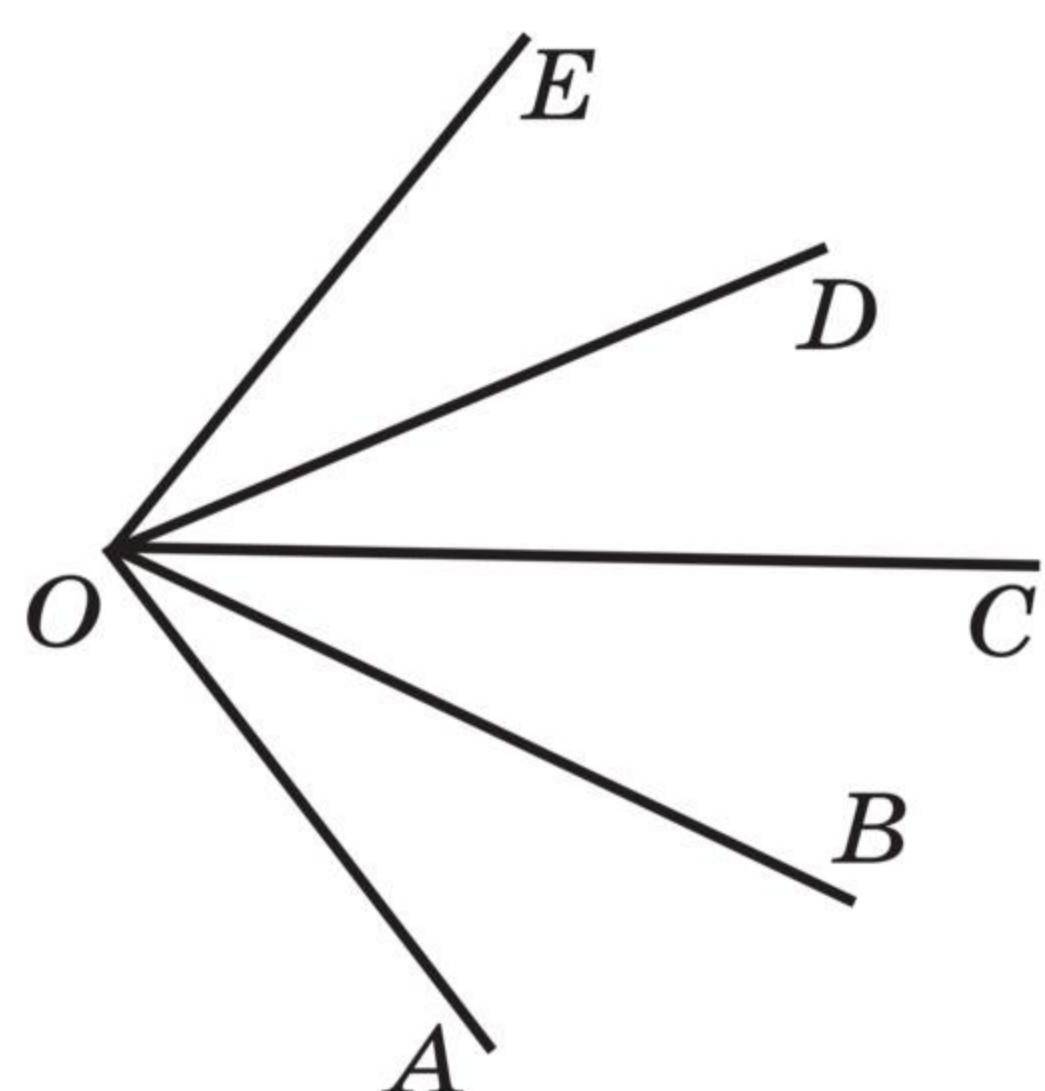
3. На рисунке  $\angle 2 = 73^\circ$ ,  $\angle 1 = \angle 3$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. На рисунке  $\angle AOB = \angle BOC = \angle COD = \angle DOE$ . Укажите биссектрису угла  $AOE$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

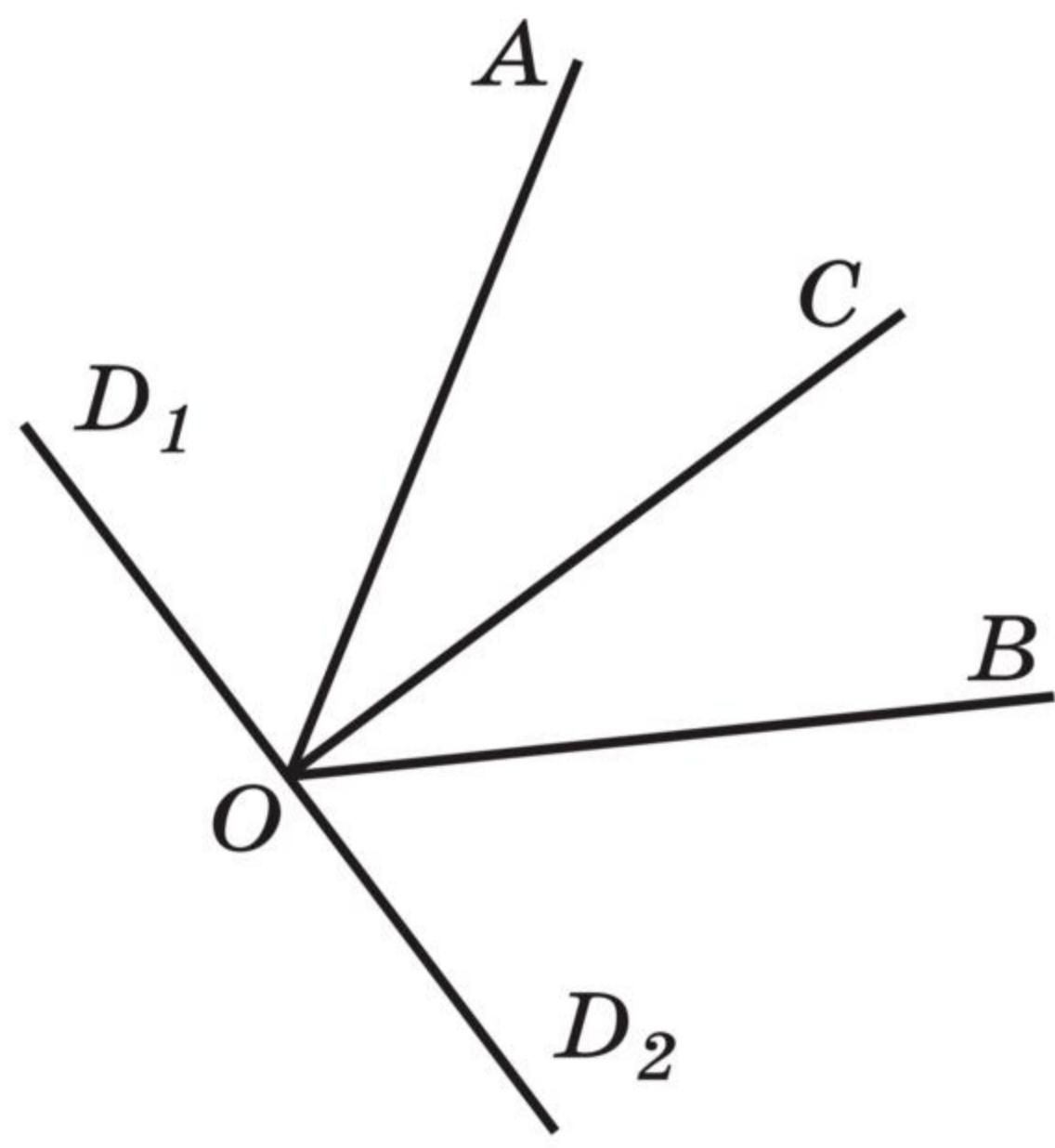


5. Определите, какой угол образуют биссектрисы двух смежных с данным.

1. Острый.      3. Тупой.  
2. Прямой.      4. Развёрнутый.

6. Через вершину угла  $AOB$ , равного  $50^\circ$ , проведена прямая  $D_1D_2$ , перпендикулярная биссектрисе  $OC$  этого угла. Найдите угол  $D_1OA$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

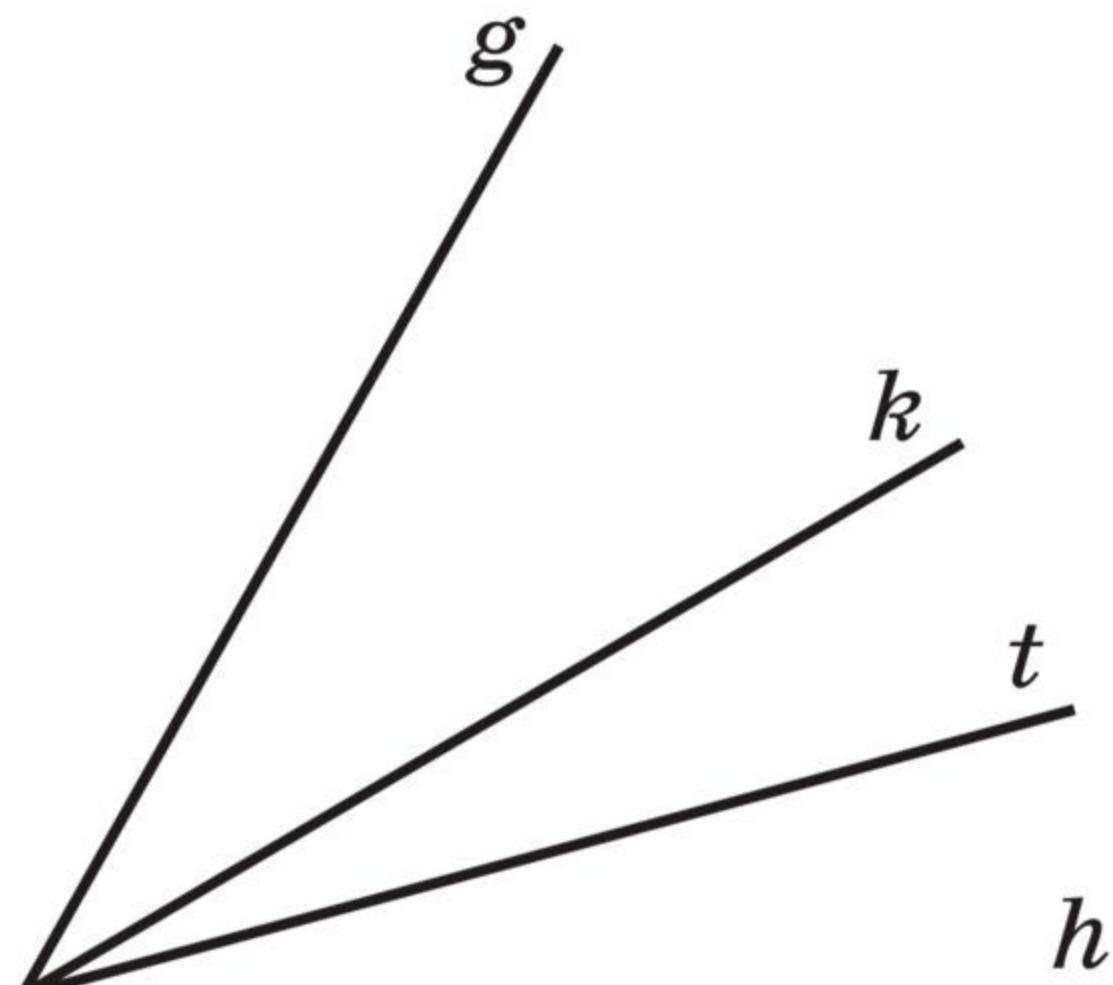


7. Точка  $D$  — середина отрезка  $AB$ , точка  $K$  — середина отрезка  $BD$ . Найдите длину отрезка  $KD$ , если  $AB = 24$  см. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

8. Луч  $k$  — биссектриса угла  $(gh)$ , градусная мера которого равна  $72^\circ$ . Луч  $t$  — биссектриса угла  $(kh)$ . Найдите градусную меру угла  $(kt)$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



9. Внутри угла  $COD$ , равного  $140^\circ$ , находится угол  $AOB$  так, что луч  $OB$  лежит внутри угла  $AOD$ . Найдите угол  $AOB$ , если угол между биссектрисами углов  $AOC$  и  $BOD$  равен  $120^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

10. (*Дополнительная задача.*) Сколько лучей выходит из одной точки, если все углы, образованные соседними лучами, прямые?

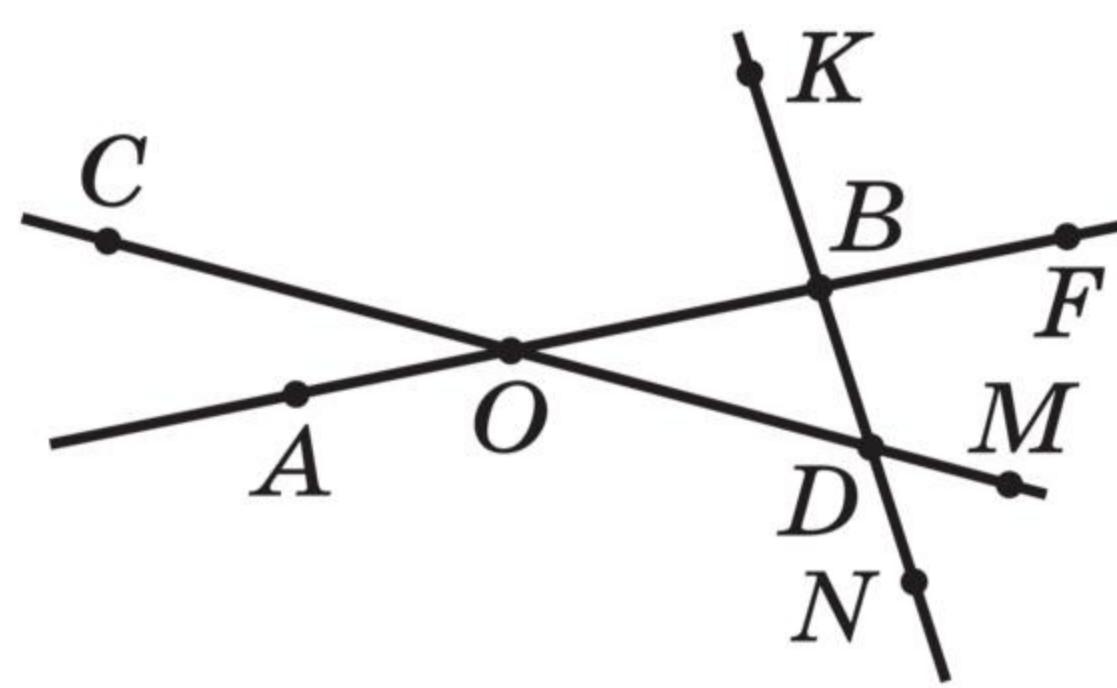
Ответ: \_\_\_\_\_

### ТЕСТ 3

### Вариант 4

1. На плоскости проведены три попарно пересекающиеся прямые. Укажите две пары смежных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

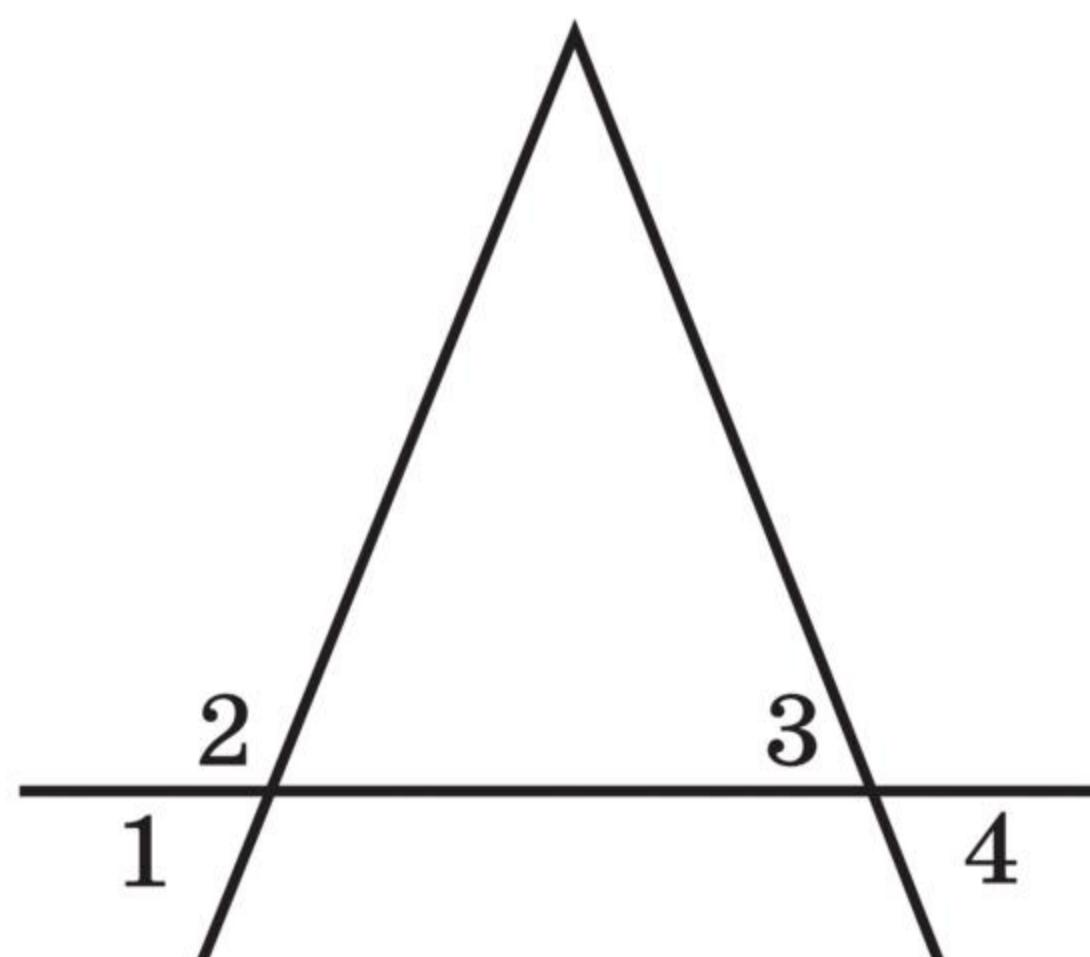


2. Углы  $AOB$  и  $BOC$  — смежные. Угол  $AOB$  на  $51^\circ$  меньше угла  $BOC$ . Найдите угол  $AOB$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

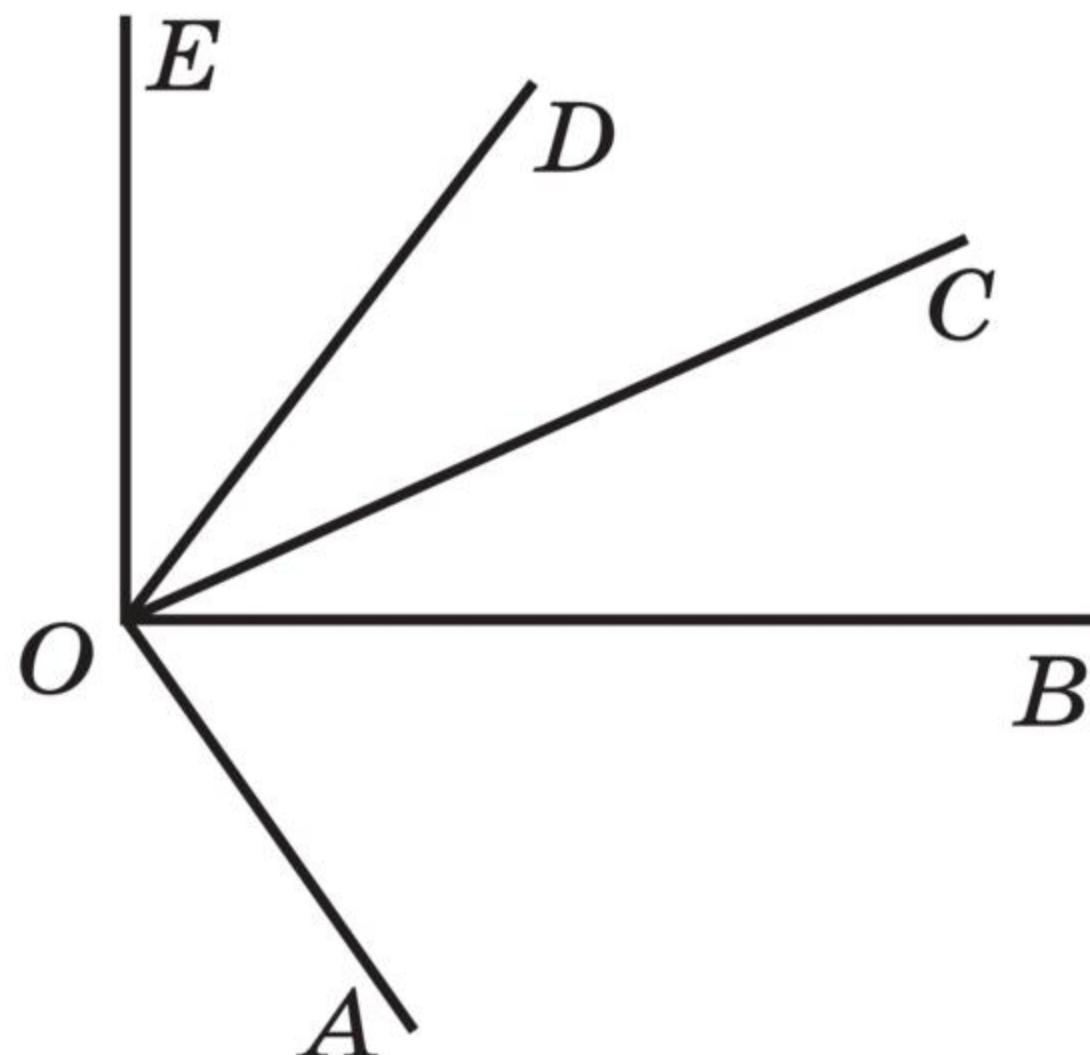
3. На рисунке  $\angle 2 = 163^\circ$ ,  $\angle 1 = \angle 4$ . Найдите угол 3.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. На рисунке  $\angle BOC = \angle COD = \angle DOE$ , а  $\angle AOB = 2\angle DOE$ . Укажите биссектрису угла  $AOD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

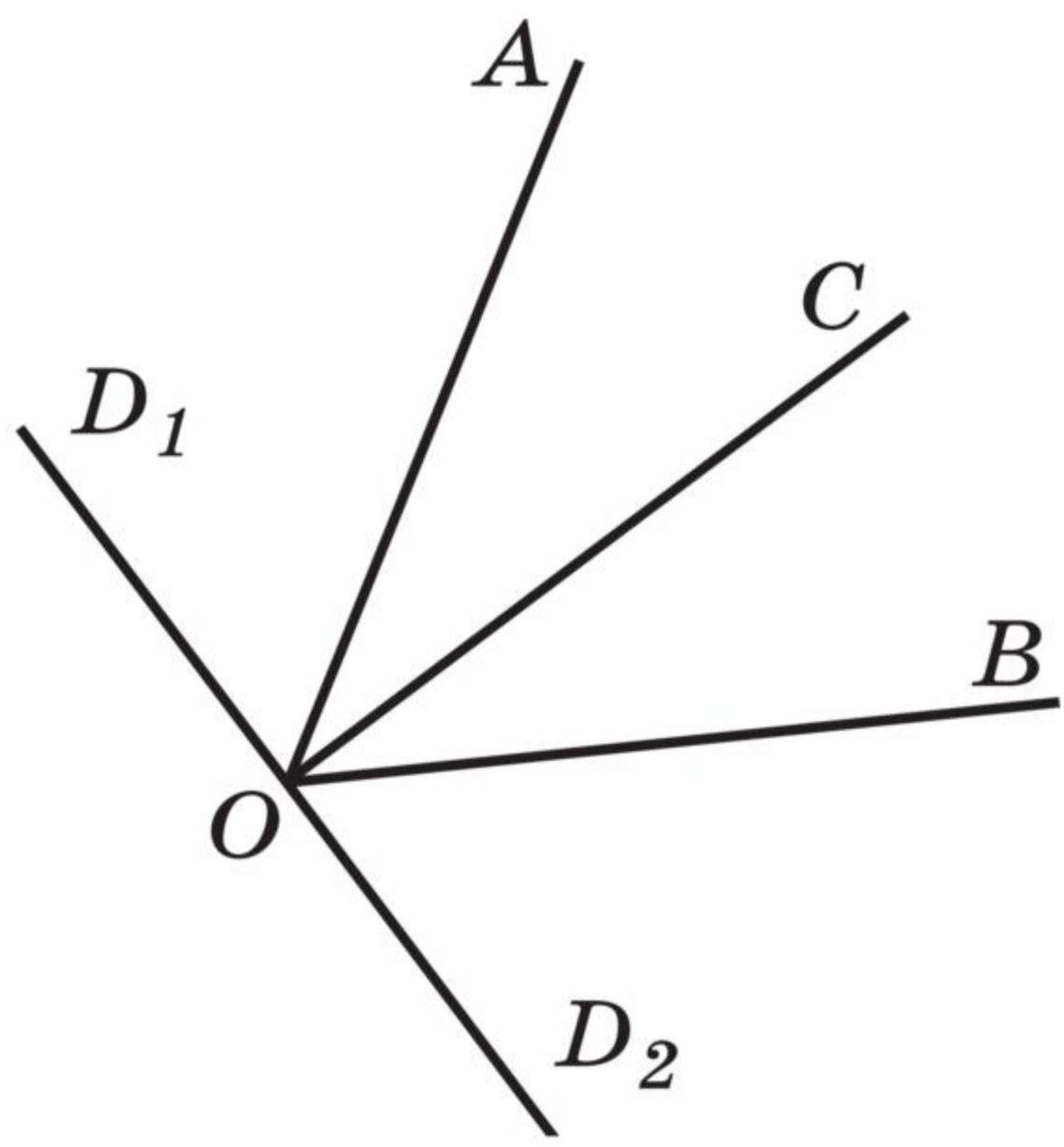


5. Определите, какой угол образуют биссектрисы вертикальных углов.

- 1. Острый.
- 2. Прямой.
- 3. Тупой.
- 4. Развёрнутый.

6. Через вершину угла  $AOB$ , равного  $40^\circ$ , проведена прямая  $D_1D_2$  так, что  $\angle AOD_2 = 110^\circ$ . Найдите угол между прямой  $D_1D_2$  и прямой, содержащей биссектрису  $OC$  данного угла.

Ответ: \_\_\_\_\_

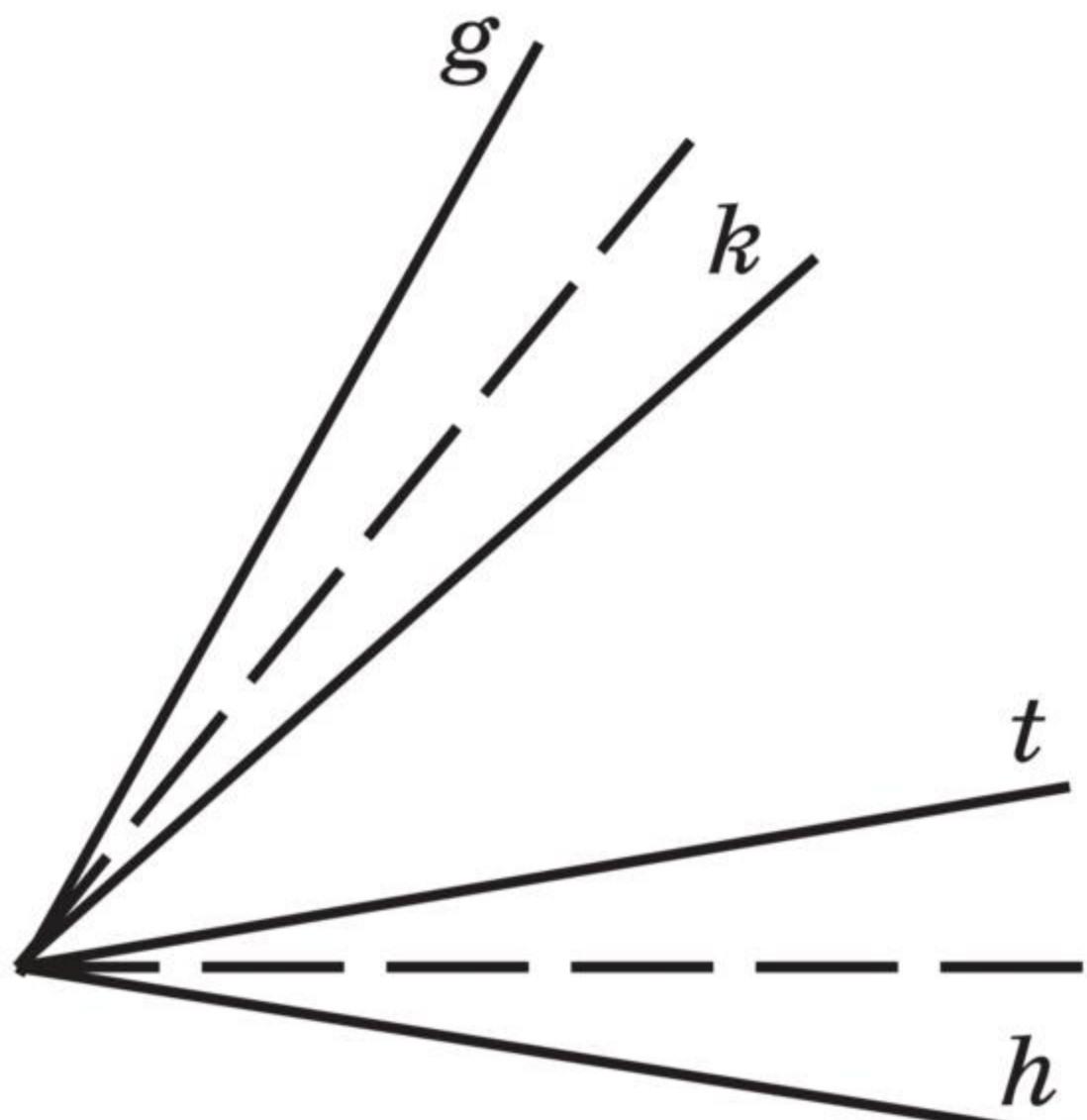


7. Отрезок, равный 25 см, разделен на три неравных отрезка. Средний отрезок равен 11 см. Найдите расстояние между серединами крайних отрезков. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

8. Лучи  $k$  и  $t$  проходят между сторонами угла ( $gh$ ), градусная мера которого равна  $70^\circ$ . Найдите градусную меру угла, образованного биссектрисами углов ( $gk$ ) и ( $th$ ), если градусная мера угла ( $kt$ ) равна  $48^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



9. Внутри угла  $COD$ , равного  $140^\circ$ , находится угол  $AOB$  так, что луч  $OB$  лежит внутри угла  $AOD$ . Найдите угол между биссектрисами углов  $AOC$  и  $BOD$ , если разность углов  $COD$  и  $AOB$  равна  $80^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

10. (Дополнительная задача.) Какое наименьшее число лучей может выходить из одной точки, чтобы все углы, образованные соседними лучами, были не острыми?

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 4****Вариант 1**

1. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  основание  $AC$  равно 7 см, а периметр равен 17 см. Найдите боковую сторону  $AB$ .

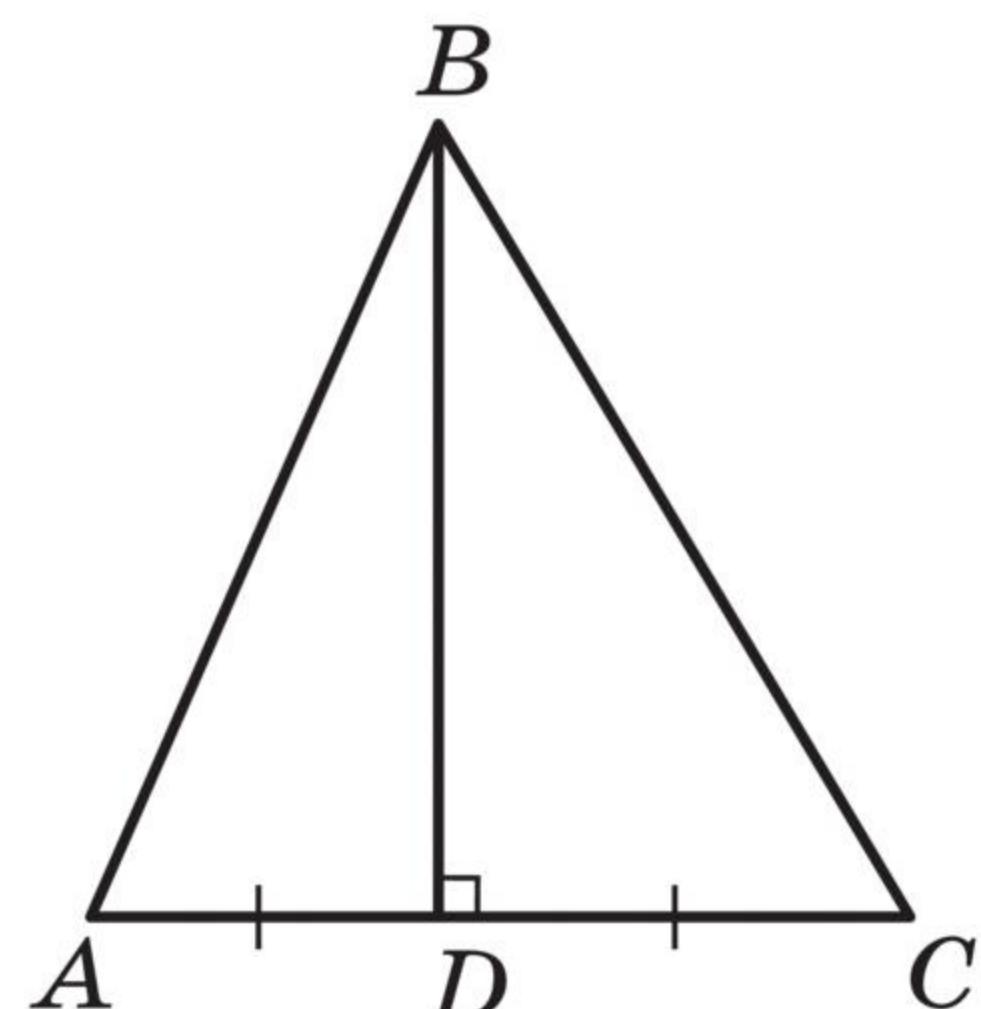
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  основание  $AC$  на 1 см меньше его боковой стороны  $AB$ , а периметр равен 23 см. Найдите основание  $AC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

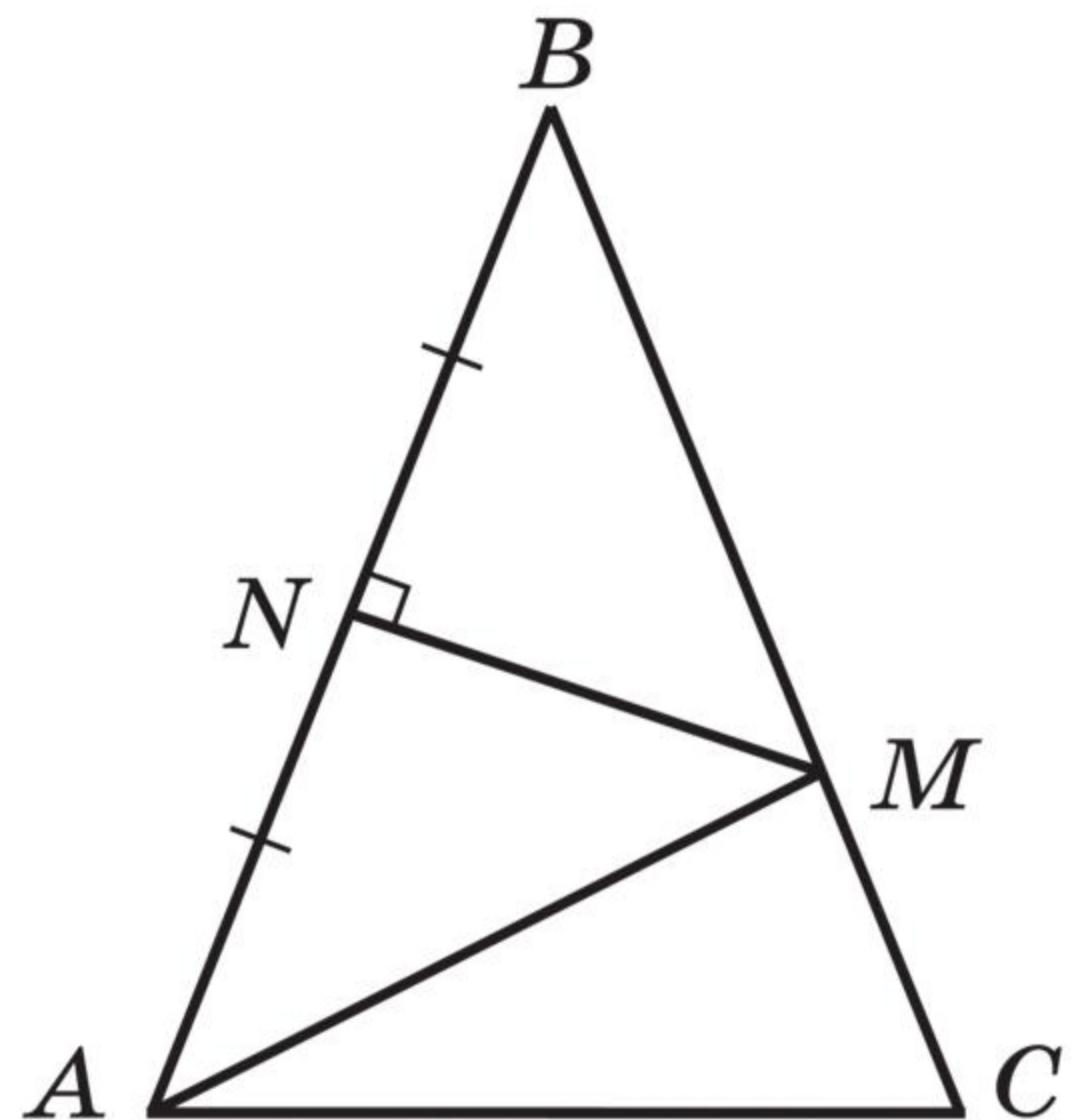
3. В треугольнике  $ABC$  высота  $BD$  является медианой треугольника. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $ABD$  равен 15 см, а высота  $BD$  равна 4 см.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. В треугольнике  $ABC$  стороны  $AB$  и  $BC$  равны 14 см. Перпендикуляр  $NM$ , проведенный к стороне  $AB$  через ее середину — точку  $N$ , пересекает сторону  $BC$  в точке  $M$ . Найдите основание треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $AMC$  равен 22 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

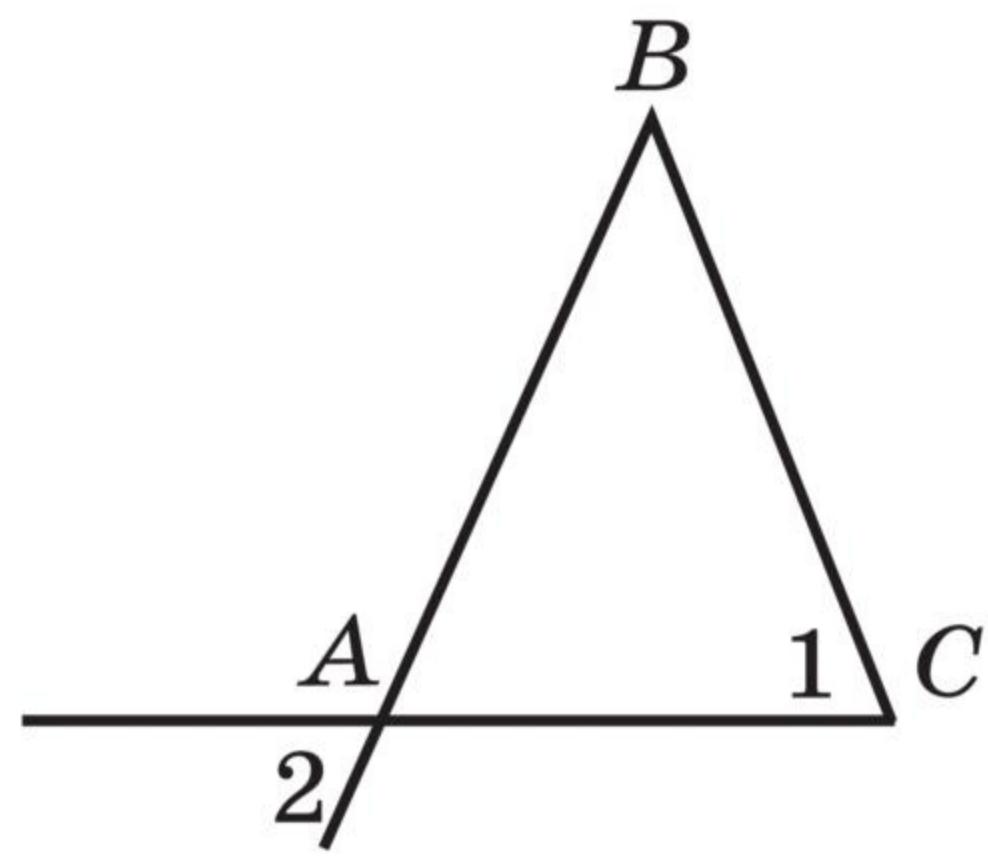


5. Определите вид треугольника, если одна его сторона равна 5 см, другая — 3 см, а периметр равен 14 см.

1. Равнобедренный треугольник.
2. Равносторонний треугольник.
3. Разносторонний треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

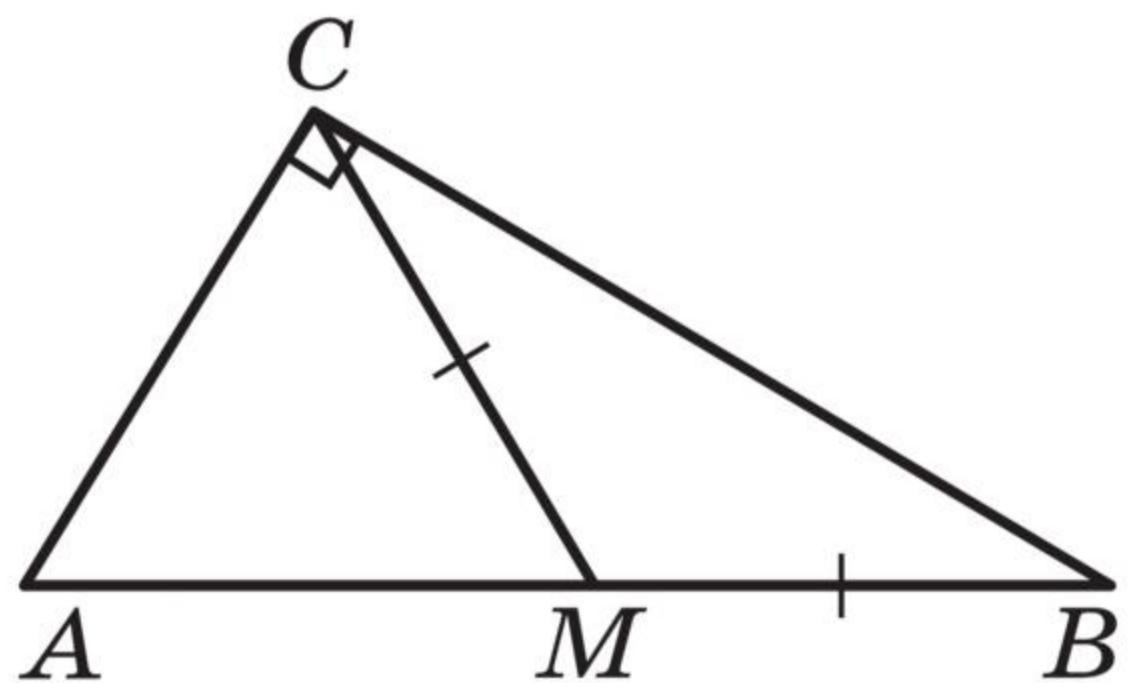
6. Треугольник  $ABC$  — равнобедренный с основанием  $AC$ . Определите угол  $2$ , если  $\angle 1 = 56^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



7. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CM$ . Известно, что  $CM = MB$ ,  $\angle CAM = 68^\circ$ ,  $\angle ACB = 90^\circ$ . Найдите угол  $MBC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

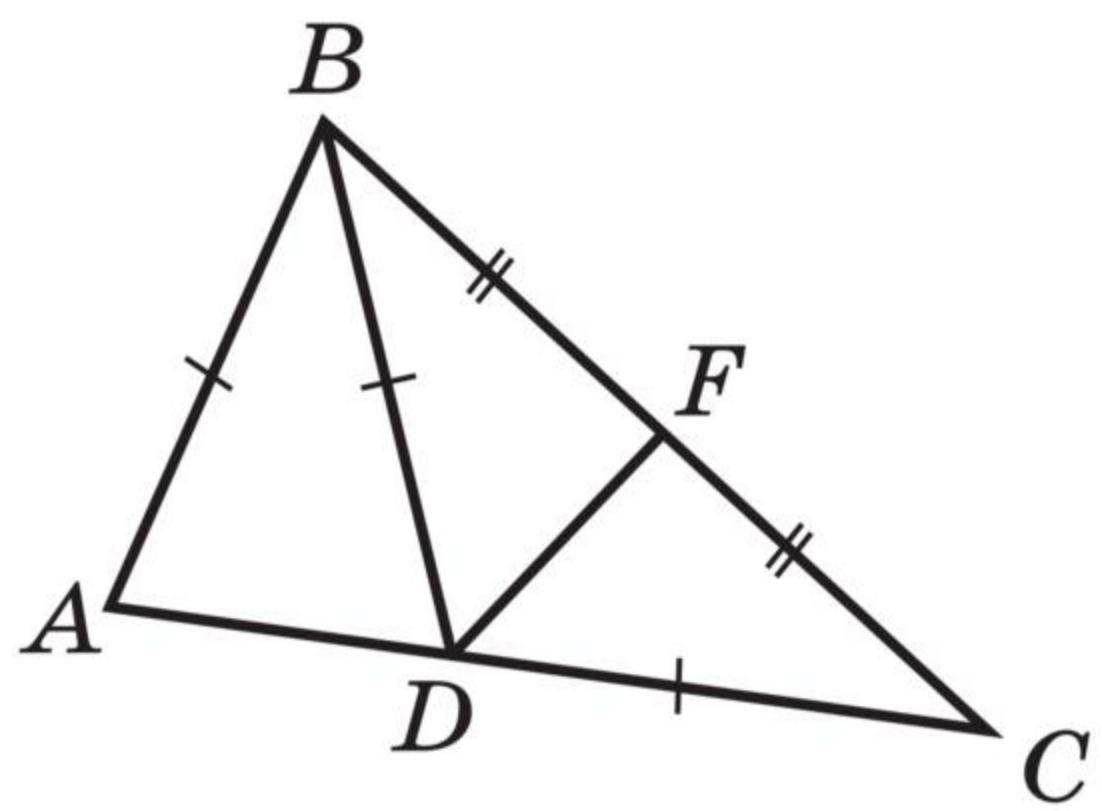


8. Определите вид треугольника, две высоты которого совпадают с его сторонами, и сделайте рисунок, если такой треугольник существует.

1. Прямоугольный треугольник.
2. Остроугольный треугольник.
3. Тупоугольный треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

9. В треугольнике  $ABC$  на стороне  $AC$  отмечена точка  $D$ , такая, что  $AB = BD = DC$ . Отрезок  $DF$  — медиана треугольника  $BDC$ . Найдите угол  $FDC$ , если  $\angle BAC = 70^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



10. (*Дополнительная задача.*) Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо. *Медиана равнобедренного треугольника делит его периметр на части, равные 12 см и 9 см. Найдите стороны треугольника.*

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 4****Вариант 2**

1. В равнобедренном треугольнике боковая сторона равна 11 см, а основание — 6 см. Вычислите периметр треугольника.

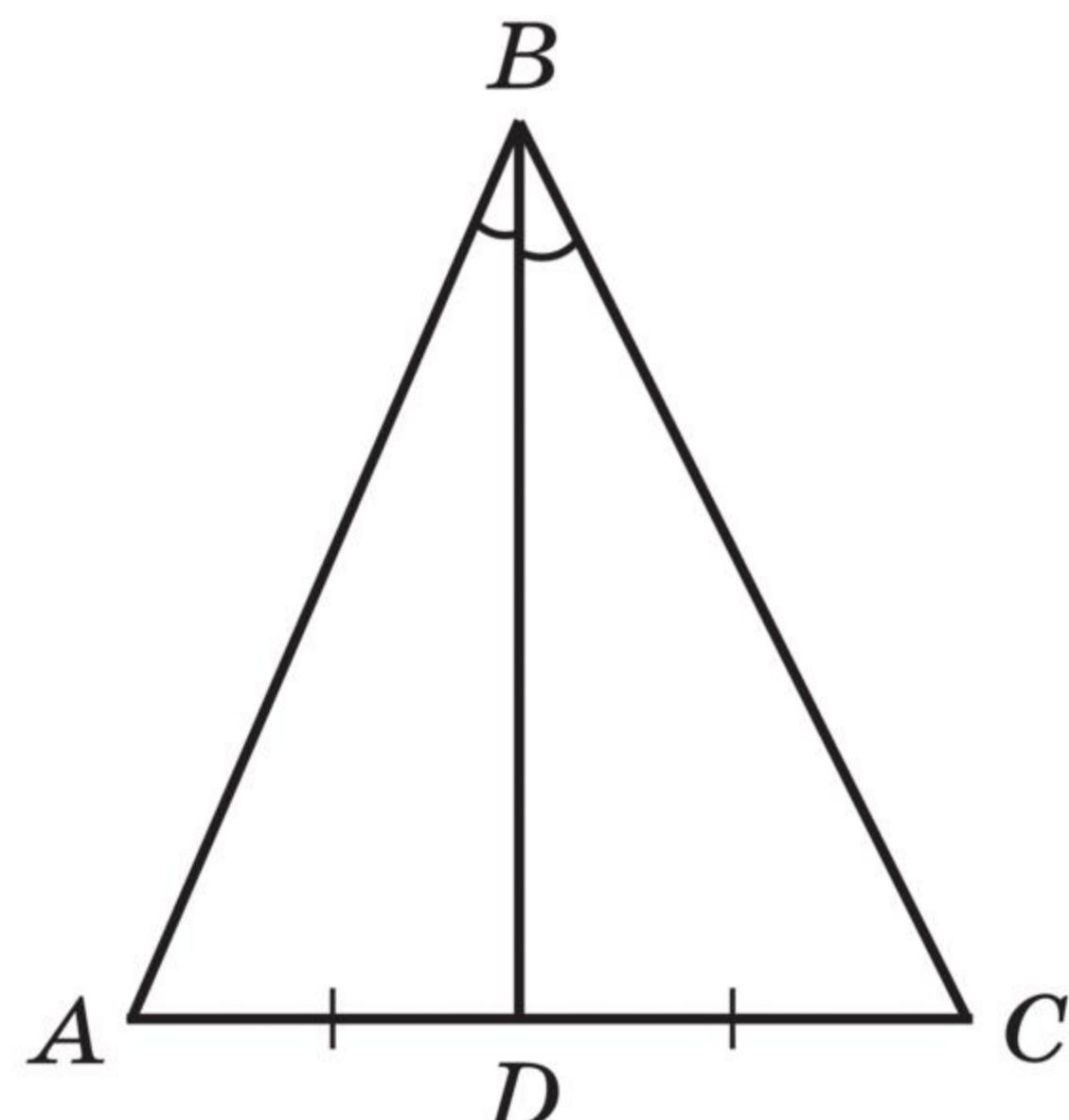
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  боковая сторона  $AB$  в два раза больше его основания  $AC$ , а периметр равен 30 см. Найдите основание  $AC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

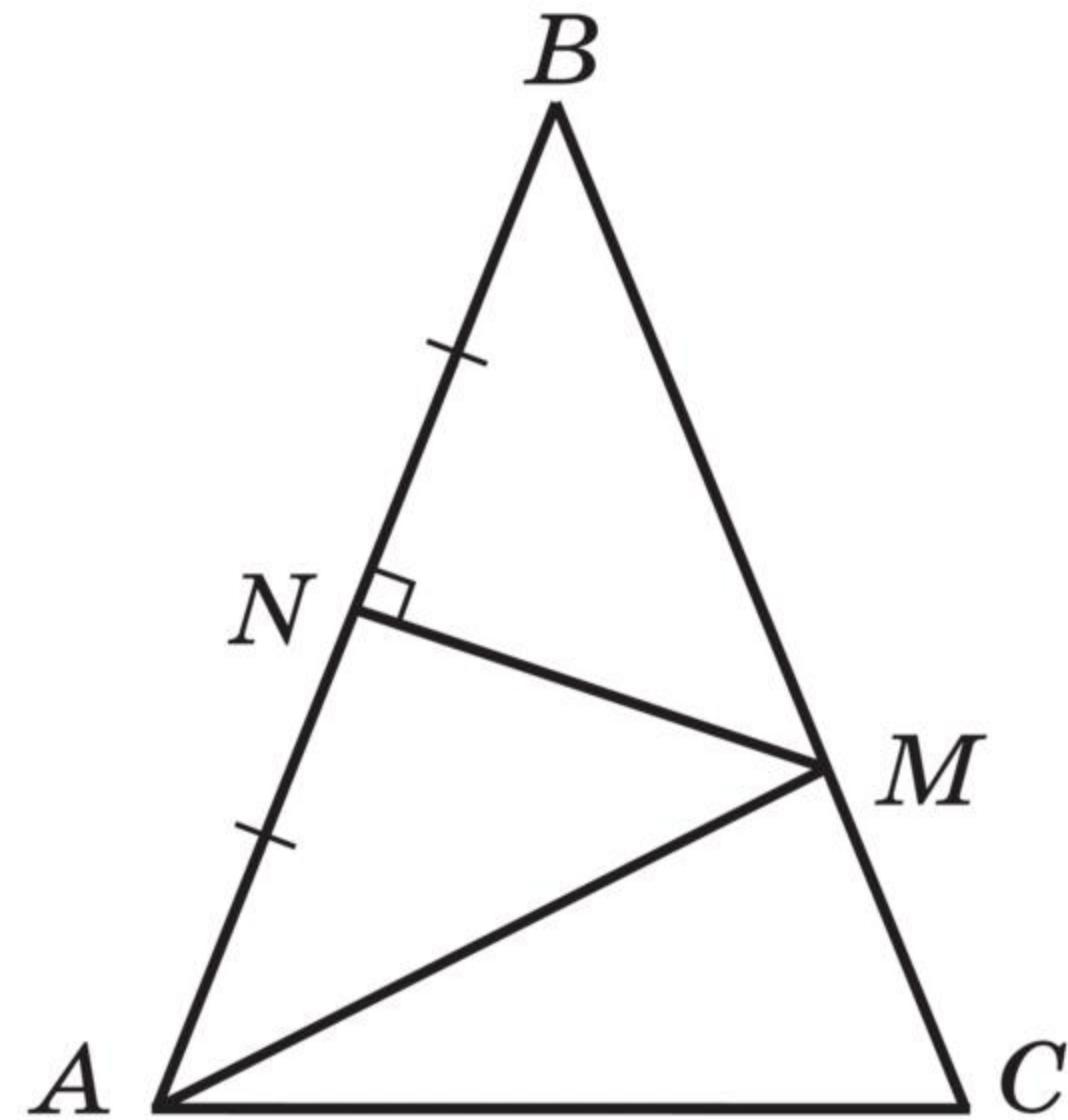
3. В треугольнике  $ABC$  медиана  $BD$  является биссектрисой треугольника. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $ABD$  равен 16 см, а медиана  $BD$  равна 5 см.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. В треугольнике  $ABC$  стороны  $AB$  и  $BC$  равны 15 см. Перпендикуляр  $NM$ , проведенный к стороне  $AB$  через ее середину — точку  $N$ , пересекает сторону  $BC$  в точке  $M$ . Найдите периметр треугольника  $AMC$ , если основание треугольника  $ABC$  равно 9 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

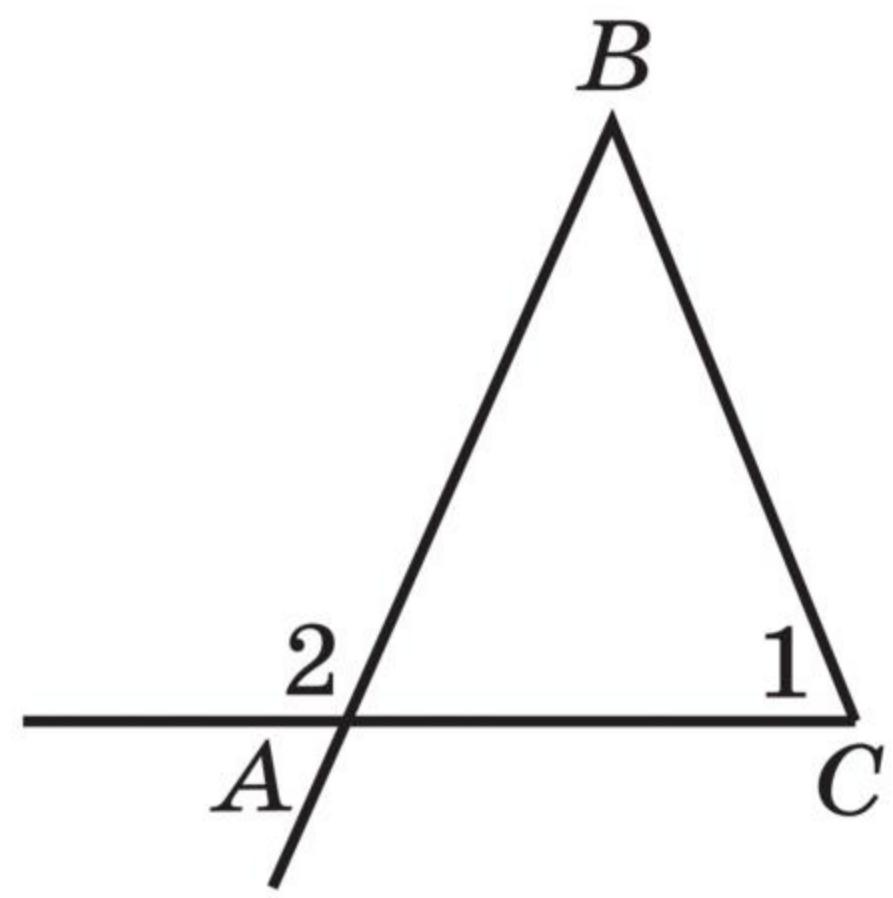


5. Определите вид треугольника, если одна его сторона равна 5 см, другая — 3 см, а периметр равен 7 см.

1. Равнобедренный треугольник.
2. Равносторонний треугольник.
3. Разносторонний треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

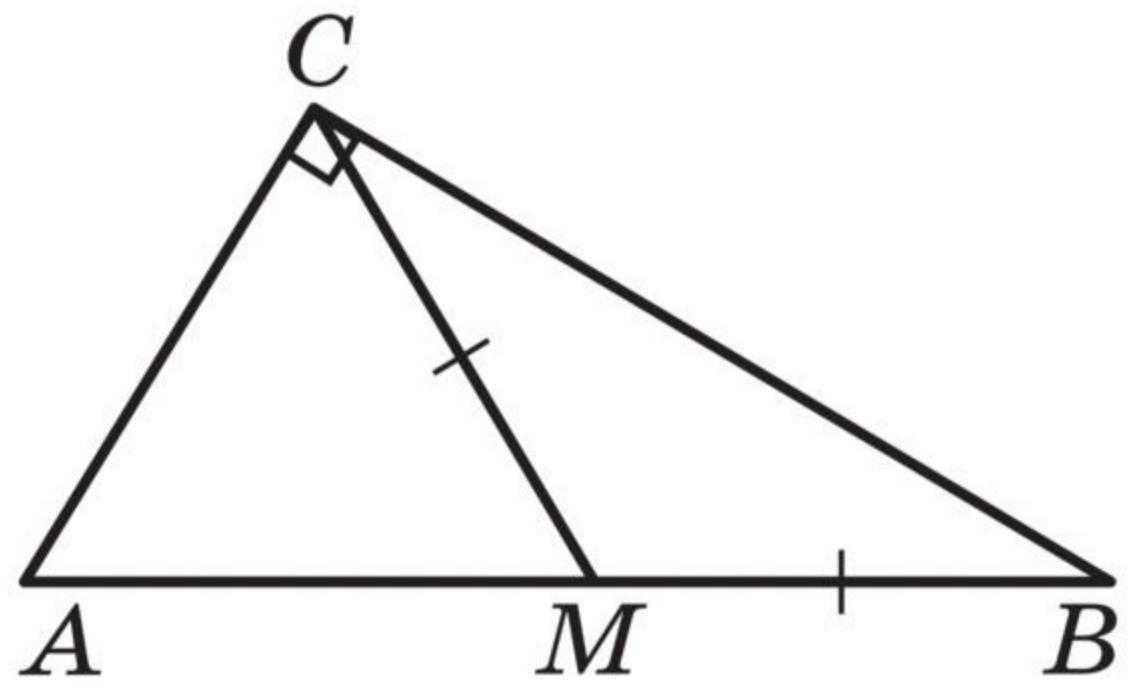
6. Треугольник  $ABC$  — равнобедренный с основанием  $AC$ . Определите угол  $2$ , если  $\angle 1 = 62^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



7. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CM$ . Известно, что  $CM = MB$ ,  $\angle MAC = 53^\circ$ ,  $\angle MBC = 37^\circ$ . Найдите угол  $ACB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

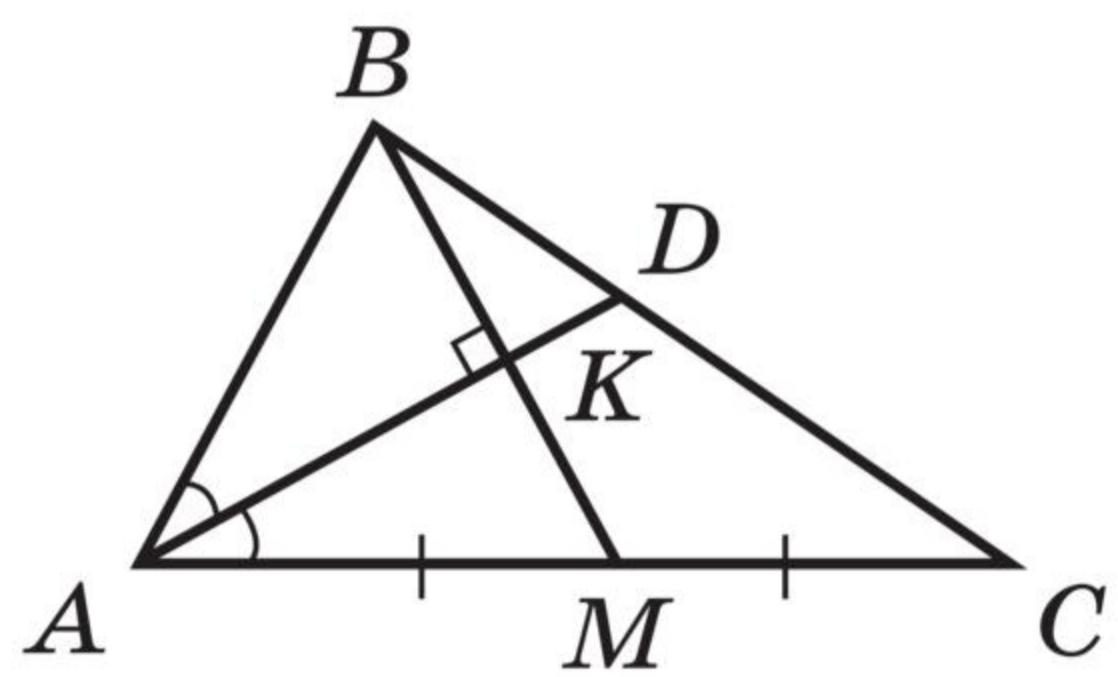


8. Определите вид треугольника, две высоты которого лежат вне треугольника, и сделайте рисунок, если такой треугольник существует.

1. Прямоугольный треугольник.
2. Остроугольный треугольник.
3. Тупоугольный треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

9. Медиана  $BM$  треугольника  $ABC$  перпендикулярна его биссектрисе  $AD$ . Найдите сторону  $AB$ , если  $AC = 12$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



10. (Дополнительная задача.) Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо. Каждая из медиан треугольника делит его периметр на равные части. Найдите стороны треугольника, если его периметр равен 18 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

1. В равностороннем треугольнике сторона равна 7 см. Вычислите периметр треугольника.

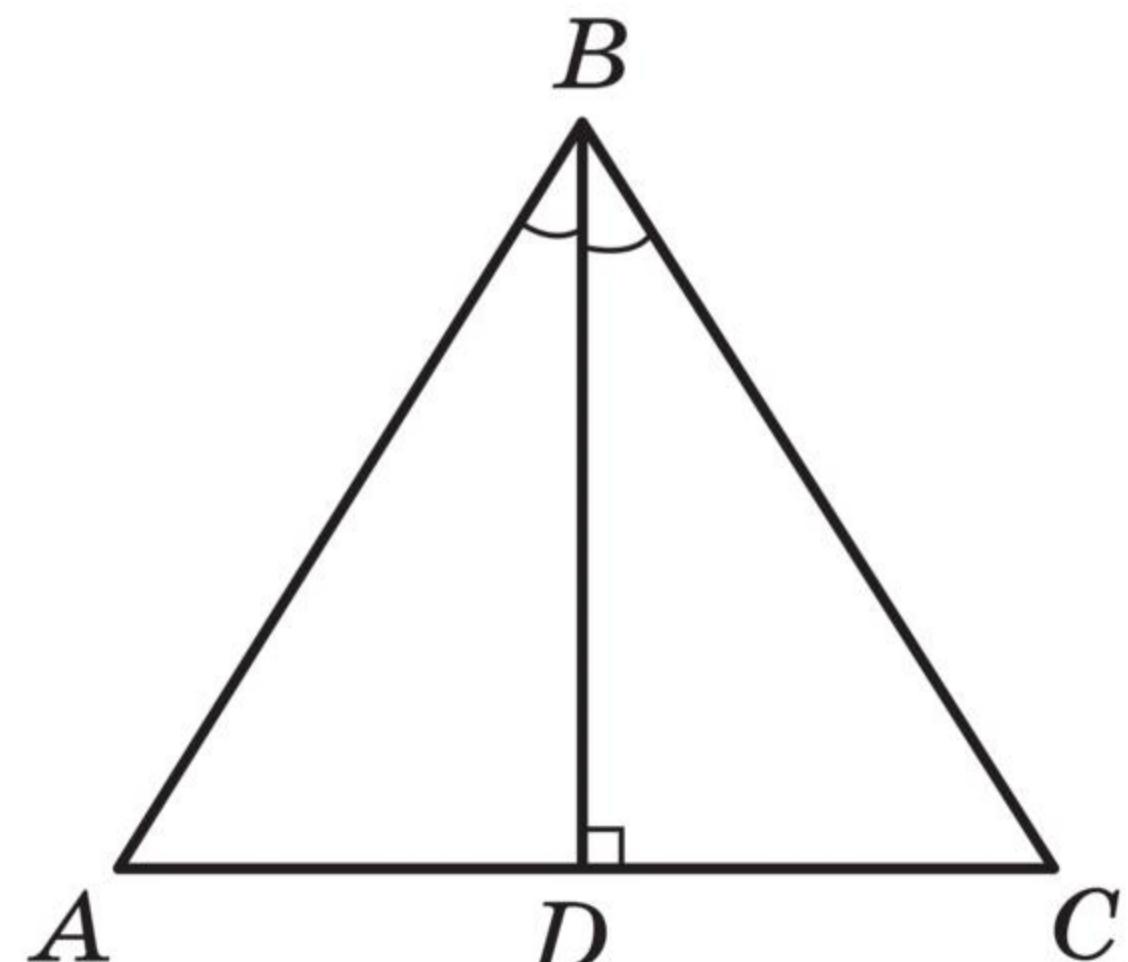
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  основание  $AC$  на 3 см больше его боковой стороны  $AB$ , а периметр равен 24 см. Найдите боковую сторону  $AB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

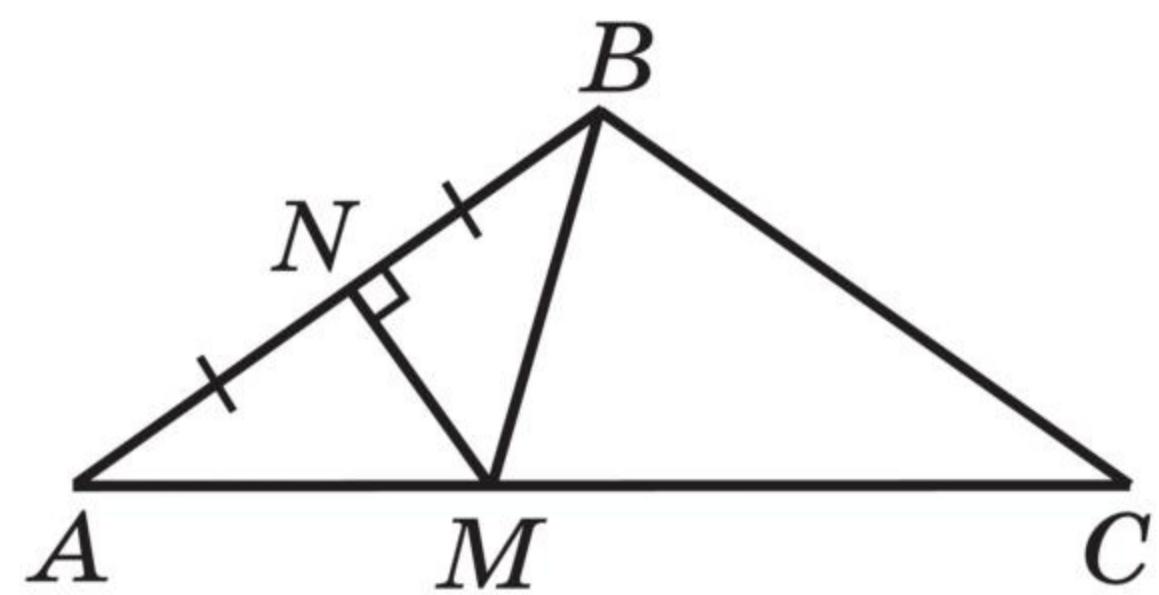
3. В треугольнике  $ABC$  биссектриса  $BD$  является высотой треугольника. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $ABD$  равен 14 см, а биссектриса  $BD$  равна 3 см.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. В треугольнике  $ABC$  стороны  $AB$  и  $BC$  равны 15 см. Перпендикуляр  $NM$ , проведенный к стороне  $AB$  через ее середину — точку  $N$ , пересекает основание  $AC$  в точке  $M$ . Найдите основание треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $BMC$  равен 35 см.

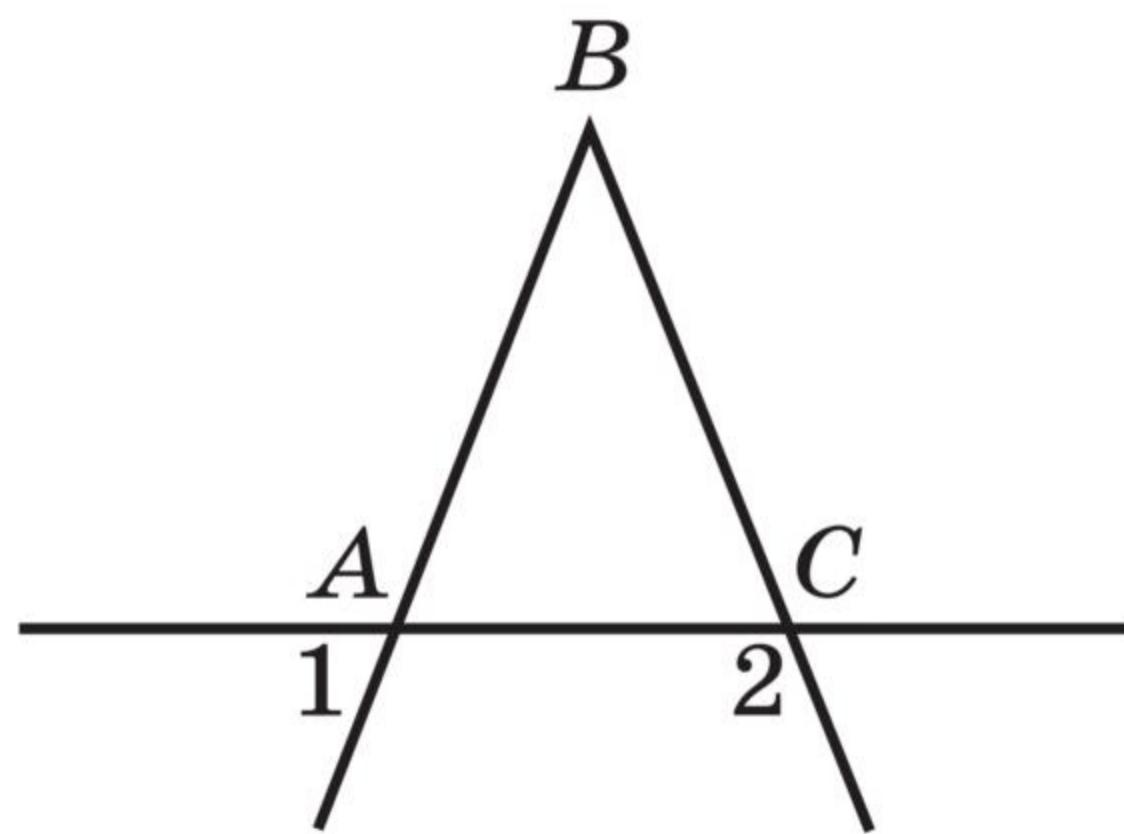
Ответ: \_\_\_\_\_



5. Определите вид треугольника, если одна его сторона равна 5 см, другая — 3 см, а периметр равен 13 см.

1. Равнобедренный треугольник.
2. Равносторонний треугольник.
3. Разносторонний треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

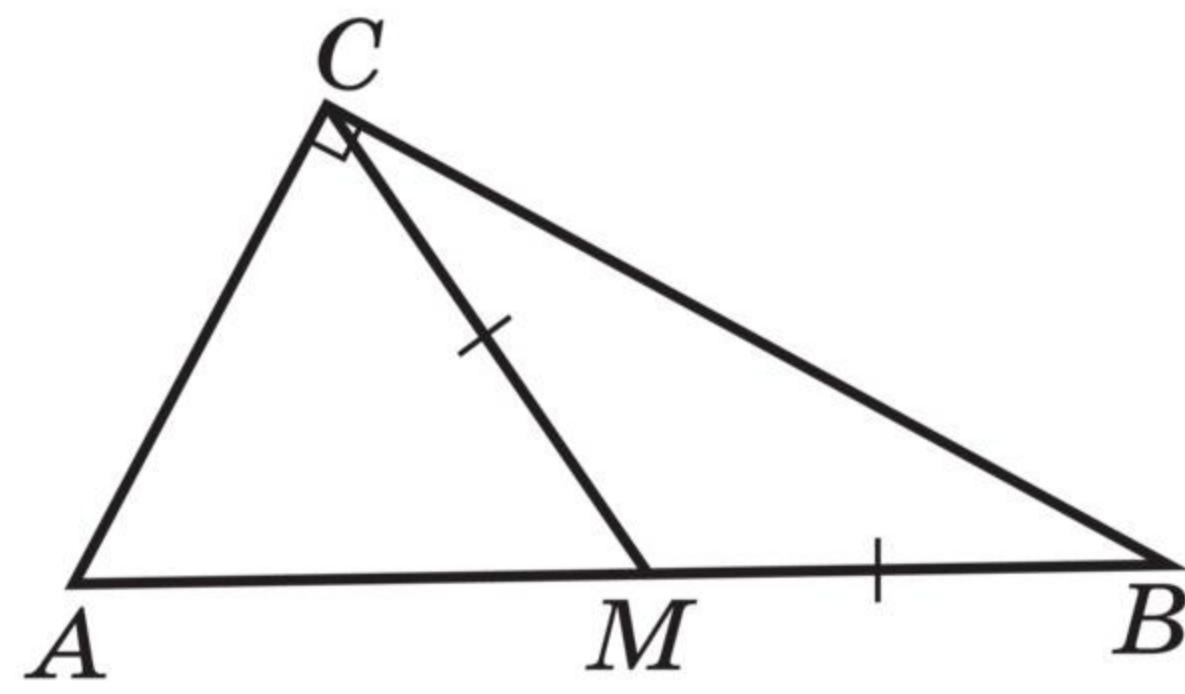
6. Треугольник  $ABC$  — равнобедренный с основанием  $AC$ . Определите угол  $2$ , если  $\angle 1 = 64^\circ$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

7. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CM$ . Известно, что  $CM = BM = AC$ ,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $\angle CMB = 120^\circ$ . Найдите угол  $MCB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

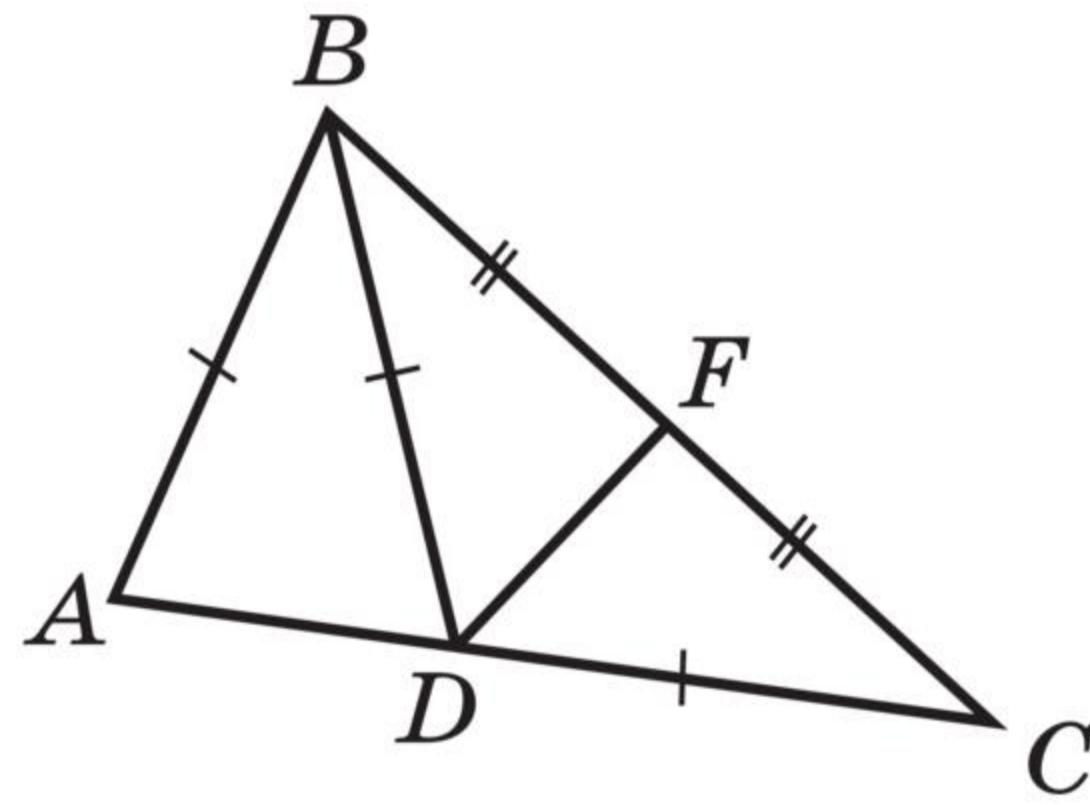


8. Определите вид треугольника, только одна высота которого лежит вне треугольника, и сделайте рисунок, если такой треугольник существует.

1. Прямоугольный треугольник.
2. Остроугольный треугольник.
3. Тупоугольный треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

9. В треугольнике  $ABC$  на стороне  $AC$  отмечена точка  $D$ , такая, что  $AB = BD = DC$ . Отрезок  $DF$  — медиана треугольника  $BDC$ . Найдите угол  $BAC$ , если  $\angle FDC = 65^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



10. (Дополнительная задача.) Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо. В треугольнике к стороне, равной 8 см, проведена медиана, которая делит периметр треугольника на две части, равные 9 см и 11 см. Найдите две другие стороны треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

1. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  боковая сторона  $AB$  равна 7 см, а периметр равен 17 см. Найдите основание  $AC$ .

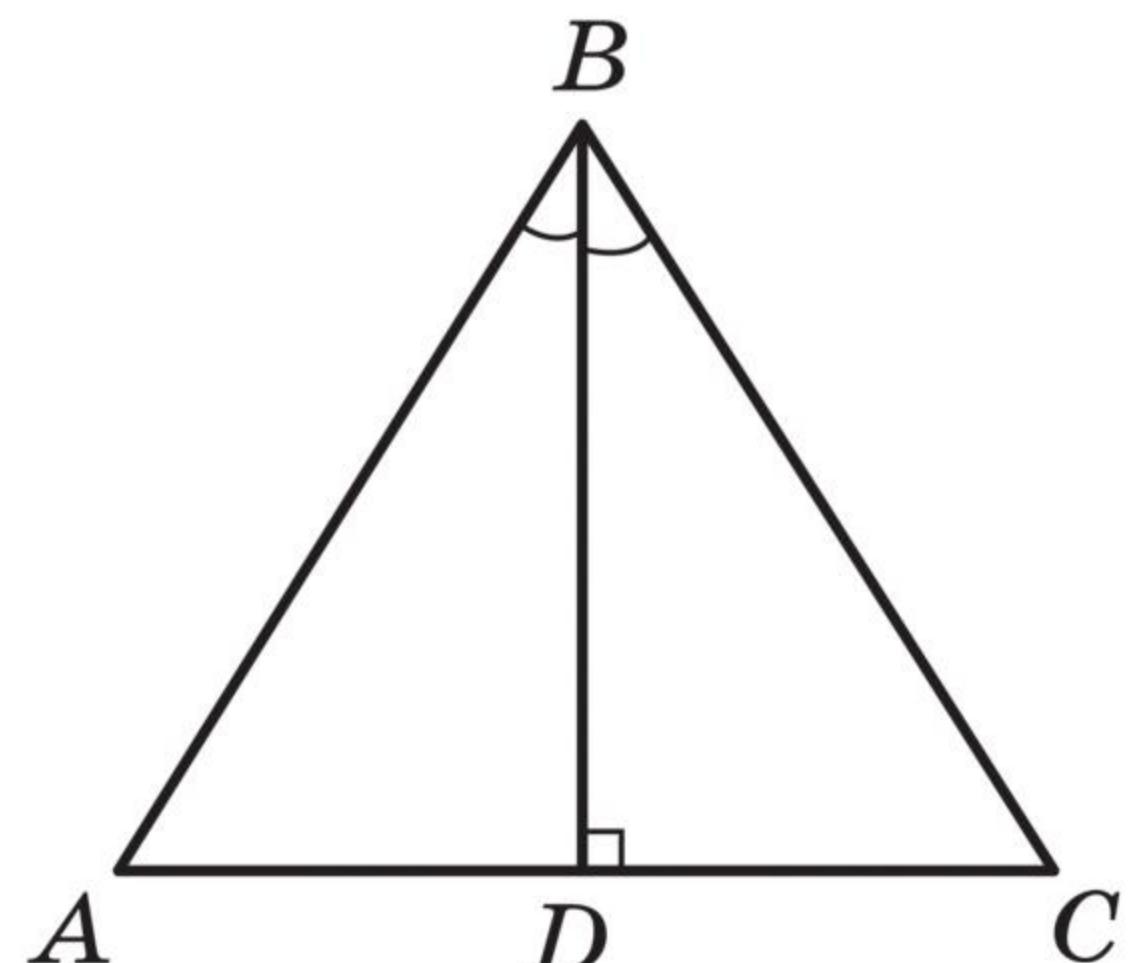
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  основание  $AC$  в три раза меньше его боковой стороны  $AB$ , а периметр равен 28 см. Найдите боковую сторону  $AB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

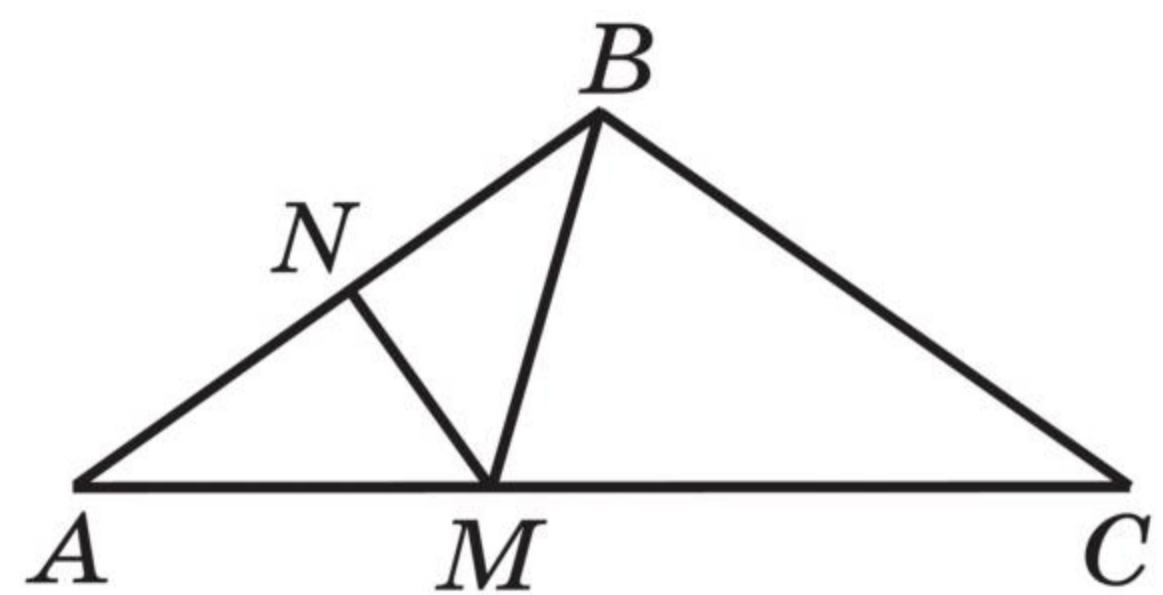
3. В треугольнике  $ABC$  высота  $BD$  является биссектрисой треугольника. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если периметр треугольника  $ABD$  равен 17 см, а высота  $BD$  равна 6 см.

Ответ: \_\_\_\_\_



4. В треугольнике  $ABC$  стороны  $AB$  и  $BC$  равны 12 см. Перпендикуляр  $NM$ , проведенный к стороне  $AB$  через ее середину — точку  $N$ , пересекает основание  $AC$  в точке  $M$ . Найдите периметр треугольника  $BMC$ , если основание треугольника  $ABC$  равно 18 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

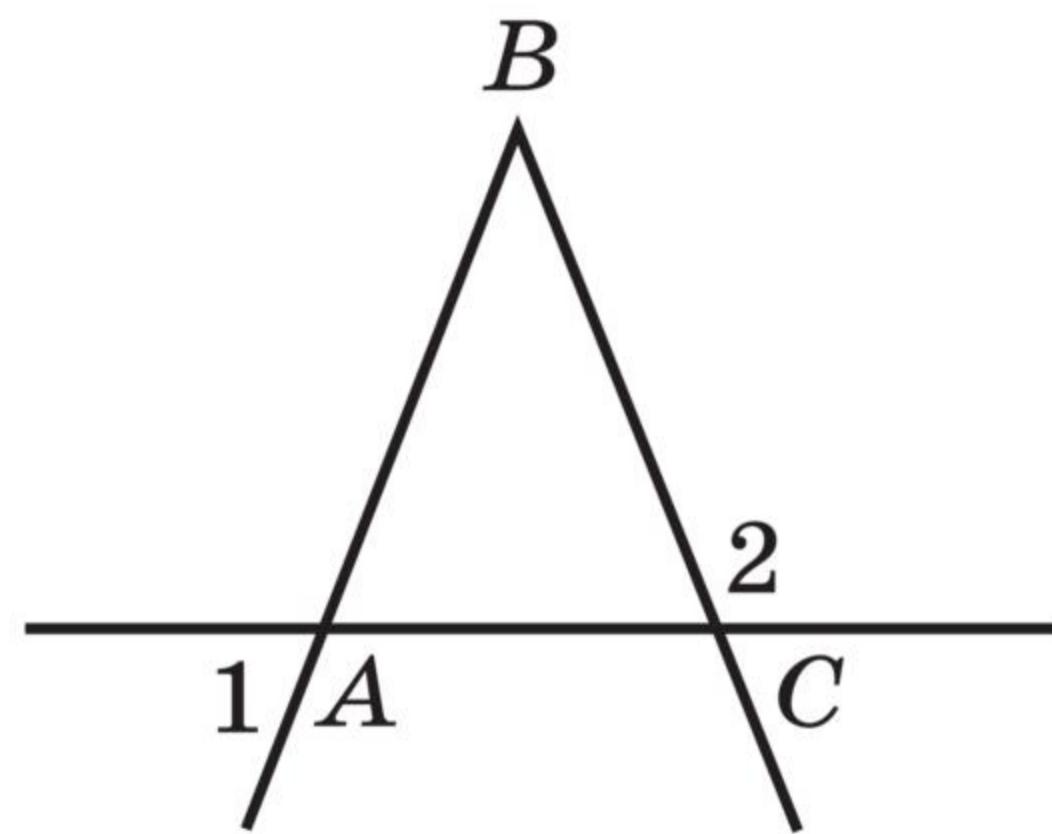


5. Определите вид треугольника, если две его стороны равны 5 см, а периметр равен 15 см.

1. Равнобедренный треугольник.
2. Равносторонний треугольник.
3. Разносторонний треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

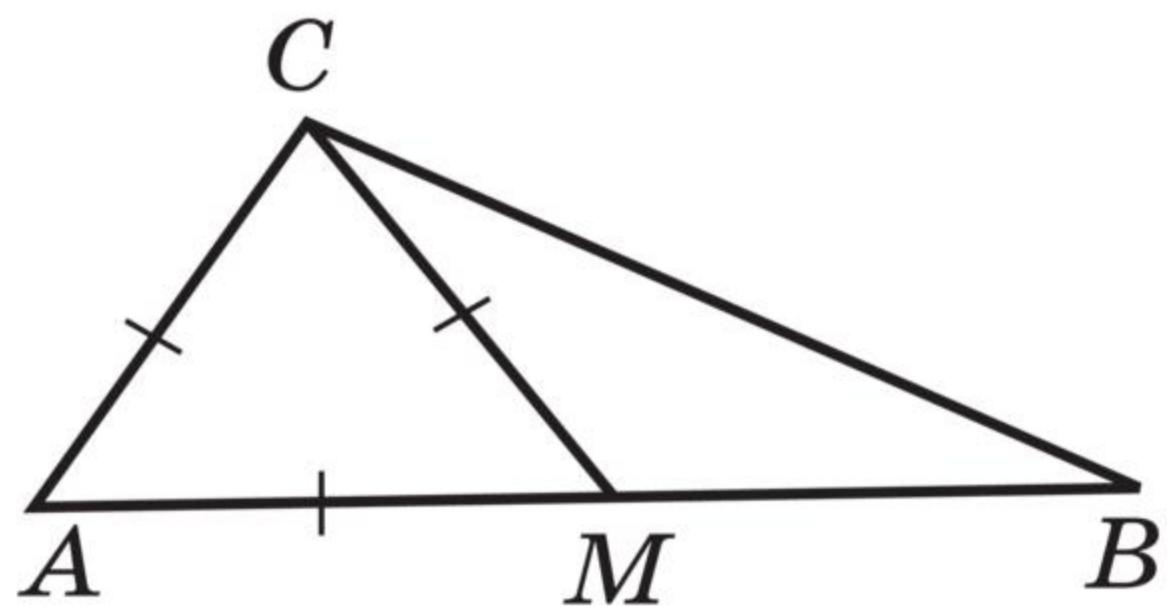
6. Треугольник  $ABC$  — равнобедренный с основанием  $AC$ . Определите угол  $2$ , если  $\angle 1 = 68^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



7. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CM$ , которая отсекает от него равносторонний треугольник  $CMA$ . Найдите угол  $CMB$ , если  $\angle MCA = 60^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

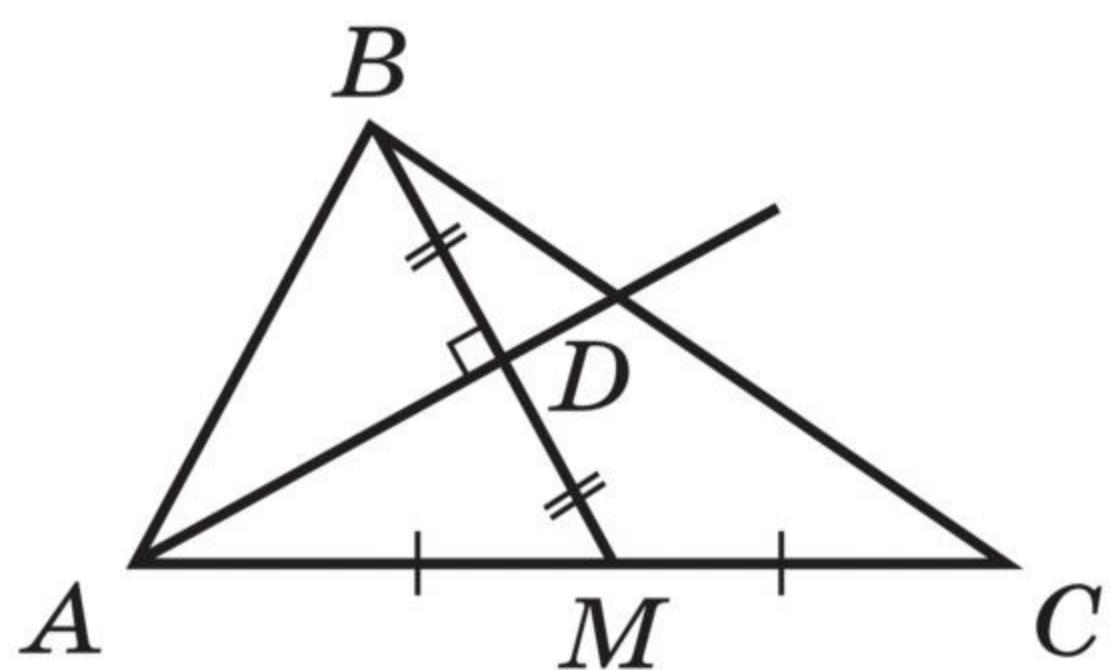


8. Определите вид треугольника, все высоты которого лежат внутри треугольника, и сделайте рисунок, если такой треугольник существует.

1. Прямоугольный треугольник.
2. Остроугольный треугольник.
3. Тупоугольный треугольник.
4. Такой треугольник не существует.

9. Прямая  $AD$ , перпендикулярная медиане  $BM$  треугольника  $ABC$ , делит ее пополам. Найдите  $AB : AC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



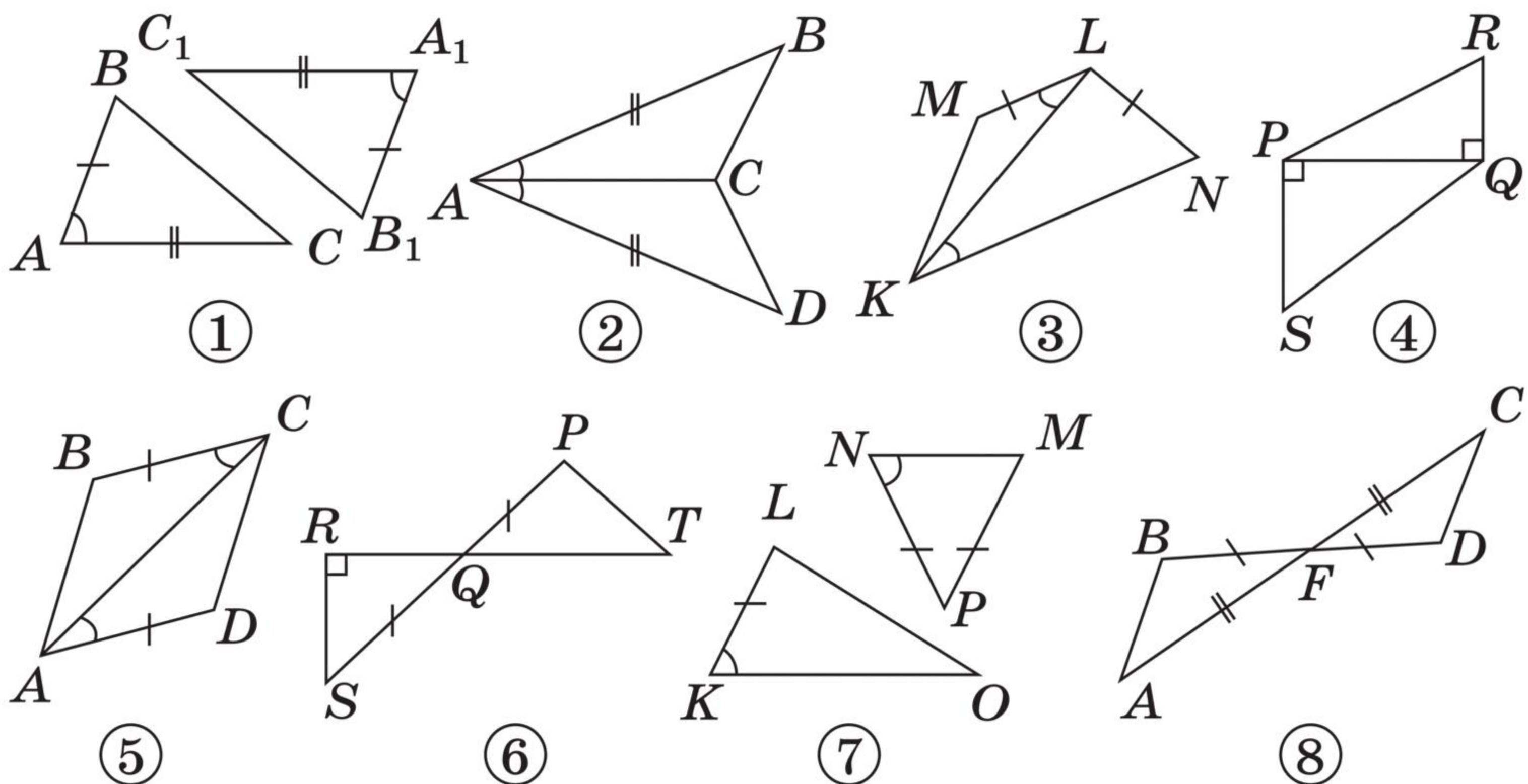
10. (Дополнительная задача.) Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо. В треугольнике проведена медиана, которая делит периметр треугольника на две части, равные  $9$  см и  $11$  см. Найдите стороны треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

## ТЕСТ 5

## Вариант 1

1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите треугольники, равные по первому признаку равенства треугольников. Укажите их номера.



Ответ: \_\_\_\_\_

2. Отрезки  $AC$  и  $BD$  пересекаются в точке  $F$ , являющейся серединой каждого из них. Найдите отрезок  $AB$ , если  $FC = 6$  см,  $CD = 5$  см. Сделайте рисунок.

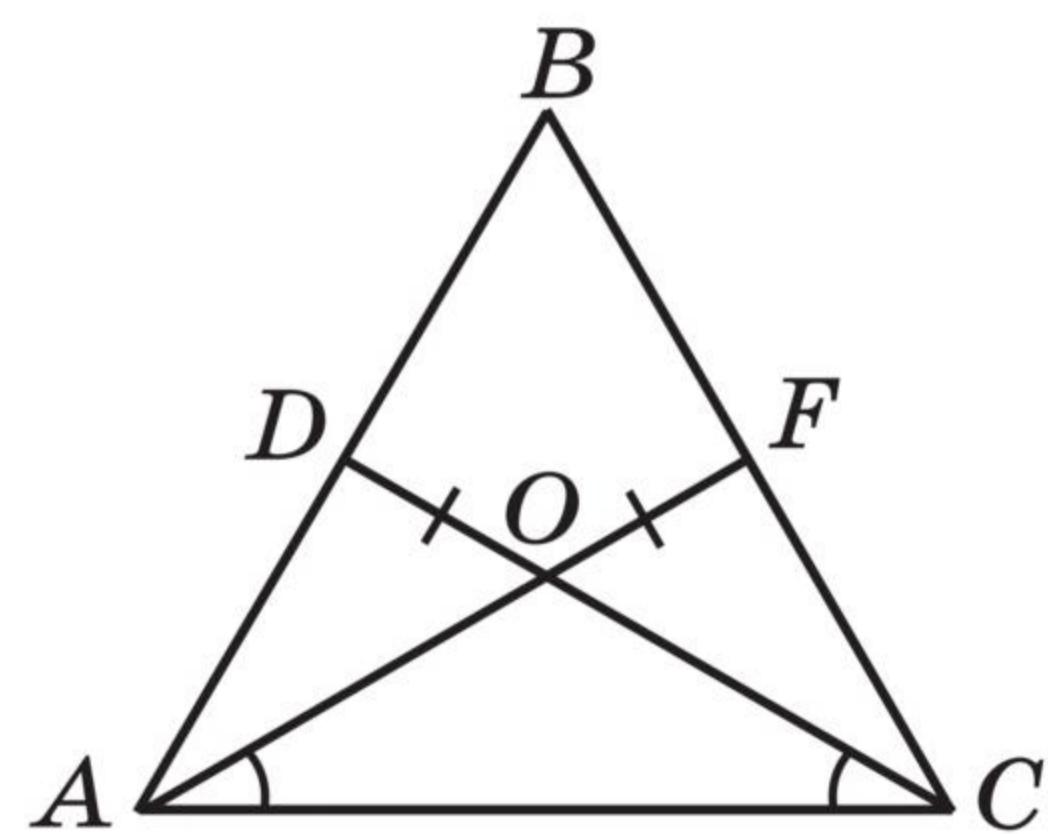
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Отрезки  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $O$ , при этом  $\angle OBD = \angle OCA$  и  $OC = OB$ . Найдите угол  $CAO$ , если  $\angle ODB = 63^\circ$ ,  $\angle OBD = 47^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

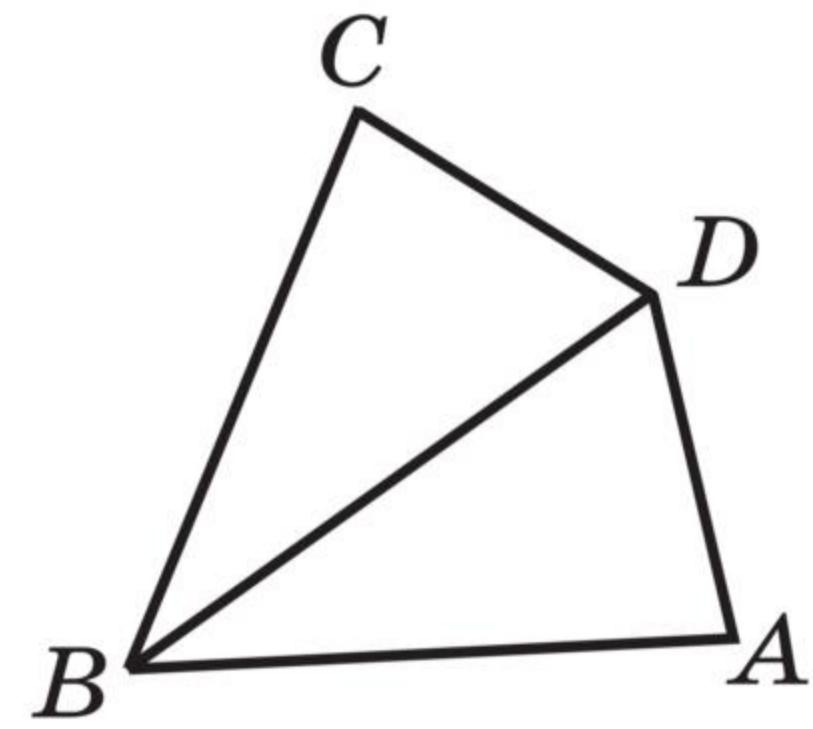
4. На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $D$  и  $F$  соответственно так, что  $\angle DCA = \angle FAC$ . Отрезки  $DC$  и  $AF$  пересекаются в точке  $O$ , причем  $OD = OF$ . Найдите  $BF$ , если  $AD = 3$  см,  $BD = 4$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



5. Треугольники  $BDC$  и  $BDA$  равны. Определите, в каком отношении луч  $BD$  делит угол  $CBA$ .

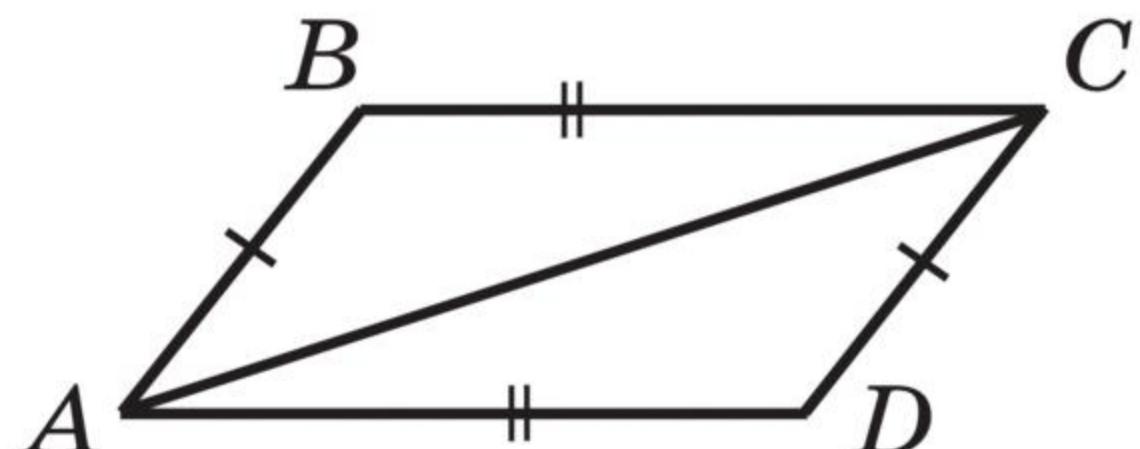
**Ответ:** \_\_\_\_\_



6. В треугольниках  $ABC$  и  $A'C'B'$  стороны  $BC$  и  $B'C'$  равны,  $\angle ACB = \angle A'C'B'$  и биссектрисы  $CD$  и  $C'D'$  тоже равны. Сделайте рисунок и сравните длины сторон  $AC$  и  $A'C'$ .

1.  $AC > A'C'$ .
2.  $AC = A'C'$ .
3.  $AC < A'C'$ .
4. Определить невозможно.

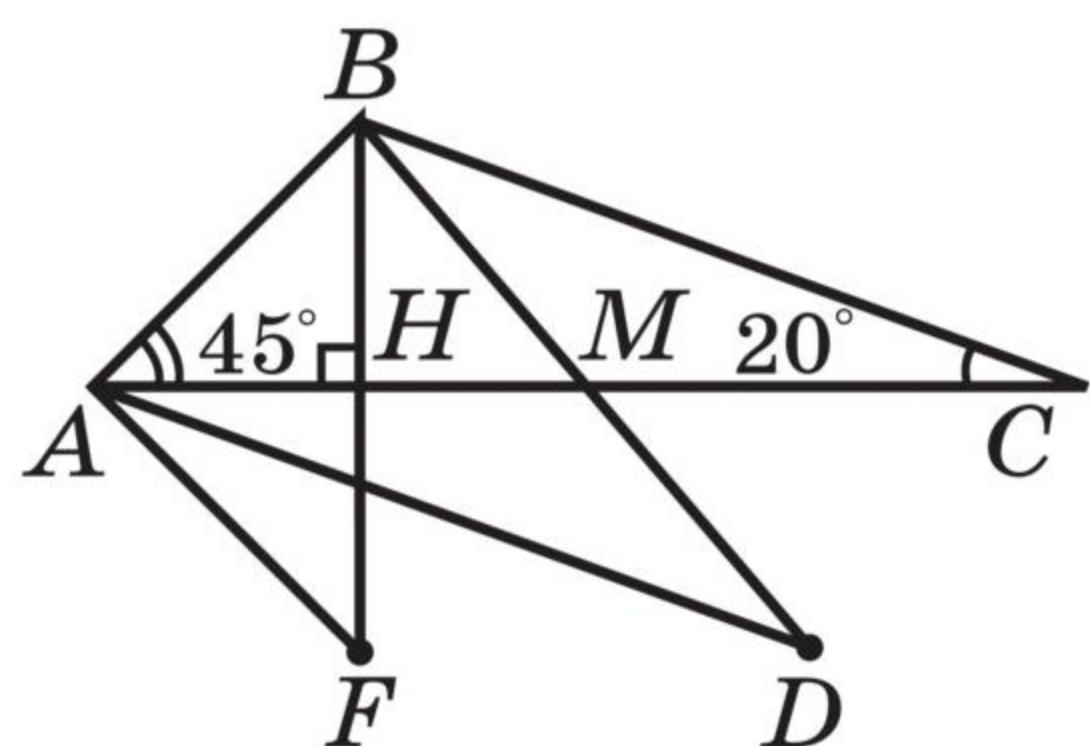
7. Определите, в силу какого признака равенства треугольников треугольники  $ABC$  и  $CDA$  равны, если  $AD = BC$ ,  $AB = DC$ .



1. По двум сторонам и углу между ними.
  2. По стороне и прилежащим к ней углам.
  3. По трем сторонам.
8. Сформулируйте признак равенства равнобедренных треугольников по основанию и углу при основании.

**Ответ:** \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

9. (Дополнительная задача.) В треугольнике  $ABC$  угол  $BAC$  равен  $45^\circ$ , а угол  $BCA$  —  $20^\circ$ . На продолжении медианы  $BM$  за точку  $M$  отложен отрезок  $MD$ , равный  $BM$ , на продолжении высоты  $BH$  за точку  $H$  — отрезок  $HF$ , равный  $BH$ . Найдите угол  $DAF$ .

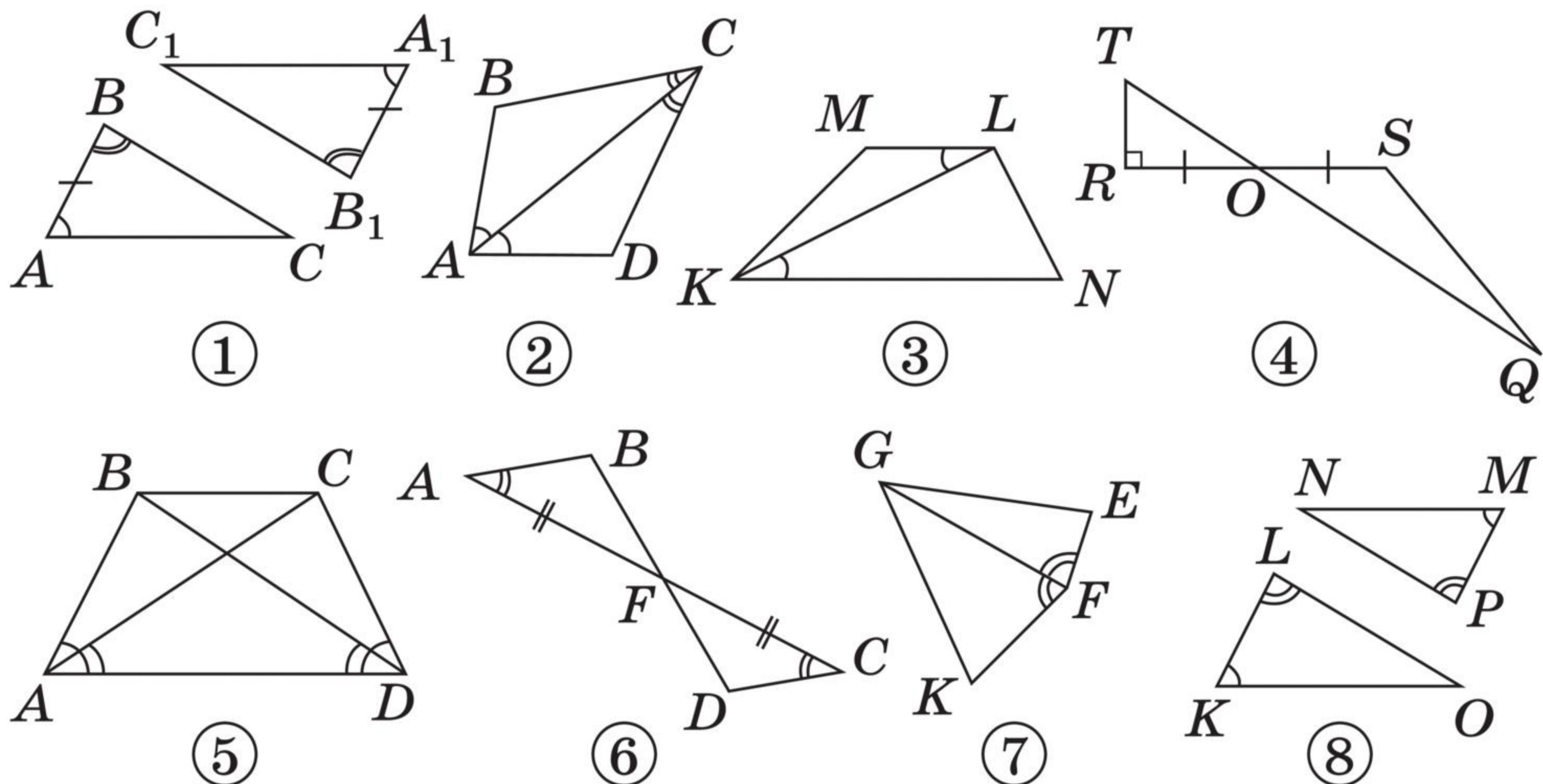


**Ответ:** \_\_\_\_\_

## ТЕСТ 5

## Вариант 2

1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите треугольники, равные по второму признаку равенства треугольников. Укажите их номера.



Ответ: \_\_\_\_\_

2. В разных полуплоскостях относительно прямой  $AB$  отмечены точки  $C$  и  $D$  так, что  $AD = BC$ ,  $\angle DAB = \angle CBA$ . Найдите длину отрезка  $AC$ , если  $AD = 14$  см,  $BD = 17$  см. Сделайте рисунок.

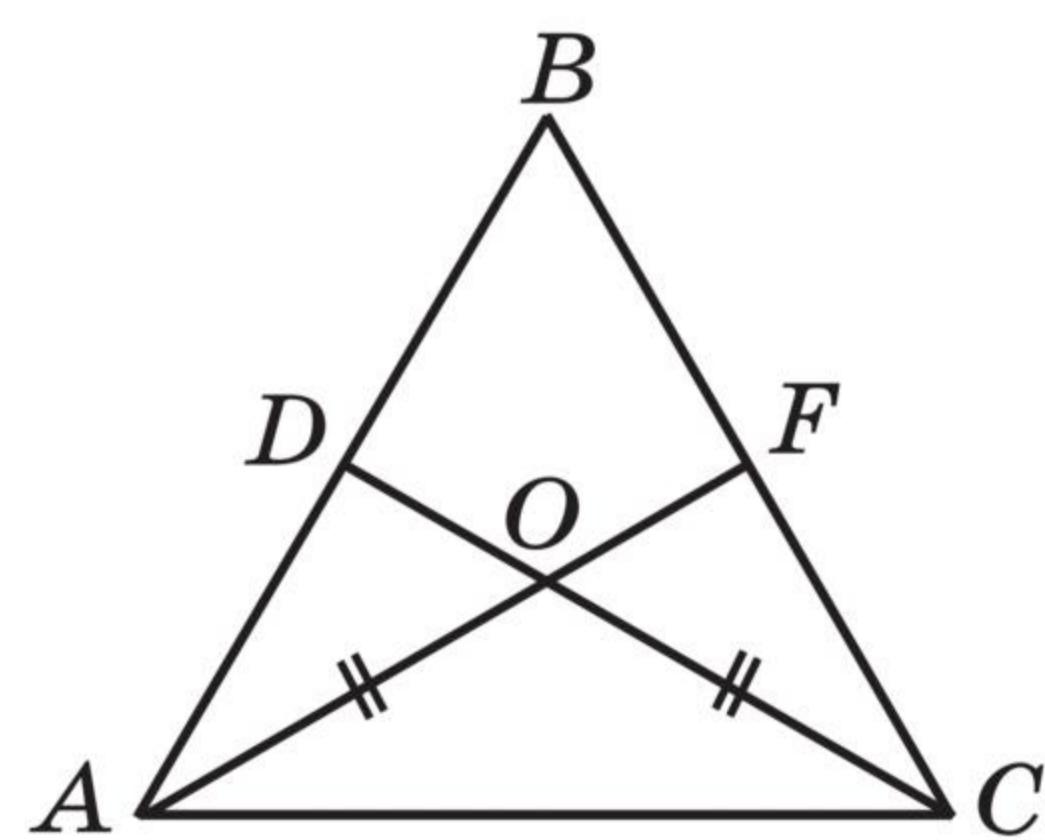
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Отрезки  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $O$  так, что  $AO = OB$  и  $\angle OAC = \angle OBD$ . Найдите угол  $ACO$ , если  $\angle ODB = 63^\circ$ ,  $\angle OBD = 43^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

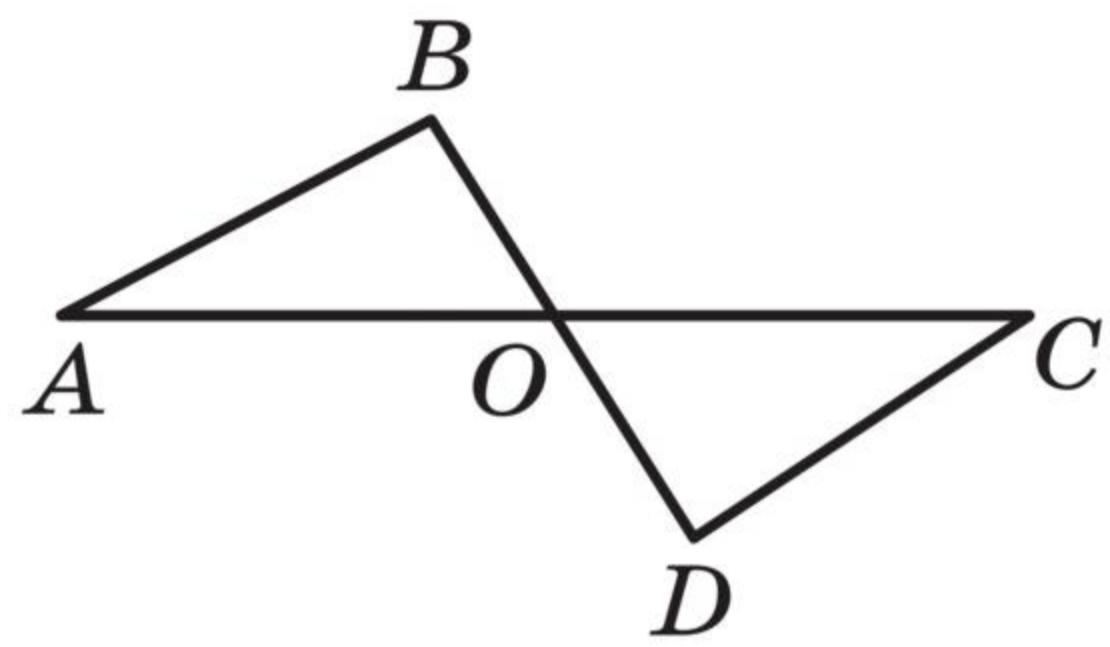
4. На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $D$  и  $F$  соответственно. Отрезки  $DC$  и  $AF$  равны и пересекаются в точке  $O$ , причем  $AO = OC$ . Найдите  $BF$ , если  $AD = 2$  см,  $BD = 5$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



5. Треугольники  $ABO$  и  $CDO$  равны. Определите, в каком отношении точка  $O$  делит отрезок  $BD$ .

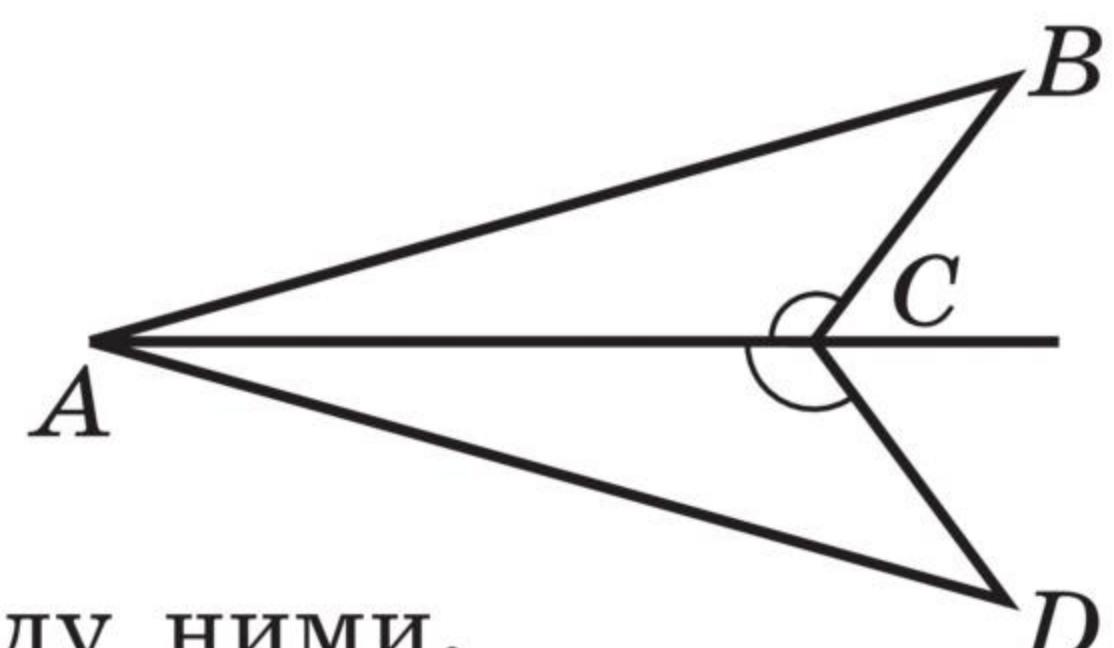
**Ответ:** \_\_\_\_\_



6. В треугольниках  $ABC$  и  $MKP$  стороны  $AC$  и  $MP$  равны, равны медианы, проведенные из вершин  $B$  и  $K$ . Сделайте рисунок и сравните длины сторон  $BC$  и  $KP$ .

1.  $BC > KP$ .
2.  $BC = KP$ .
3.  $BC < KP$ .
4. Определить невозможно.

7. Отрезок  $AC$  — биссектриса угла  $BAD$ . В треугольниках  $ABC$  и  $ADC$  углы  $BCA$  и  $DCA$  равны. Определите, в силу какого признака равенства треугольников треугольники  $ABC$  и  $ADB$  равны.

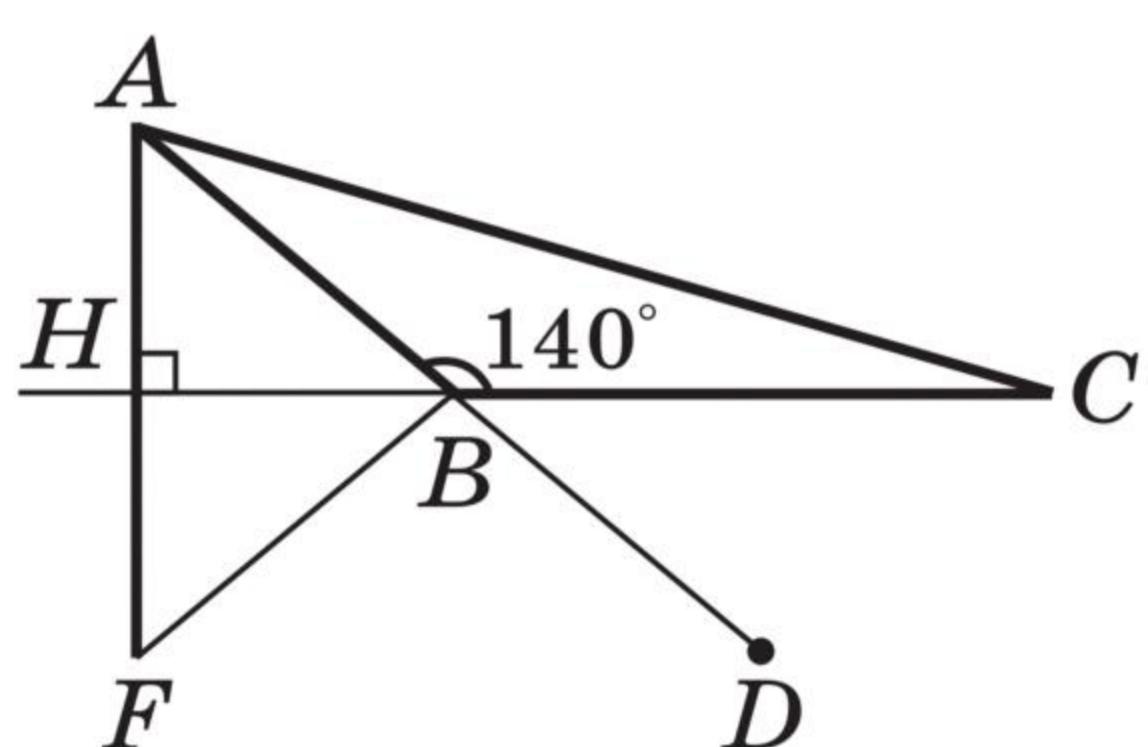


1. По двум сторонам и углу между ними.
2. По стороне и прилежащим к ней углам.
3. По трем сторонам.

8. Сформулируйте признак равенства равнобедренных треугольников по боковой стороне и углу при вершине.

**Ответ:** \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

9. (Дополнительная задача.) В треугольнике  $ABC$  угол  $ABC$  равен  $140^\circ$ . На продолжении высоты  $AH$  за точку  $H$  отложен отрезок  $HF$ , равный  $AH$ , а на продолжении стороны  $AB$  за точку  $B$  отмечена точка  $D$ . Найдите угол  $DBF$ .

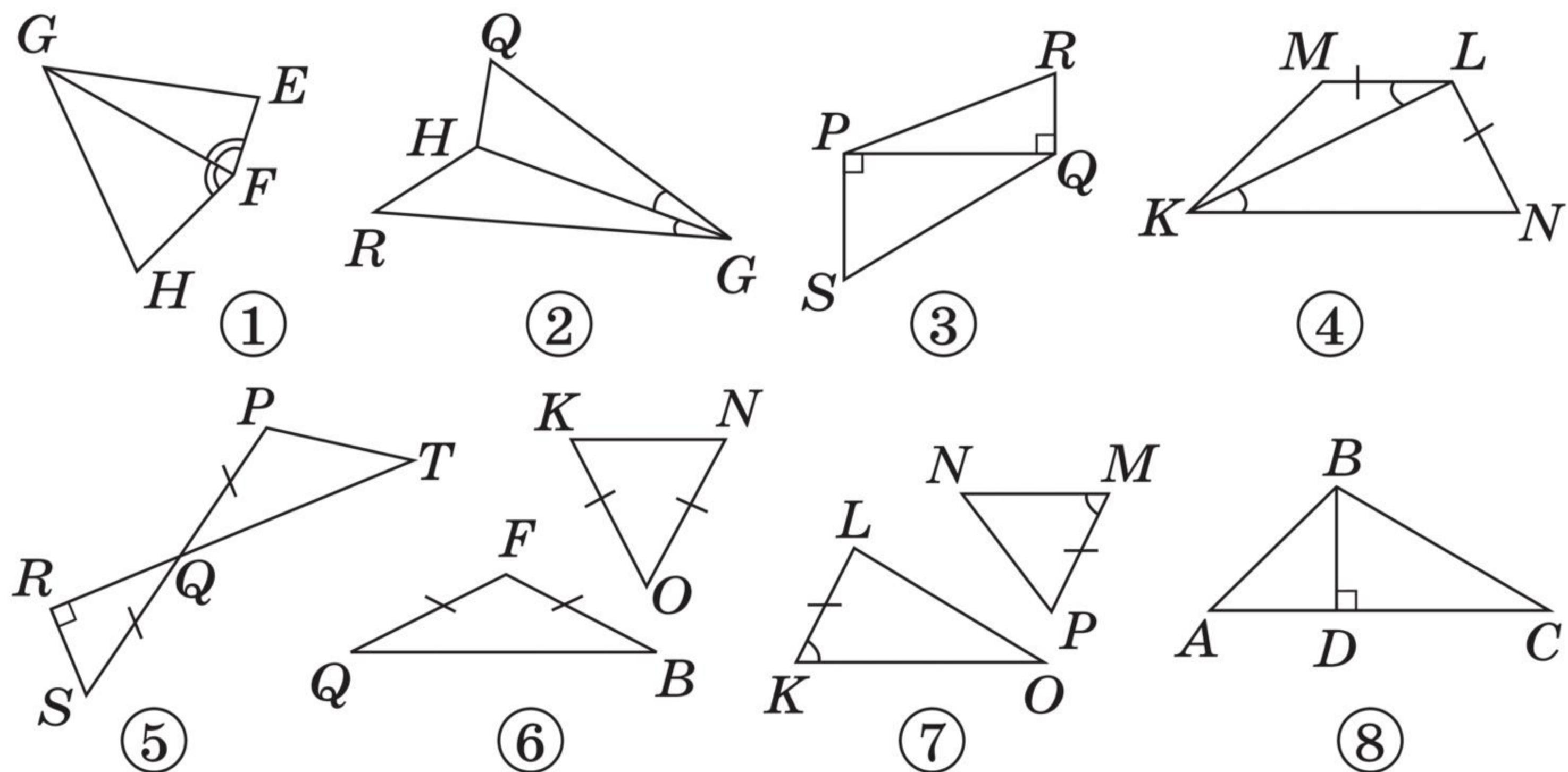


**Ответ:** \_\_\_\_\_

## ТЕСТ 5

## Вариант 3

1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите равные треугольники. Укажите их номера в ответе.



Ответ: \_\_\_\_\_

2. На сторонах угла  $A$  отмечены точки  $B$  и  $D$  так, что  $AB = AD$ . Точка  $C$  лежит на биссектрисе угла  $BAD$ . Найдите отрезок  $CB$ , если  $CD = 8$  см,  $AC = 11$  см. Сделайте рисунок.

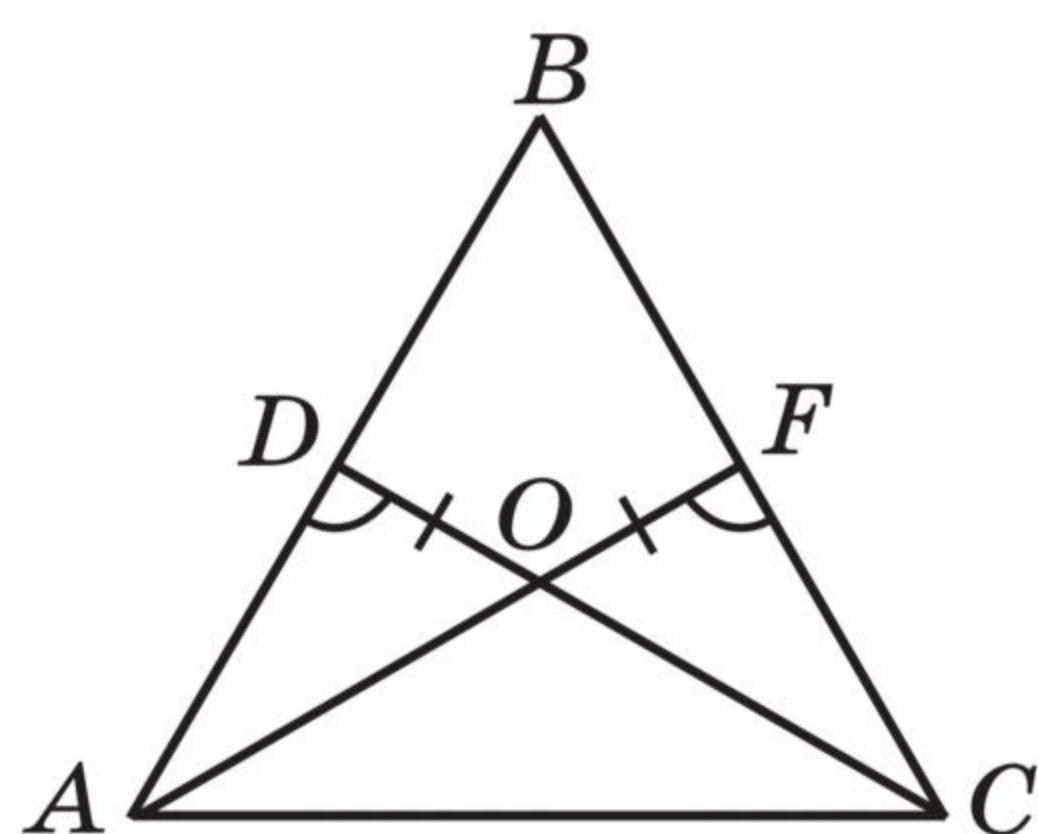
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Отрезки  $AC$  и  $BD$  пересекаются в точке  $F$ , которая является серединой каждого из них. Найдите угол  $ABF$ , если  $\angle CDF = 102^\circ$ ,  $\angle DCF = 36^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

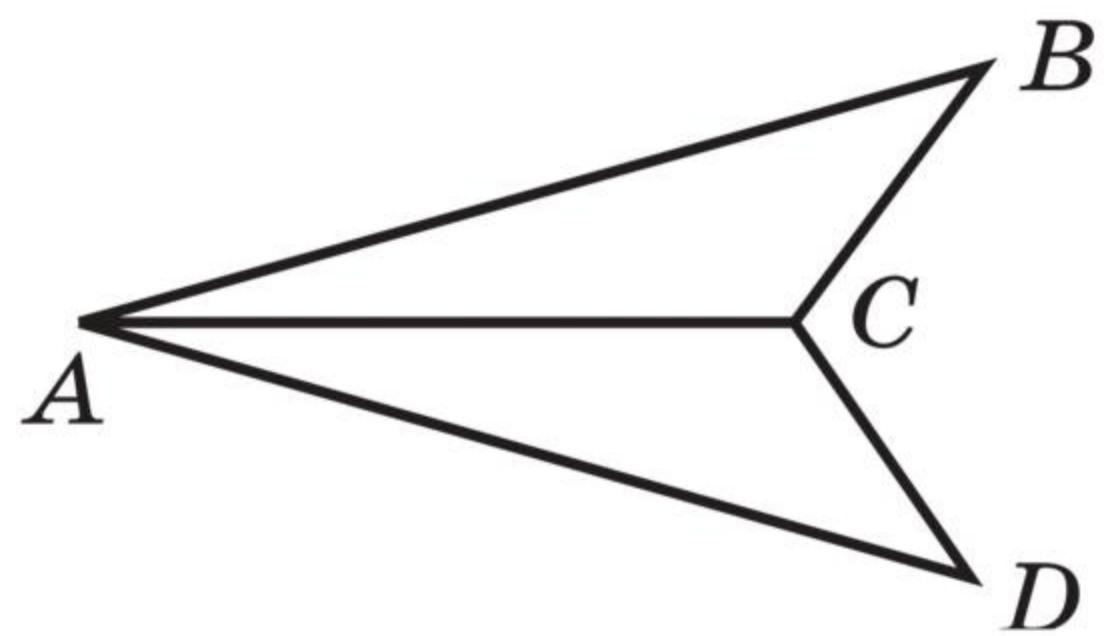
4. На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $D$  и  $F$  соответственно так, что  $\angle CDA = \angle AFC$ . Отрезки  $DC$  и  $AF$  пересекаются в точке  $O$ , причем  $OD = OF$ . Найдите  $BC$ , если  $AD = 3$  см,  $BD = 4$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



5. Треугольники  $ABC$  и  $ADC$  равны. Определите, в каком отношении луч  $AC$  делит угол  $BAD$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

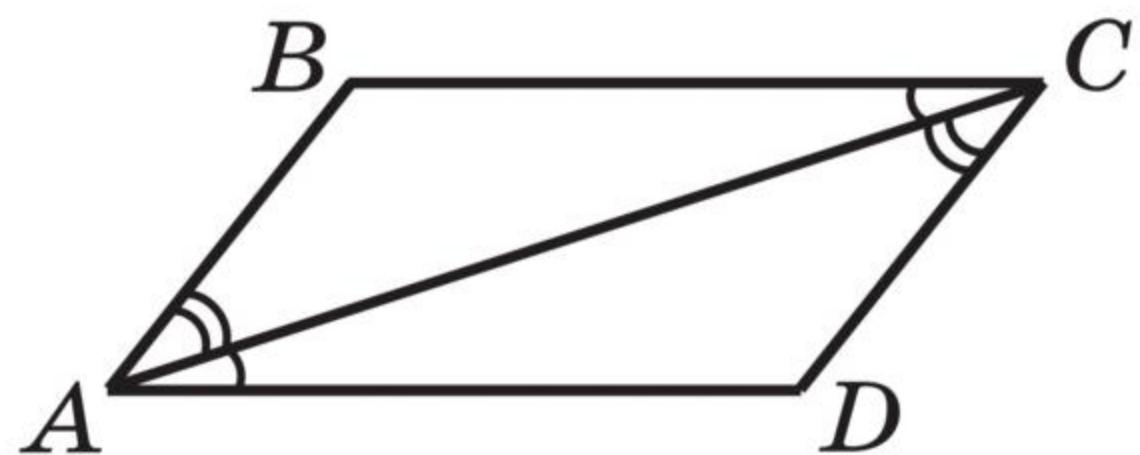


6. В треугольниках  $ABC$  и  $MKL$  стороны  $AC$  и  $ML$  равны, и равны высоты, проведенные из вершин  $B$  и  $K$ . Сделайте рисунок и сравните длины сторон  $BC$  и  $KL$ .

1.  $BC > KL$ .
2.  $BC = KL$ .
3.  $BC < KL$ .
4. Определить невозможно.

7. Определите, в силу какого признака равенства треугольников треугольники  $ABC$  и  $CDA$  равны, если  $\angle BCA = \angle CAD$ ,  $\angle BAC = \angle ACD$ .

1. По двум сторонам и углу между ними.
2. По стороне и прилежащим к ней углам.
3. По трем сторонам.

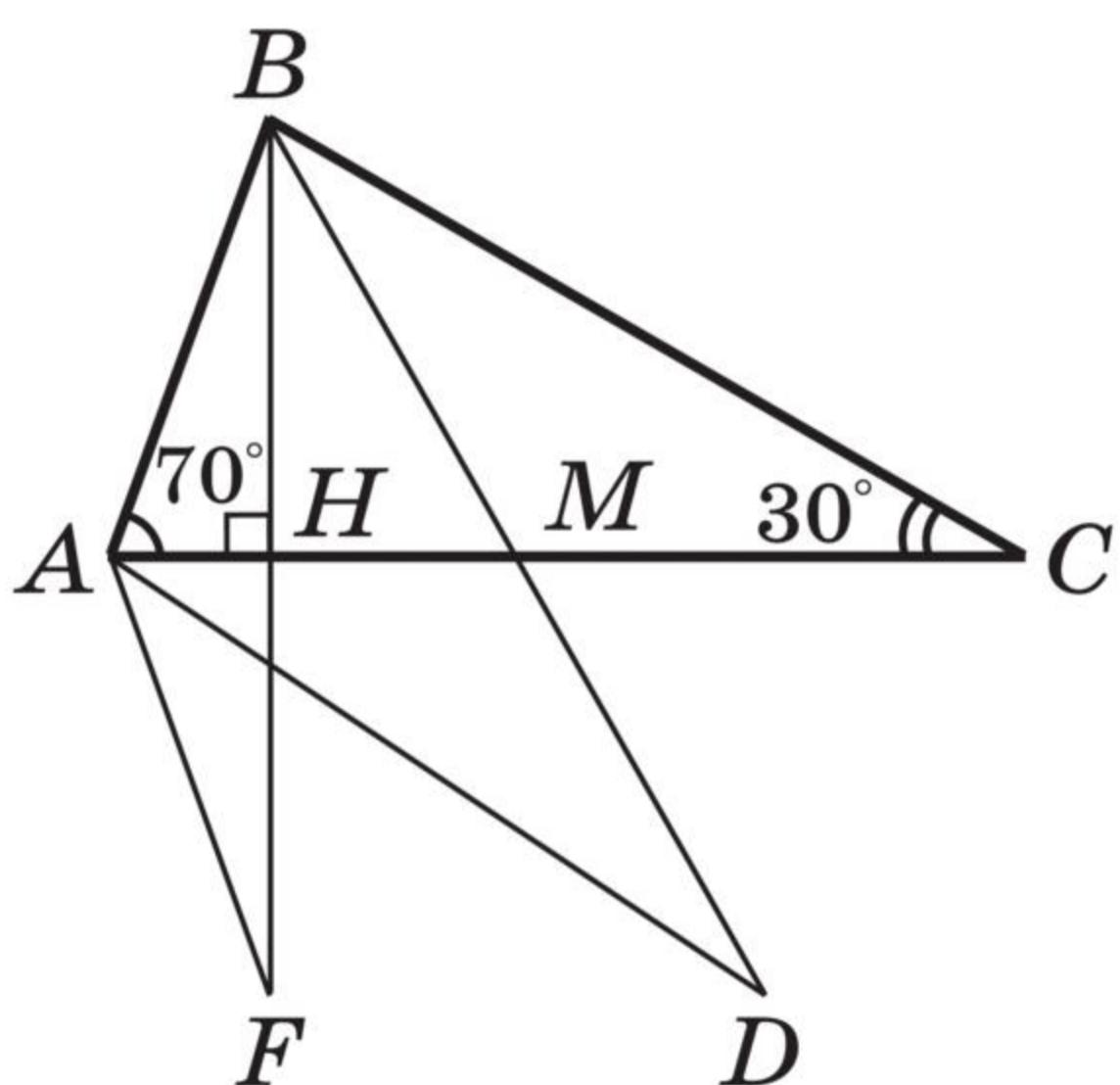


8. Сформулируйте признак равенства равносторонних треугольников.

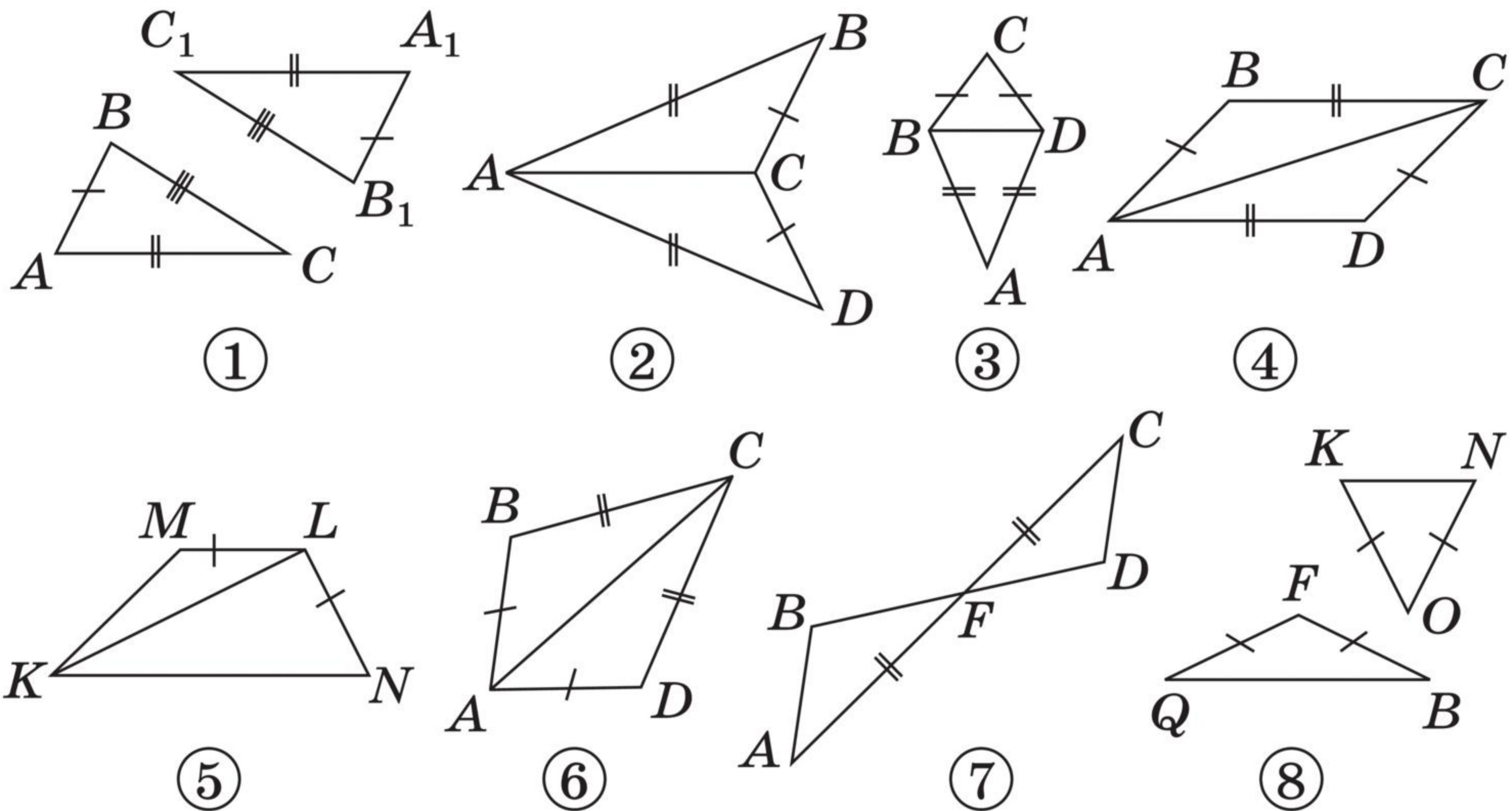
Ответ: \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

9. (Дополнительная задача.) В треугольнике  $ABC$  угол  $BAC$  равен  $70^\circ$ , а угол  $BCA$  —  $30^\circ$ . На продолжении медианы  $BM$  за точку  $M$  отложен отрезок  $MD$ , равный  $BM$ , на продолжении высоты  $BH$  за точку  $H$  — отрезок  $HF$ , равный  $BH$ . Найдите угол  $DAF$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите треугольники, равные по третьему признаку равенства треугольников. Укажите их номера.



Ответ: \_\_\_\_\_

2. Равные отрезки  $AC$  и  $BD$  пересекаются в точке  $O$  так, что  $AO = OB$ . Найдите  $AD$ , если  $OB = 8$  см,  $BC = 11$  см. Сделайте рисунок.

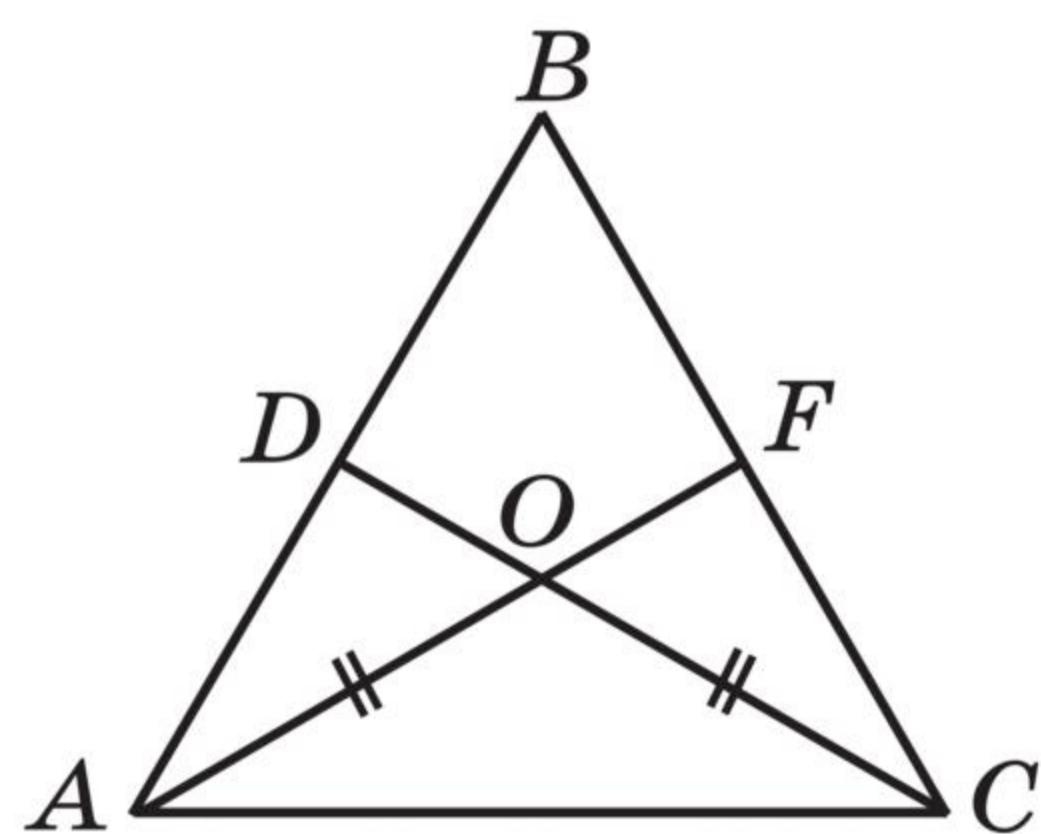
Ответ: \_\_\_\_\_

3. В разных полуплоскостях относительно прямой  $AB$  отмечены точки  $C$  и  $D$  так, что  $AD = BC$ ,  $BD = AC$ . Найдите угол  $ACB$ , если  $\angle ADB = 114^\circ$ ,  $\angle ABD = 40^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

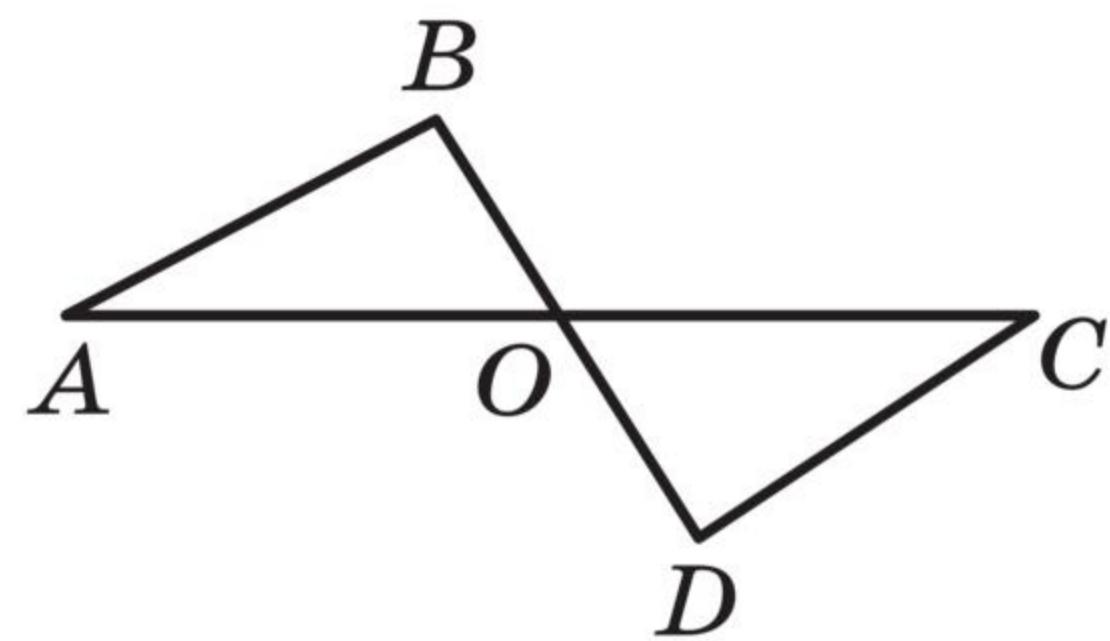
4. На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $D$  и  $F$  соответственно. Отрезки  $DC$  и  $AF$  равны и пересекаются в точке  $O$ , причем  $AO = OC$ . Найдите  $BC$ , если  $AD = 2$  см,  $BD = 5$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



5. Треугольники  $ABC$  и  $DFC$  равны. Определите, в каком отношении точка  $C$  делит отрезок  $AD$ .

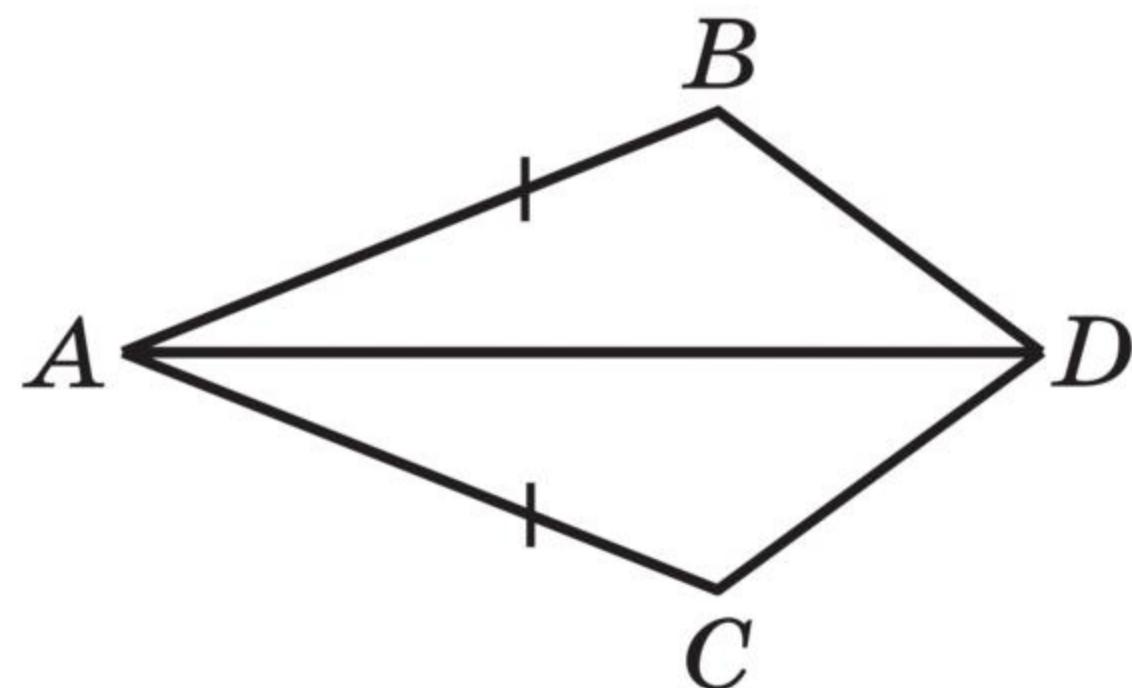
**Ответ:** \_\_\_\_\_



6. В треугольниках  $ABC$  и  $MKL$  проведены медианы  $BD$  и  $KN$ . Известно, что  $AC = ML$ ,  $\angle BDC = \angle KNL$  и  $BD = KN$ . Сделайте рисунок и сравните длины сторон  $BC$  и  $KL$ .

1.  $BC > KL$ .
2.  $BC = KL$ .
3.  $BC < KL$ .
4. Определить невозможно.

7. Луч  $AD$  — биссектриса угла  $BAC$ . На сторонах угла отложены равные отрезки  $AB$  и  $AC$ . Определите, в силу какого признака равенства треугольников треугольники  $BAD$  и  $CAD$  равны.



1. По двум сторонам и углу между ними.
2. По стороне и прилежащим к ней углам.
3. По трем сторонам.

8. Сформулируйте признак равенства равнобедренных треугольников по боковой стороне и основанию.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

---



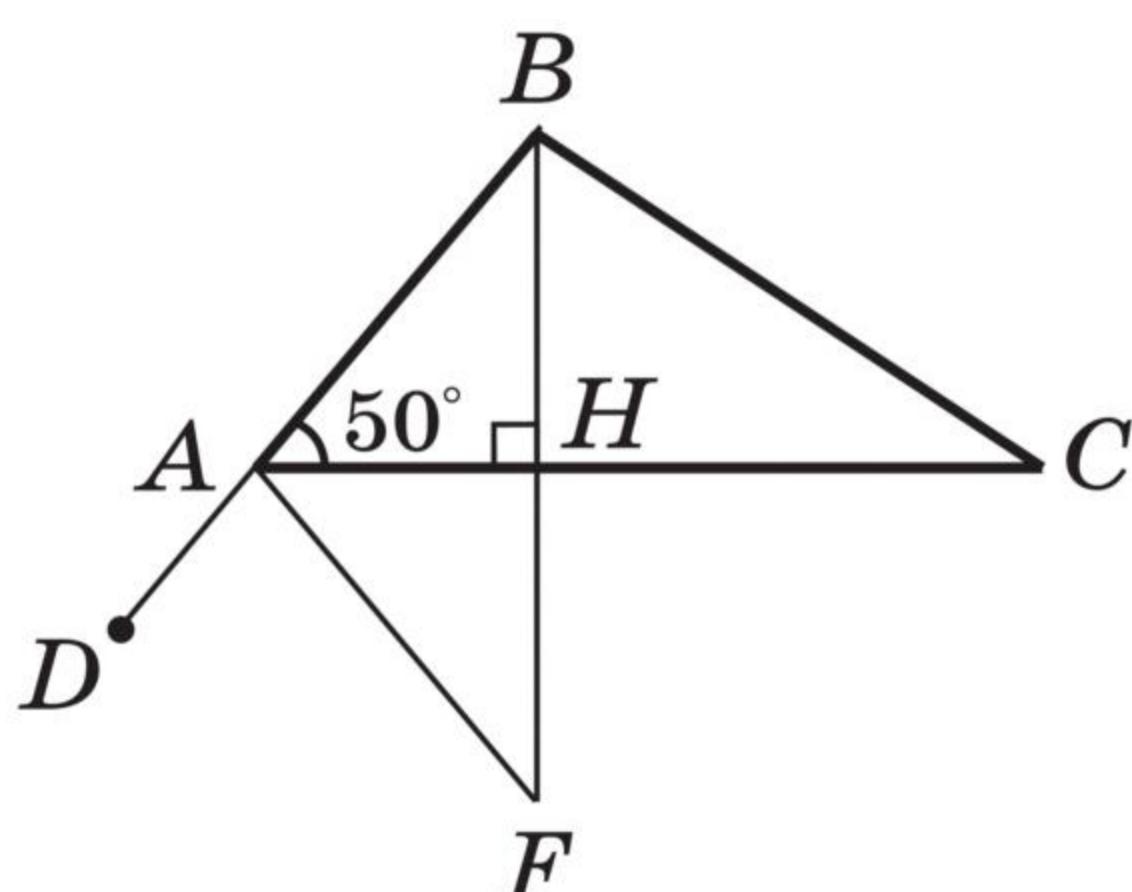
---



---

9. (Дополнительная задача.) В треугольнике  $ABC$  угол  $BAC$  равен  $50^\circ$ . На продолжении высоты  $BH$  за точку  $H$  отложен отрезок  $HF$ , равный  $BH$ , а на продолжении стороны  $AB$  за точку  $A$  отмечена точка  $D$ . Найдите угол  $DAF$ .

**Ответ:** \_\_\_\_\_



**ТЕСТ 6****Вариант 1**

1. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KLM$  пару односторонних углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KLM$  пару накрест лежащих углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KLM$  пару соответственных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Дано:  $\angle 1 = \angle 5$ ,  $\angle 4 \neq \angle 5$ . Определите, какие из трех прямых  $c$ ,  $d$  и  $f$  параллельны.

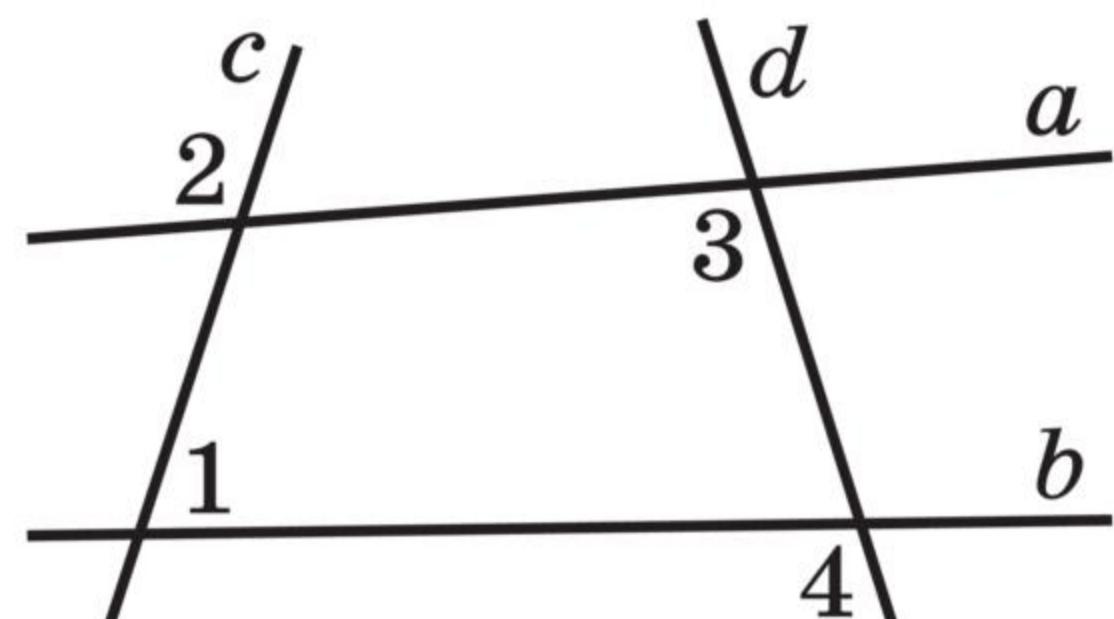
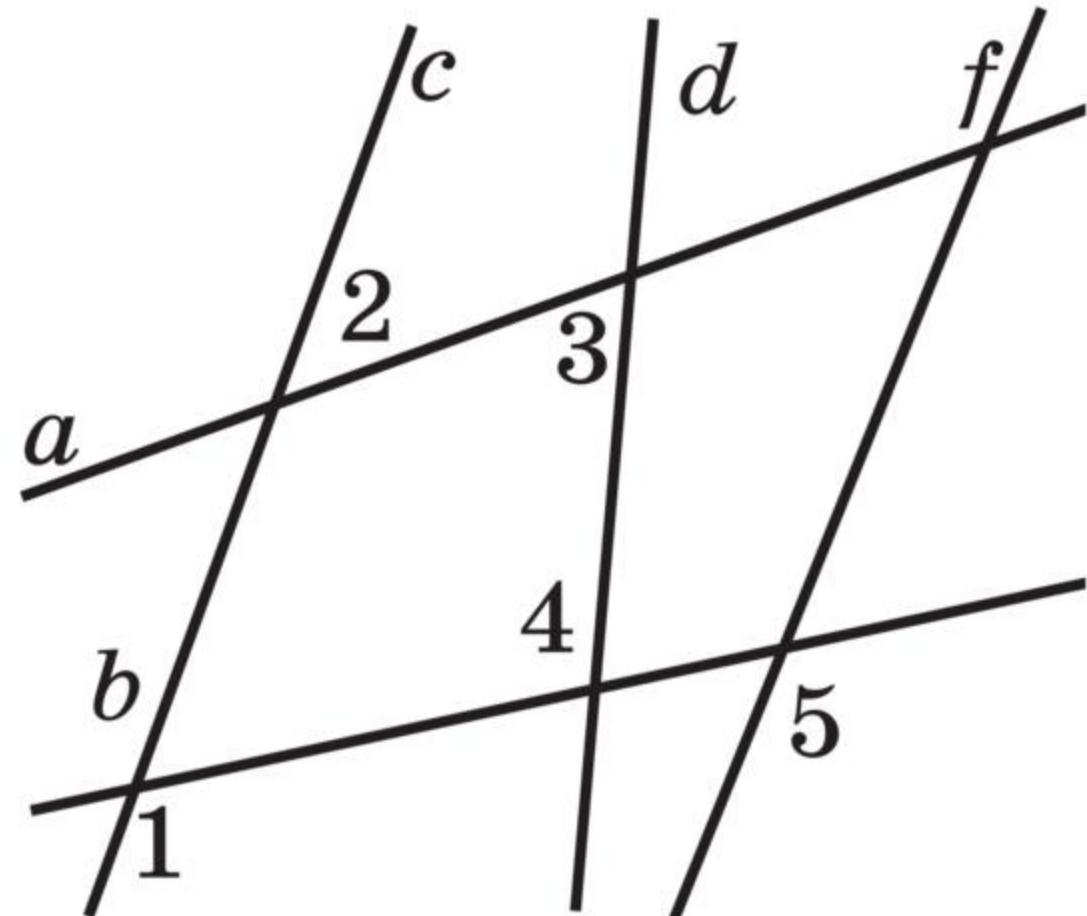
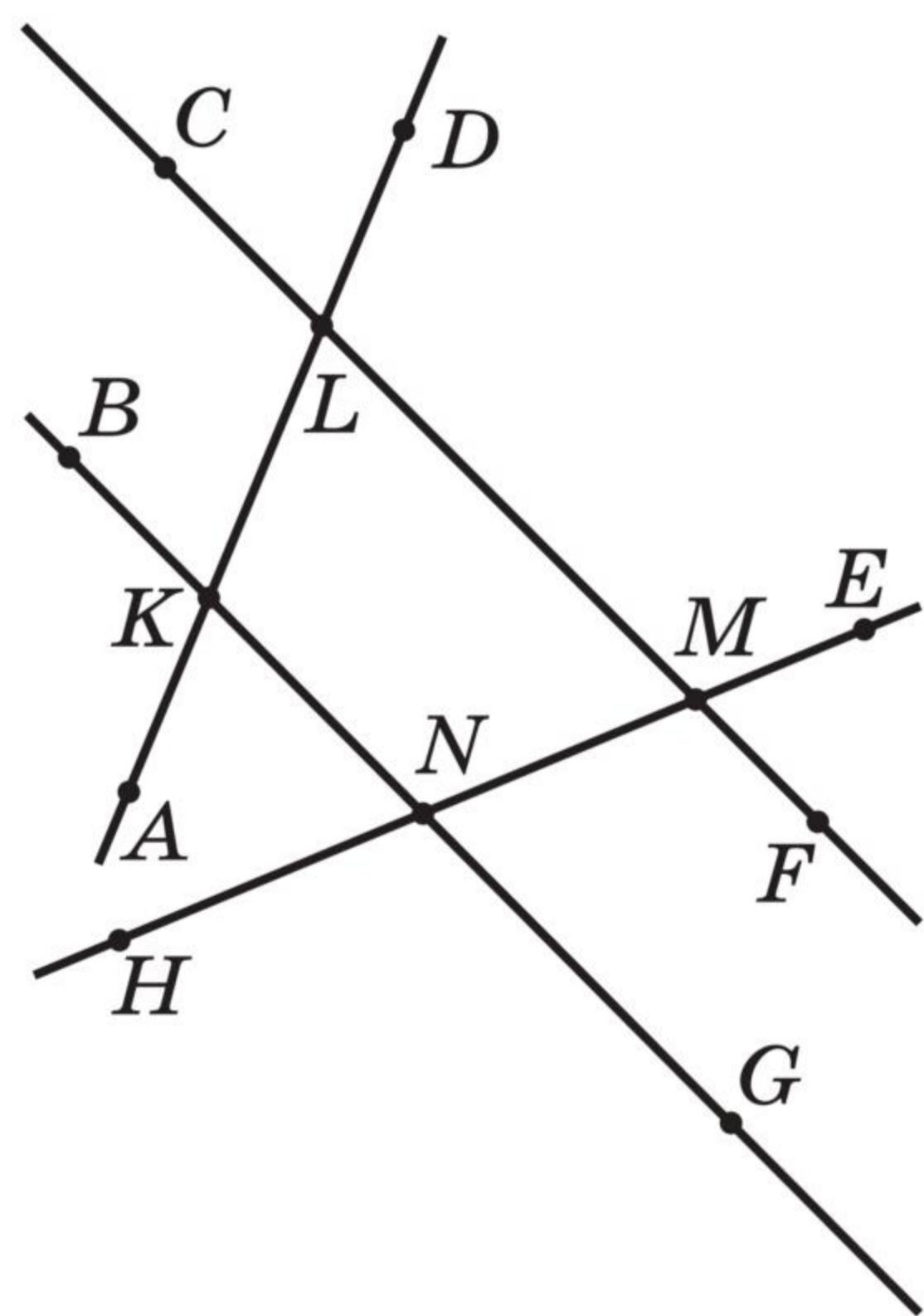
Ответ: \_\_\_\_\_

5. Дано:  $\angle 1 = 55^\circ$ ,  $\angle 2 = 125^\circ$ ;  $\angle 3 = 123^\circ$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_

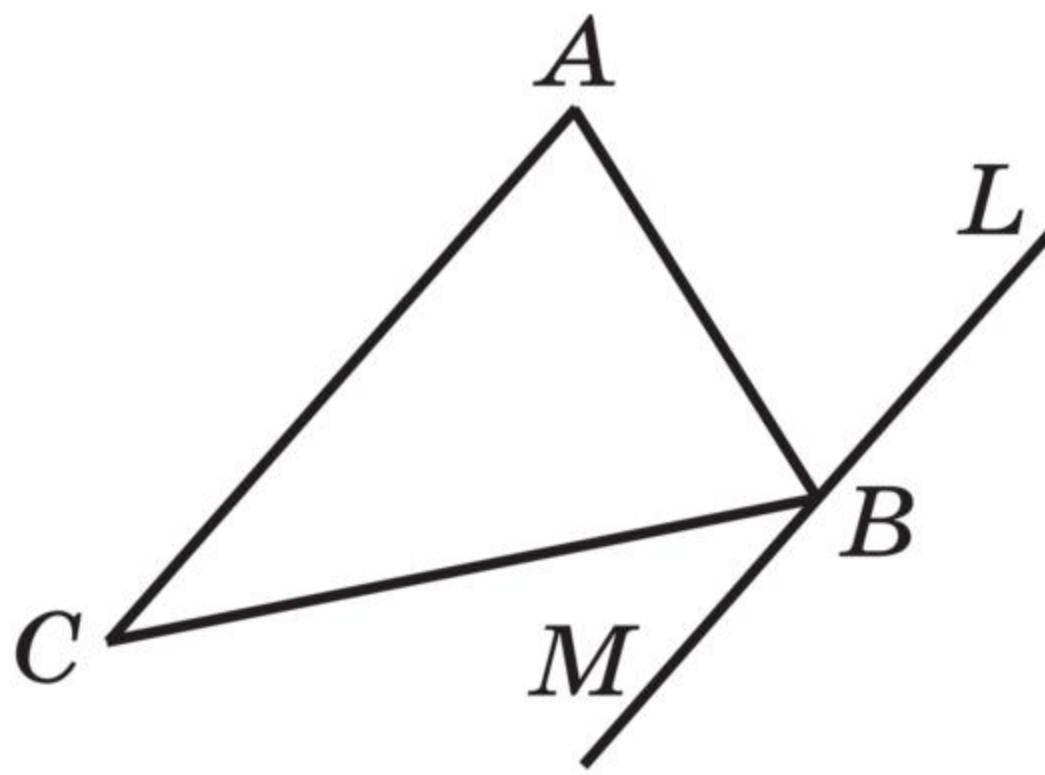
6. Внутри угла  $ABC$ , равного  $38^\circ$ , отмечена точка  $F$ . Через точку  $F$  проведены прямые, параллельные сторонам угла. Найдите меньший угол с вершиной в точке  $F$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_



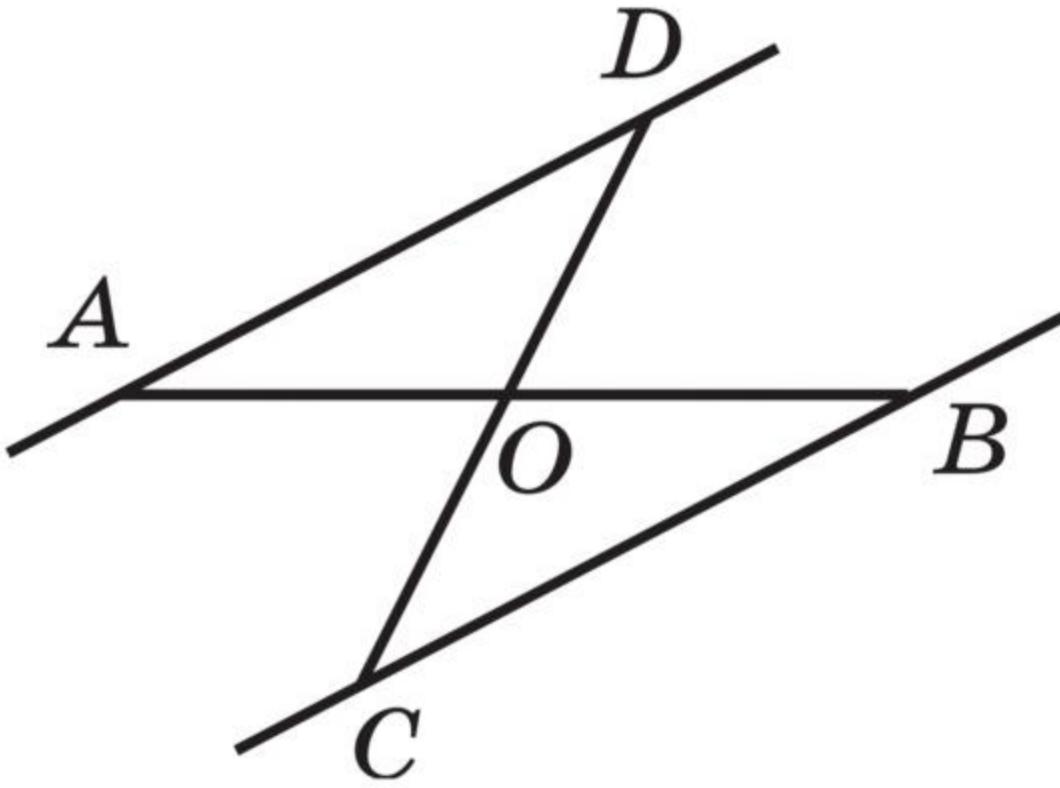
7. Через вершину  $B$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $LM$ , параллельная стороне  $AC$ . Найдите угол  $ABL$ , если  $\angle BCA = 58^\circ$ ,  $\angle BAC = 36^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

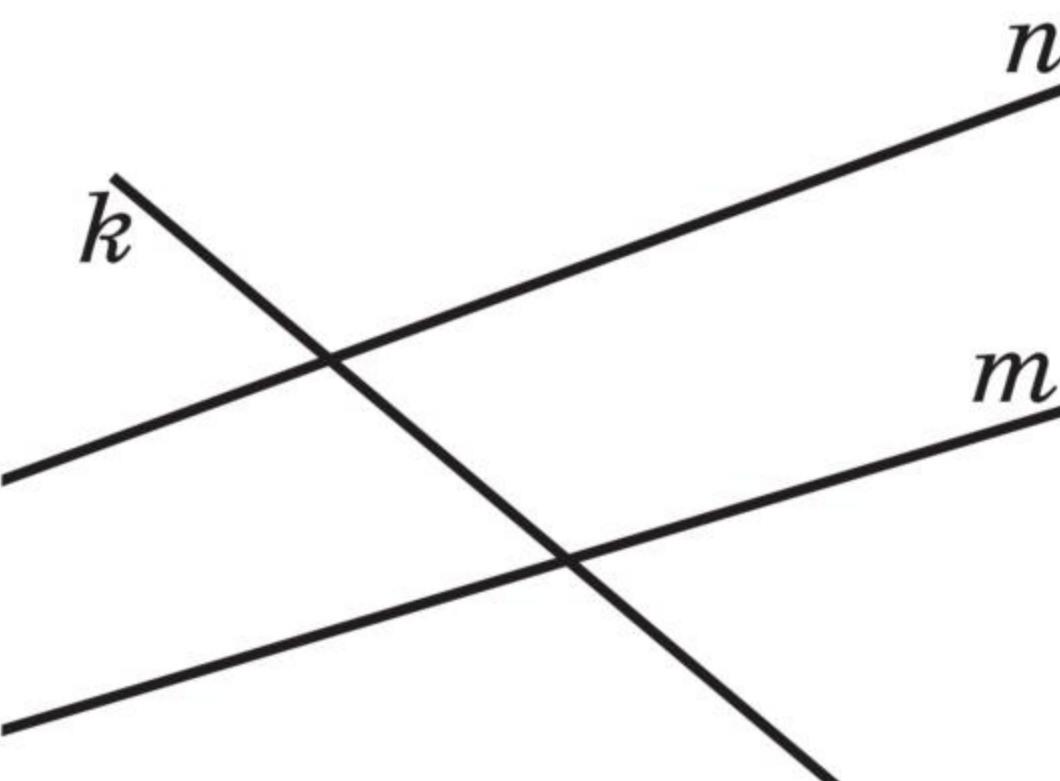


8. Отрезки  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $O$ . Известно, что точка  $O$  — середина отрезка  $AB$ , а прямые  $AD$  и  $CB$  параллельны. Найдите отрезок  $AD$ , если  $OC = 8$  см, а  $CB = 13$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



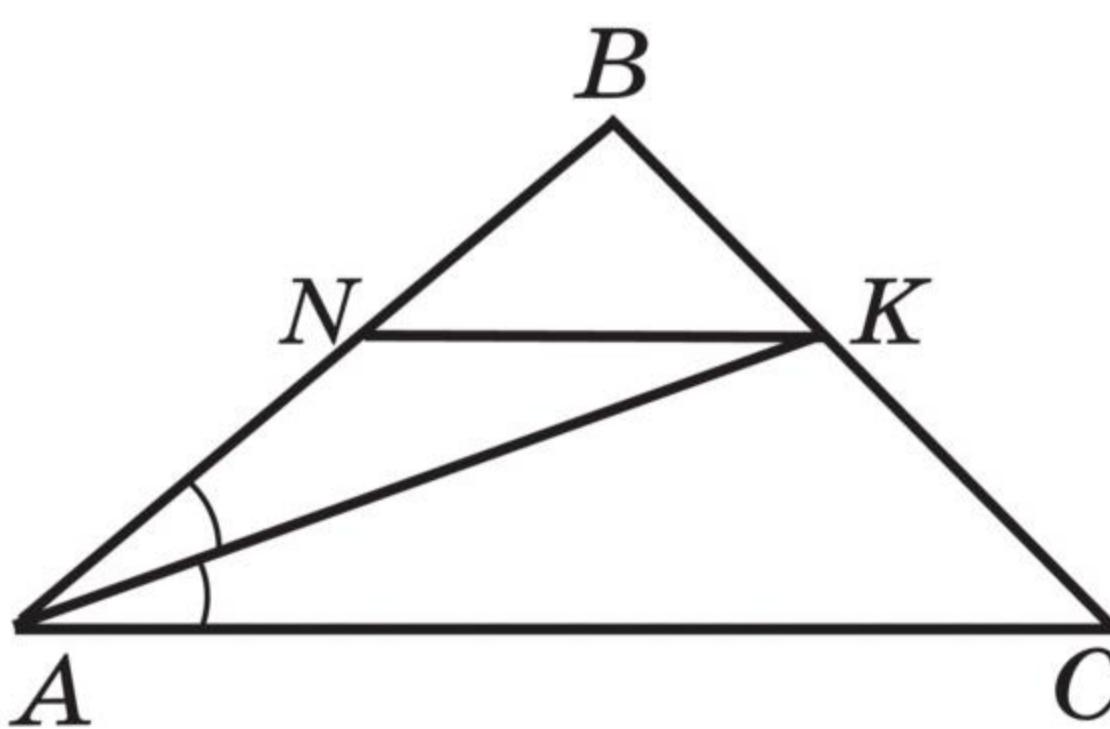
9. Сумма двух внутренних односторонних углов, образованных при пересечении двух прямых  $m$  и  $n$  секущей  $k$  равна  $148^\circ$ . Определите взаимное расположение прямых  $n$  и  $m$ .



1. Прямые  $n$  и  $m$  пересекаются.
2. Прямые  $n$  и  $m$  параллельны.
3. Такая ситуация невозможна.

10. (*Дополнительная задача.*) Биссектриса угла  $A$  треугольника  $ABC$  пересекает сторону  $BC$  в точке  $K$ . На стороне  $AB$  отмечена точка  $N$  так, что  $AN = NK$ . Определите взаимное расположение прямых  $AC$  и  $NK$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



**ТЕСТ 6****Вариант 2**

1. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KNM$  пару односторонних углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KNM$  пару накрест лежащих углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $KNM$  пару соответственных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Дано:  $\angle 1 = \angle 3$ ,  $\angle 2 > \angle 3$ . Определите, какие из трех прямых  $a$ ,  $c$  и  $d$  параллельны.

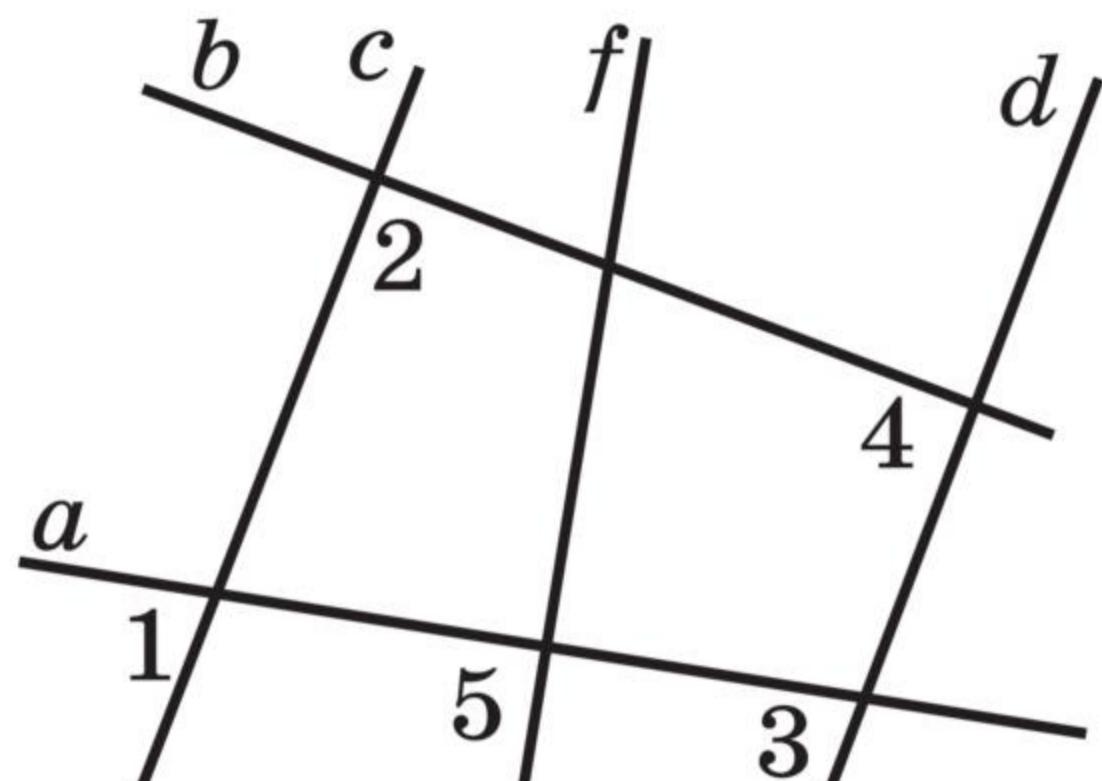
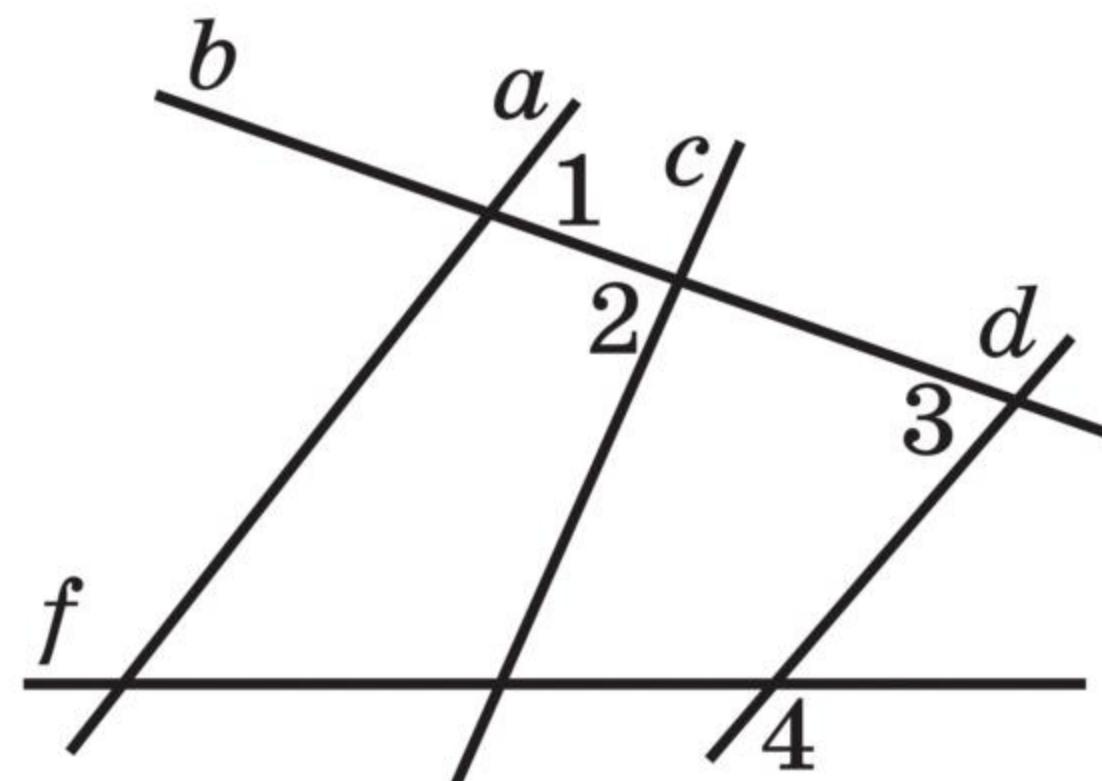
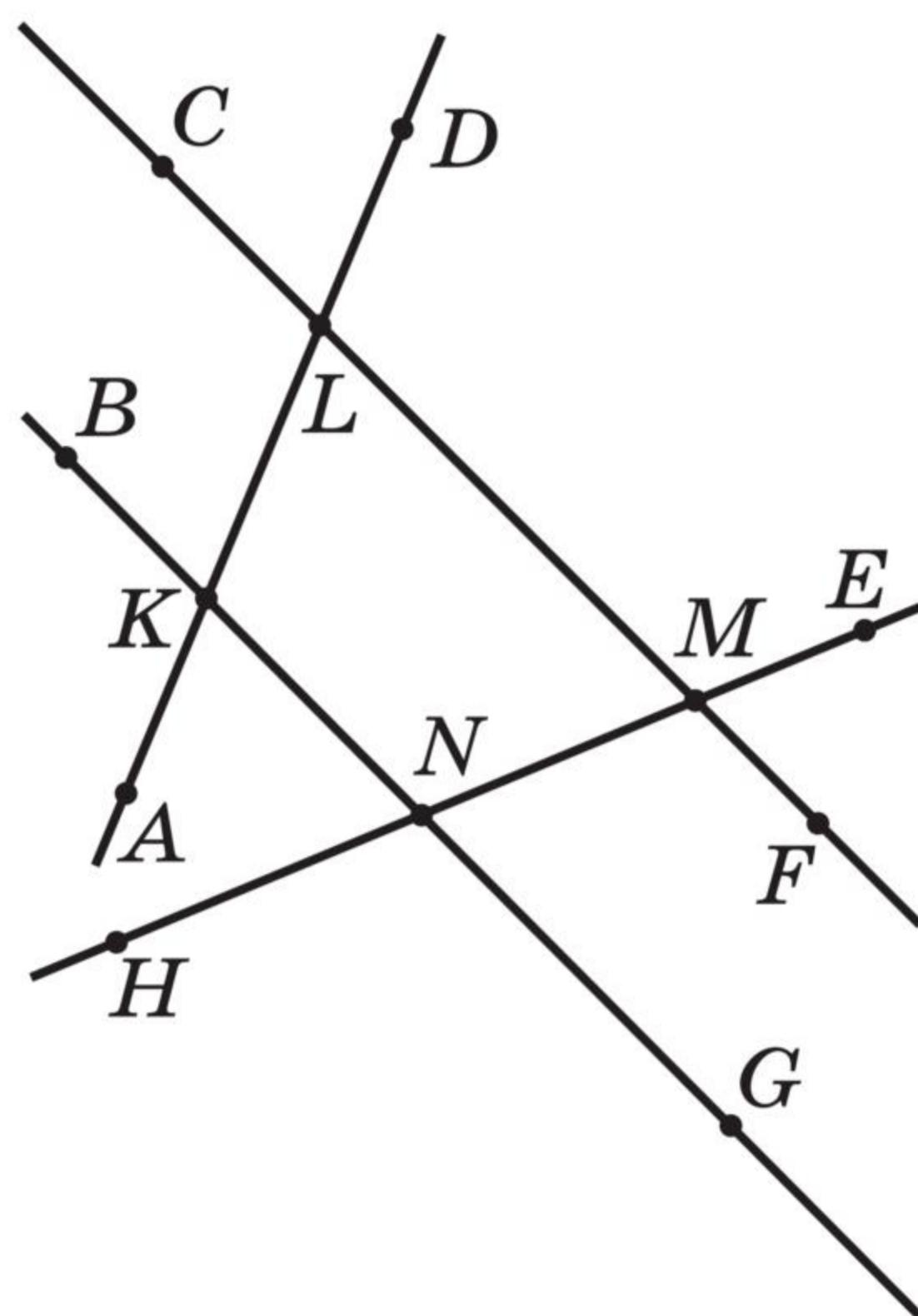
Ответ: \_\_\_\_\_

5. Дано:  $\angle 2 = \angle 4 = 90^\circ$ ,  $\angle 1 = 83^\circ$ . Найдите угол 3.

Ответ: \_\_\_\_\_

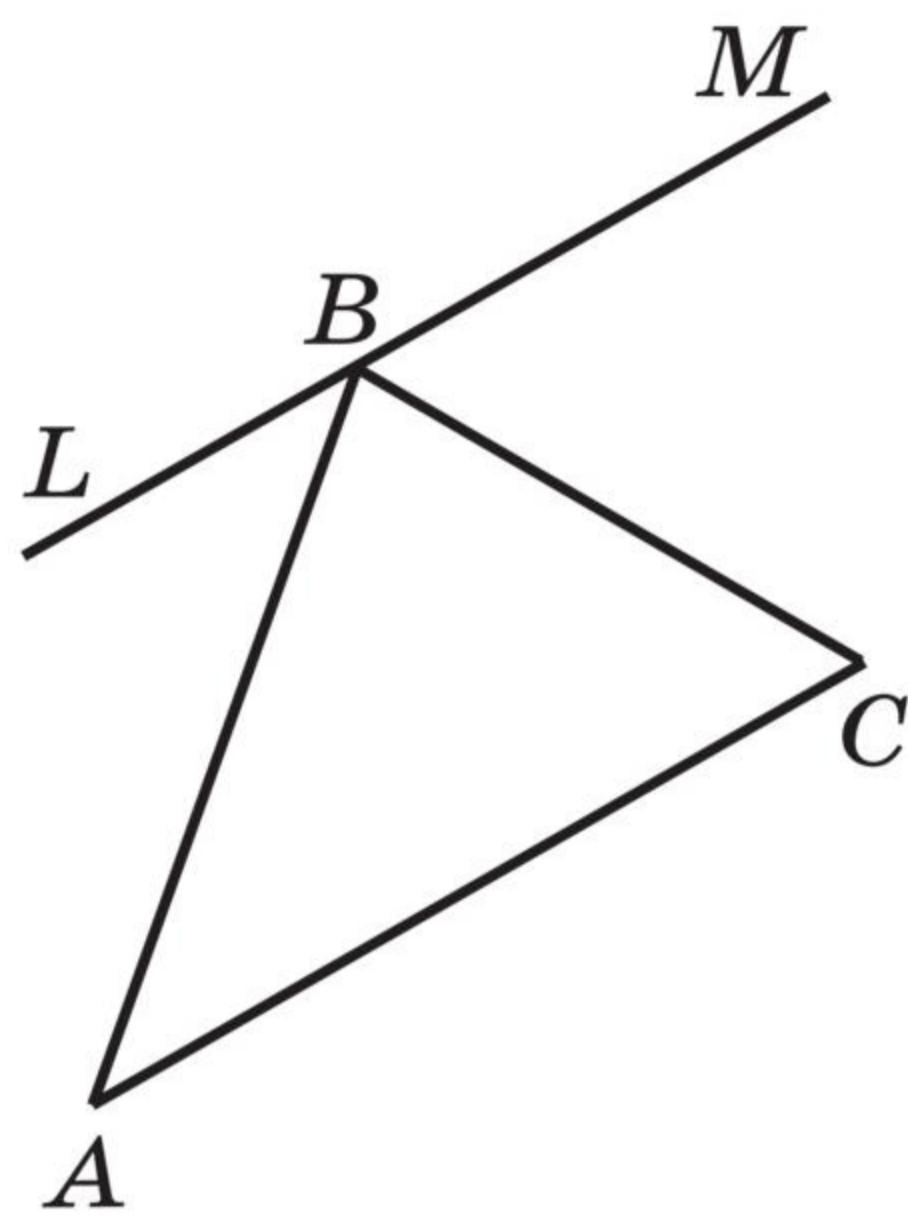
6. Внутри острого угла  $ABC$  отмечена точка  $F$ . Через точку  $F$  проведены прямые, параллельные сторонам угла. Найдите угол  $ABC$ , если меньший угол с вершиной в точке  $F$  равен  $29^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_



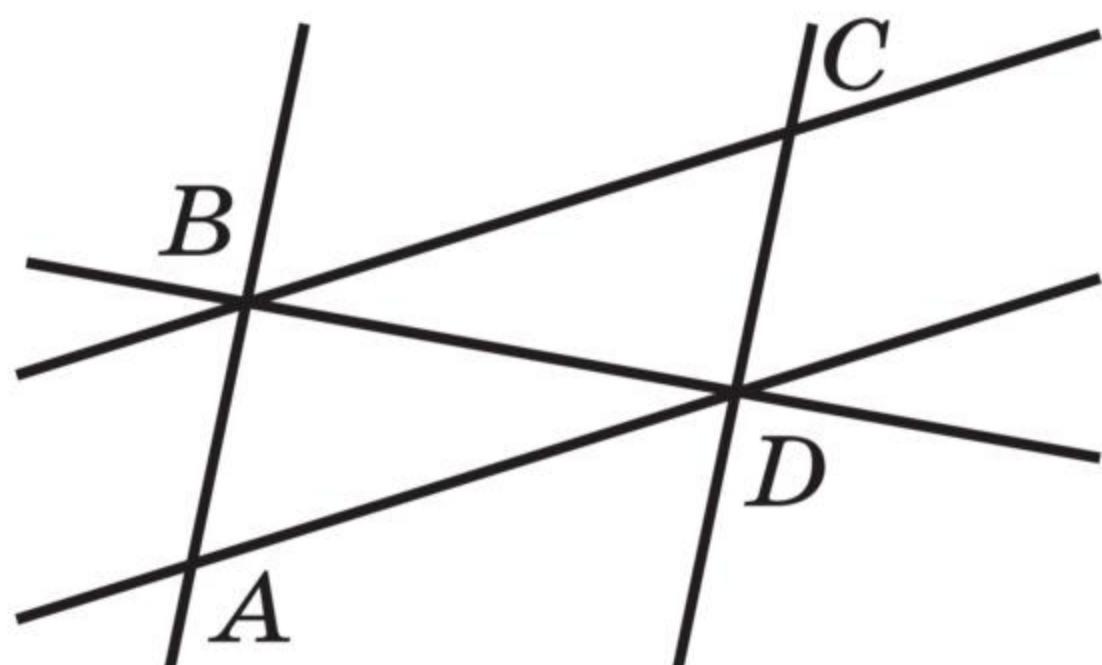
7. Через вершину  $B$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $LM$ , параллельная стороне  $AC$ . Найдите угол  $BAC$ , если  $\angle CBM = 67^\circ$ ,  $\angle LBA = 32^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

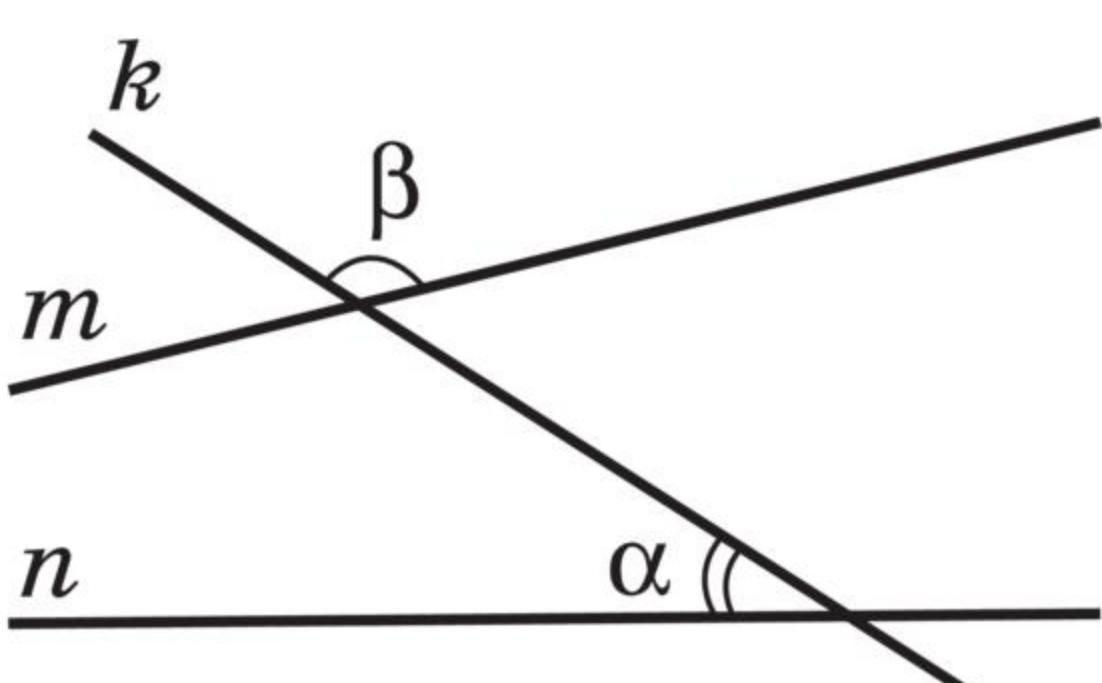


8. Равные отрезки  $AB$  и  $CD$  лежат на параллельных прямых. Найдите отрезок  $BC$ , если  $AD = 8$  см, а  $AB = 5$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



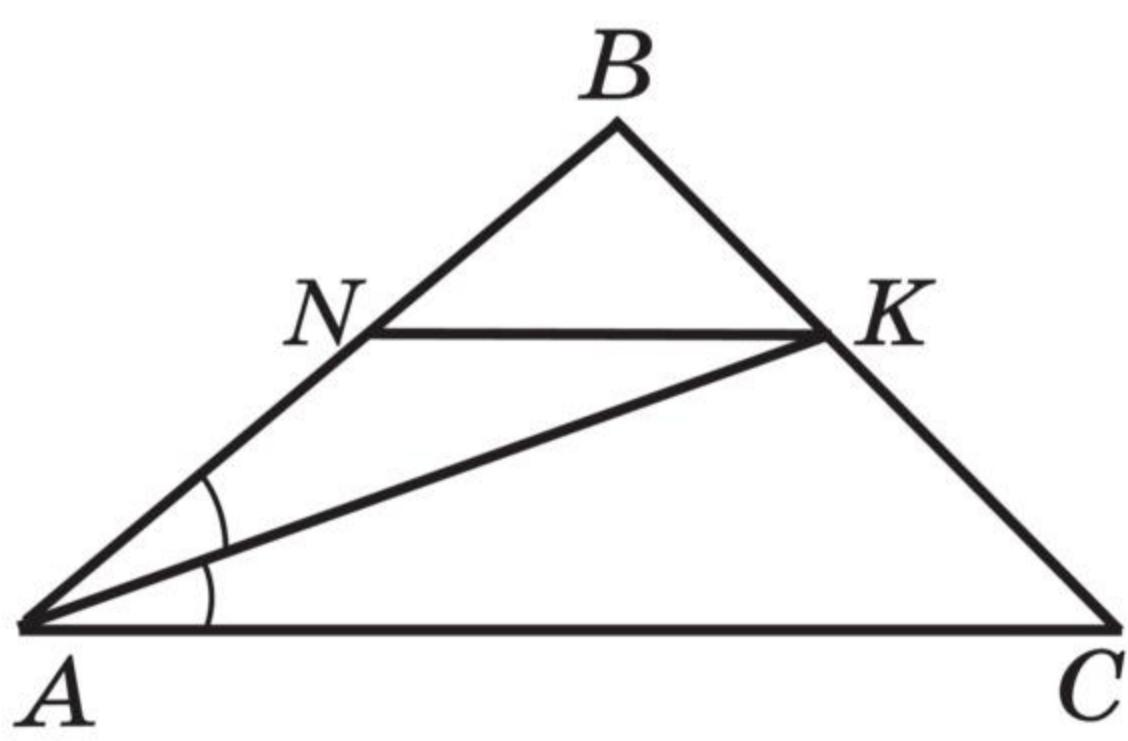
9. Угол  $\alpha$ , образованный при пересечении прямых  $n$  и  $k$ , равен  $45^\circ$ , а угол  $\beta$ , образованный при пересечении прямых  $m$  и  $k$ , равен  $135^\circ$ . Определите взаимное расположение прямых  $n$  и  $m$ .



1. Прямые  $n$  и  $m$  пересекаются.
2. Прямые  $n$  и  $m$  параллельны.
3. Такая ситуация невозможна.

10. (Дополнительная задача.) Биссектриса угла  $A$  треугольника  $ABC$  пересекает сторону  $BC$  в точке  $K$ . На стороне  $AB$  отмечена точка  $N$  так, что  $\angle AKN = \angle NAK$ . Определите взаимное расположение прямых  $AC$  и  $NK$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



## ТЕСТ 6

## Вариант 3

1. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NML$  пару односторонних углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NML$  пару накрест лежащих углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NML$  пару соответственных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Дано:  $\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ$ ,  $\angle 3 \neq \angle 4$ . Определите, какие из трех прямых  $c$ ,  $d$ ,  $e$  параллельны.

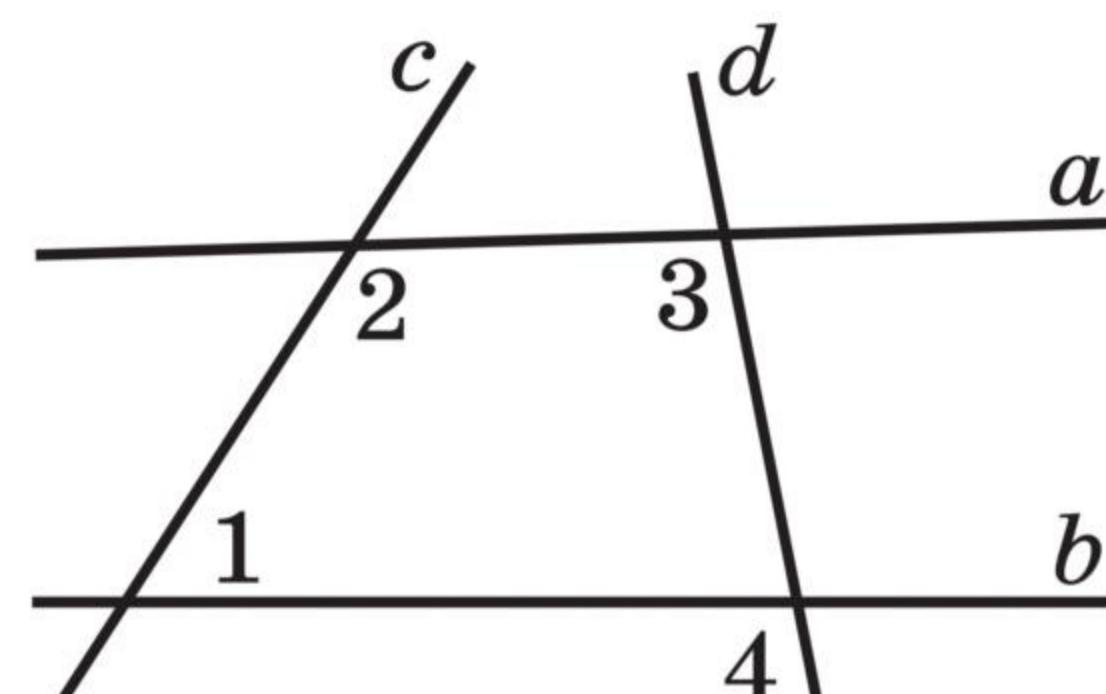
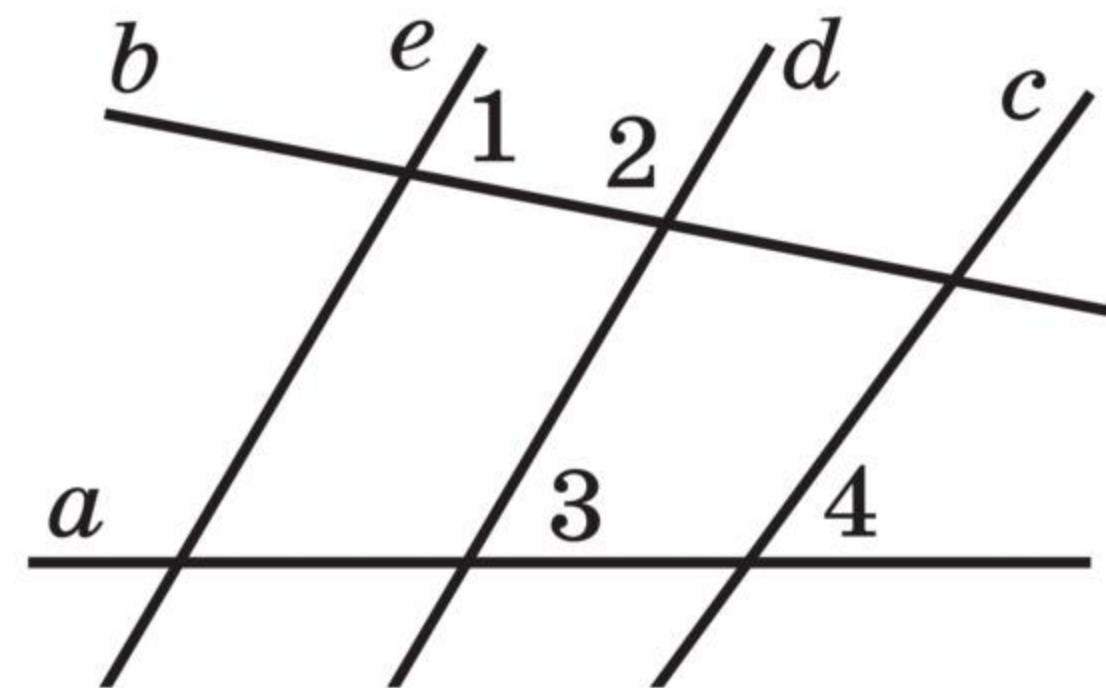
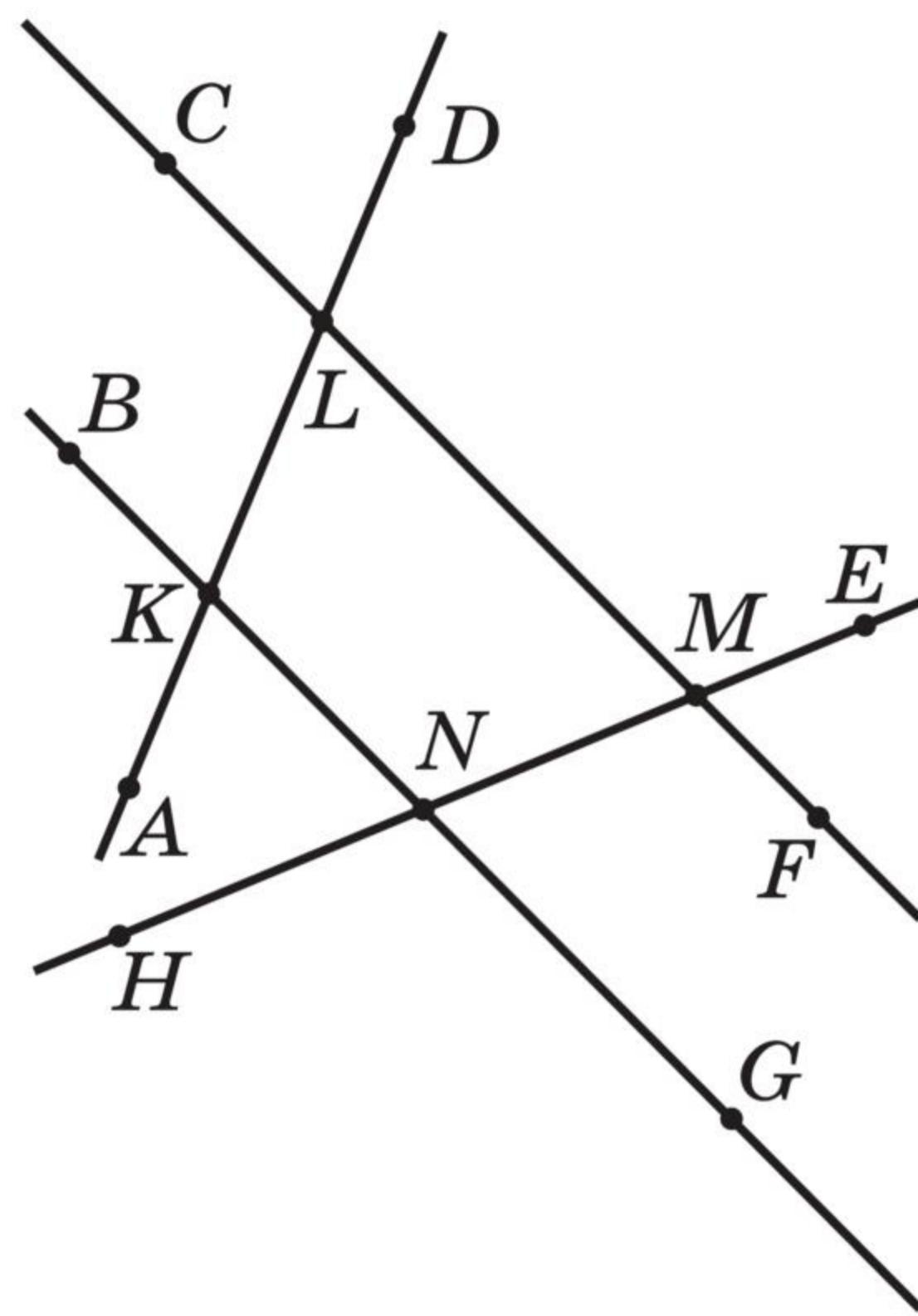
Ответ: \_\_\_\_\_

5. Дано:  $\angle 1 = 45^\circ$ ,  $\angle 2 = 135^\circ$ ,  $\angle 3 = 124^\circ$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_

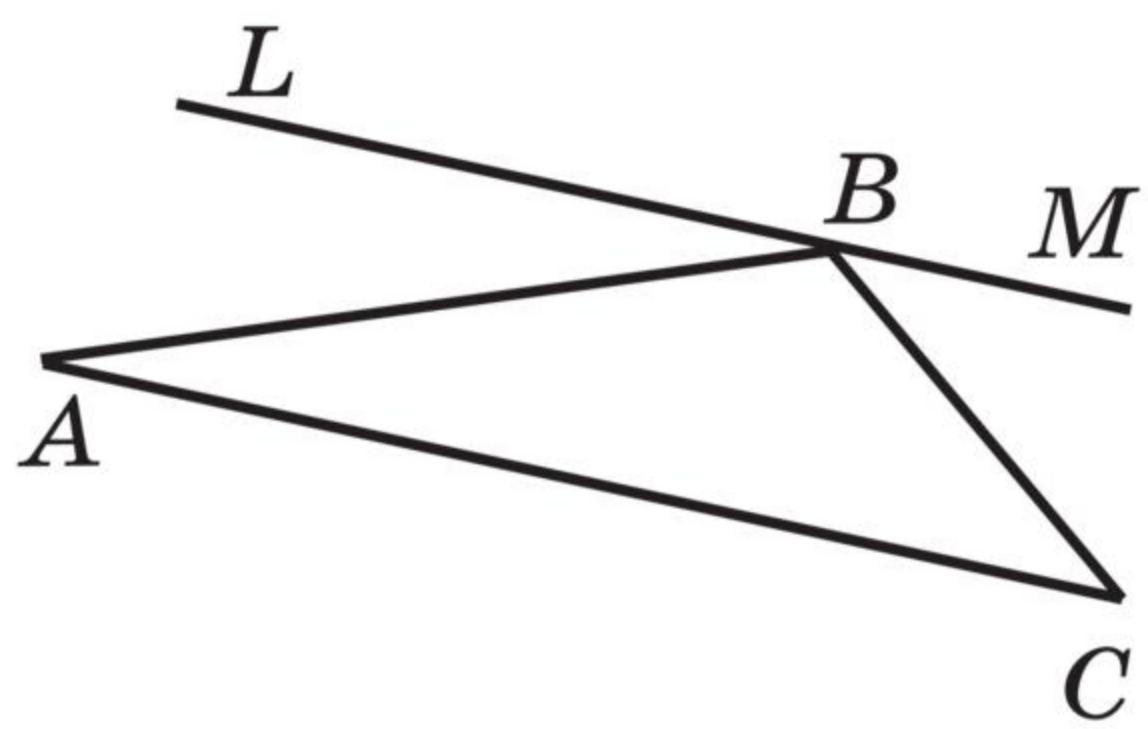
6. Внутри угла  $ABC$ , равного  $38^\circ$ , отмечена точка  $F$ . Через точку  $F$  проведены прямые, параллельные сторонам угла. Найдите больший угол с вершиной в точке  $F$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_



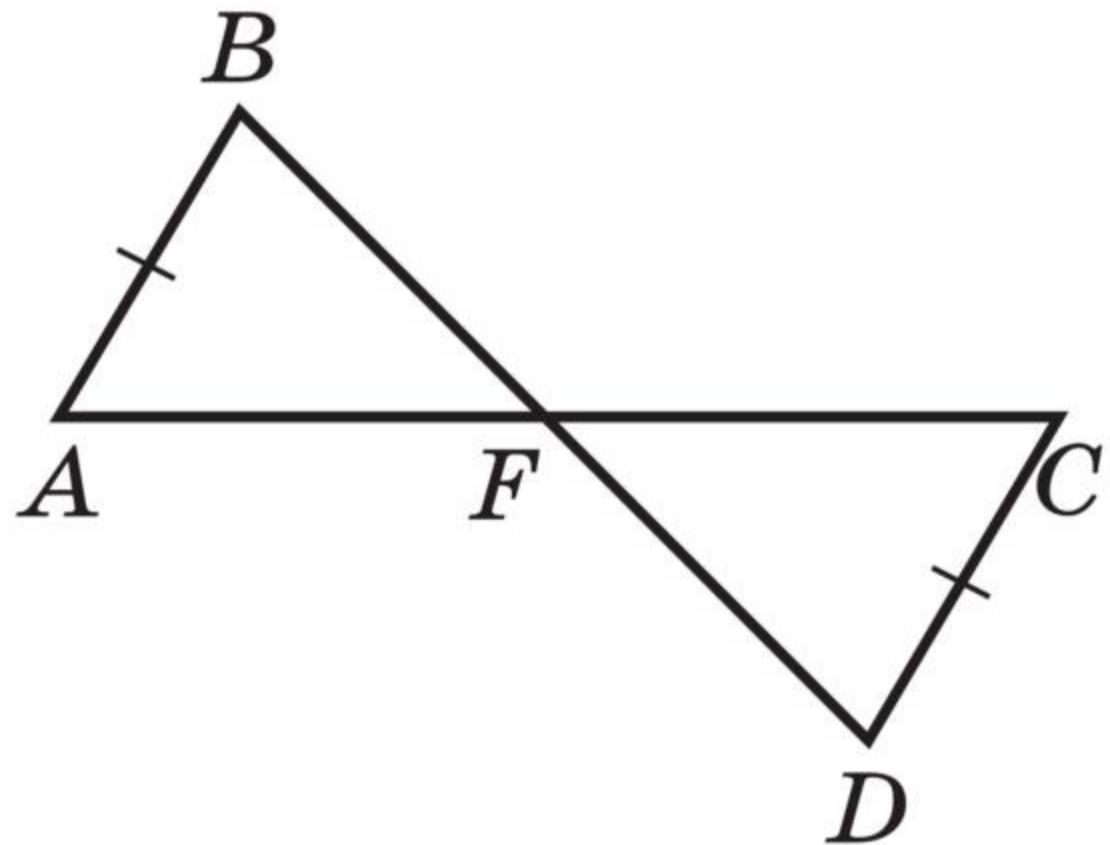
7. Через вершину  $B$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $LM$ , параллельная стороне  $AC$ . Найдите угол  $CBL$ , если  $\angle BCA = 26^\circ$ ,  $\angle BAC = 32^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

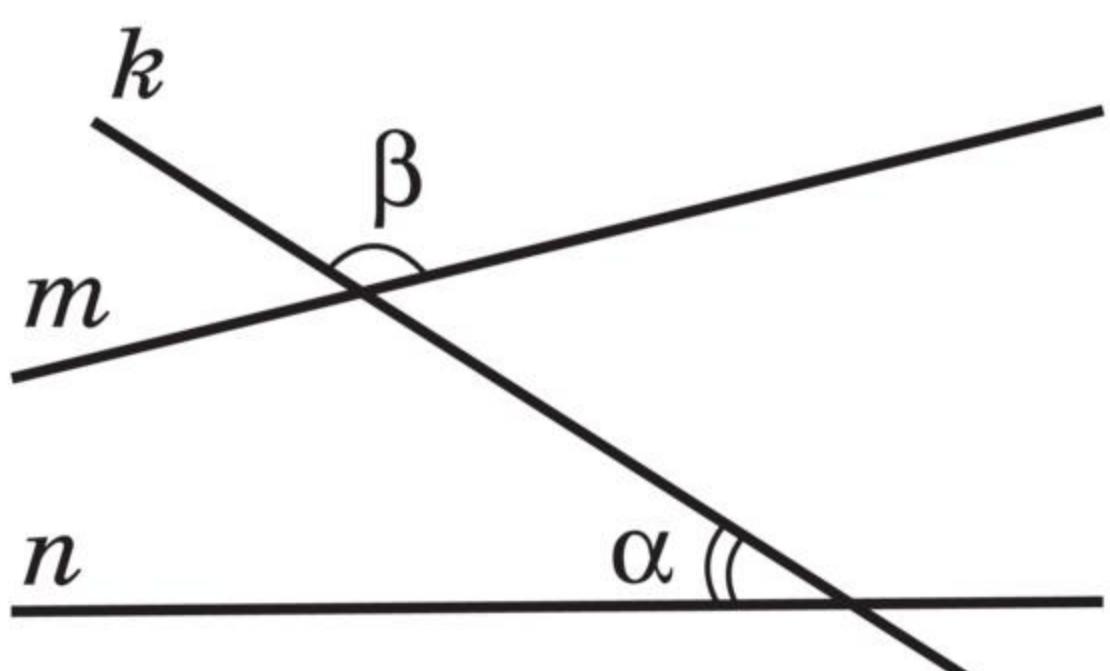


8. В треугольниках  $ABF$  и  $CDF$  стороны  $AB$  и  $DC$  равны и лежат на параллельных прямых. Найдите отрезок  $AC$ , если  $FA = 9$  см, а  $AB = 8$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



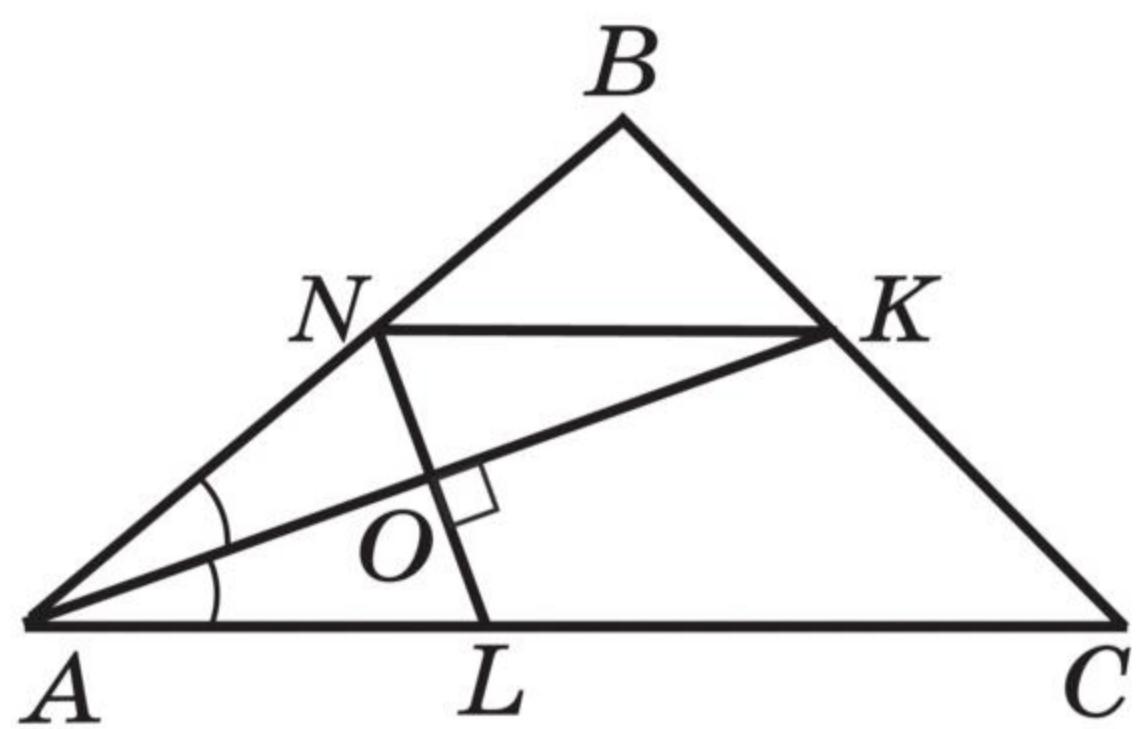
9. Угол  $\alpha$ , образованный при пересечении прямых  $n$  и  $k$ , равен  $30^\circ$ , а угол  $\beta$ , образованный при пересечении прямых  $m$  и  $k$ , на  $120^\circ$  больше угла  $\alpha$ . Определите взаимное расположение прямых  $n$  и  $m$ .



1. Прямые  $n$  и  $m$  пересекаются.
2. Прямые  $n$  и  $m$  параллельны.
3. Такая ситуация невозможна.

10. (Дополнительная задача.) Биссектриса угла  $A$  треугольника  $ABC$  пересекает сторону  $BC$  в точке  $K$ . Через середину отрезка  $AK$  — точку  $O$  проведена перпендикулярная к нему прямая  $NL$ . Определите взаимное расположение прямых  $AC$  и  $NK$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



**ТЕСТ 6****Вариант 4**

1. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NKL$  пару односторонних углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NKL$  пару накрест лежащих углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Укажите два угла, каждый из которых образует с углом  $NKL$  пару соответственных углов.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Дано:  $\angle 1 = \angle 4$ ,  $\angle 1 \neq \angle 3$ . Определите, какие из трех прямых  $a$ ,  $b$  и  $c$  параллельны.

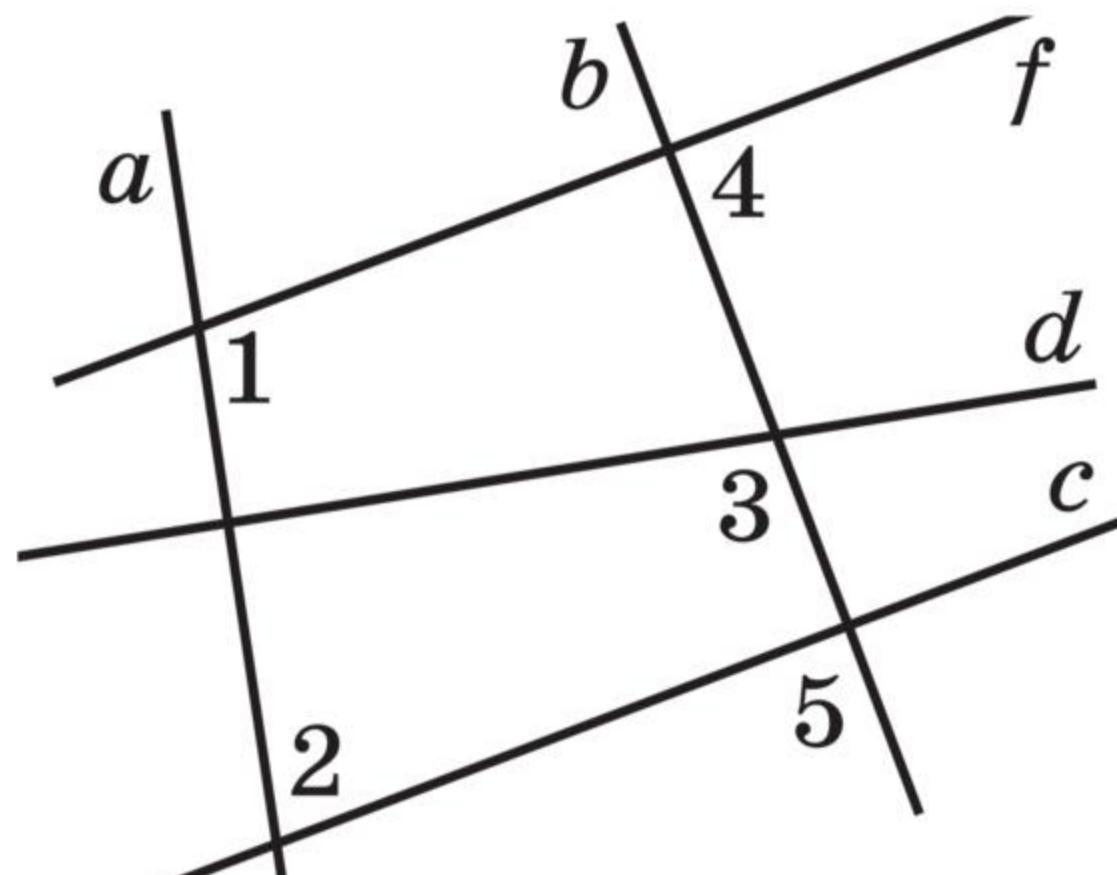
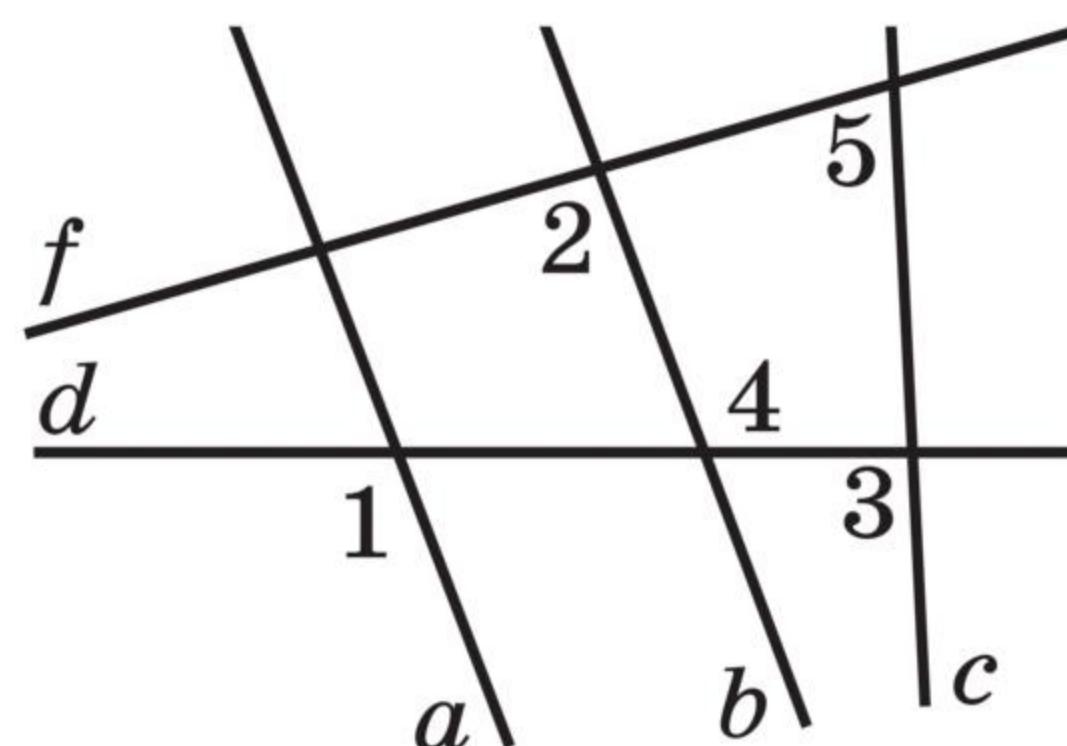
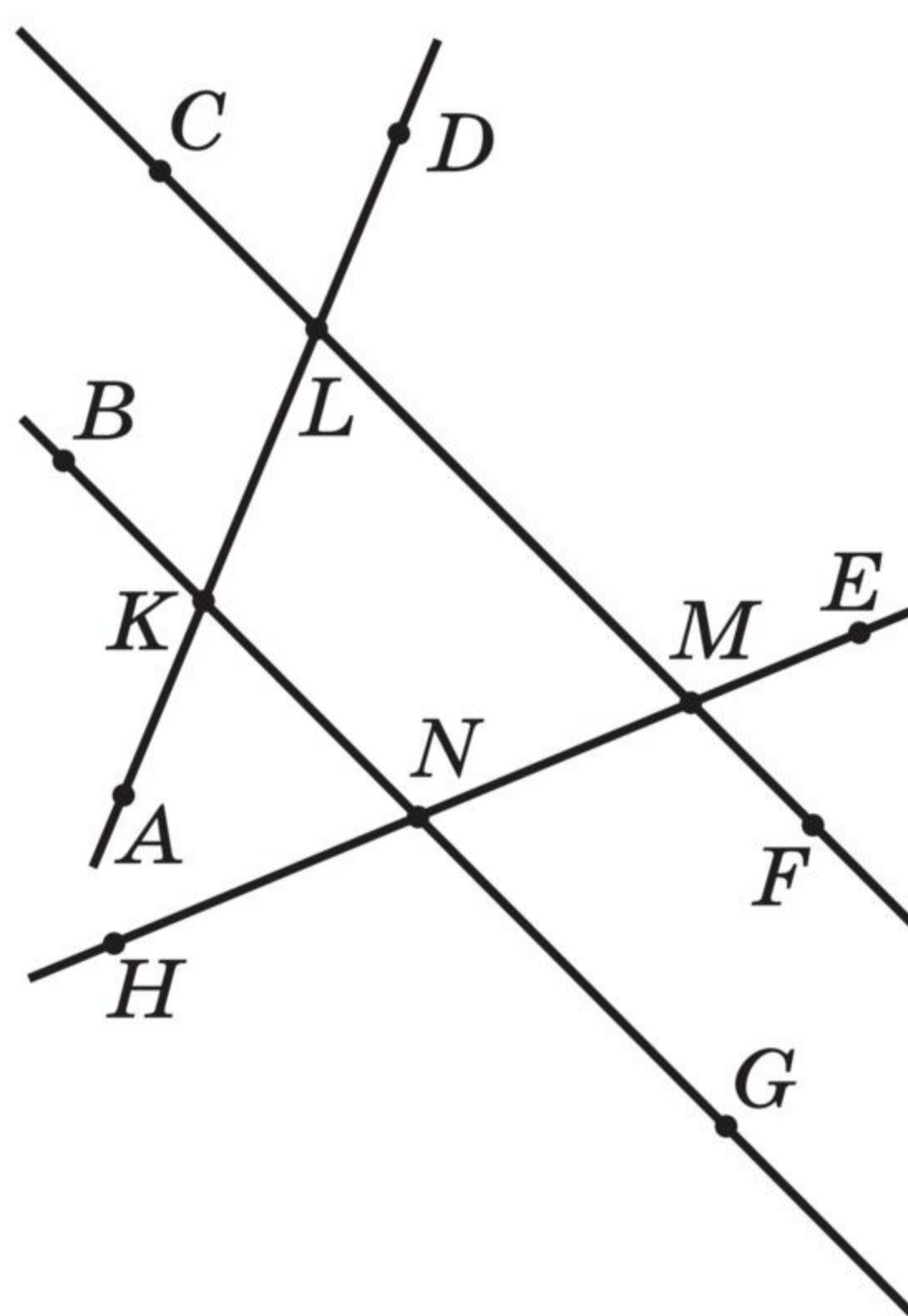
Ответ: \_\_\_\_\_

5. Дано:  $\angle 1 = 108^\circ$ ,  $\angle 2 = 72^\circ$ ,  $\angle 5 = 83^\circ$ . Найдите угол 4.

Ответ: \_\_\_\_\_

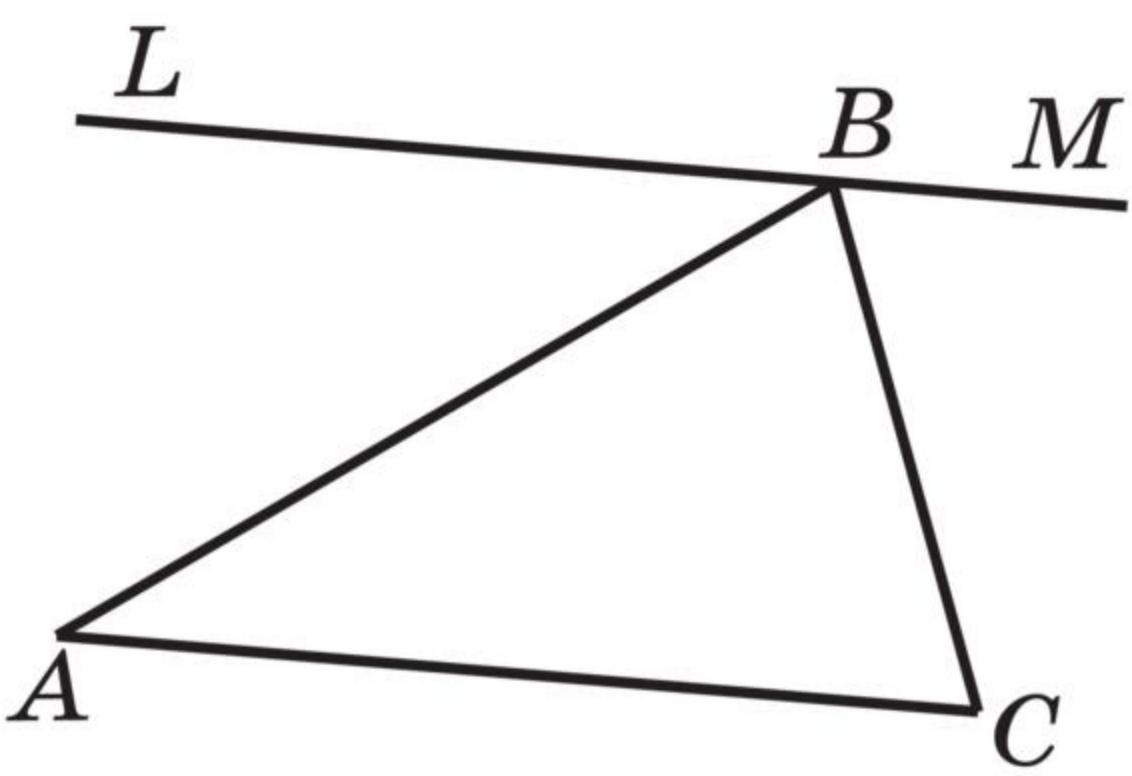
6. Внутри тупого угла  $ABC$  отмечена точка  $F$ . Через точку  $F$  проведены прямые, параллельные сторонам угла. Найдите угол  $ABC$ , если больший угол с вершиной в точке  $F$  равен  $146^\circ$ . Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_



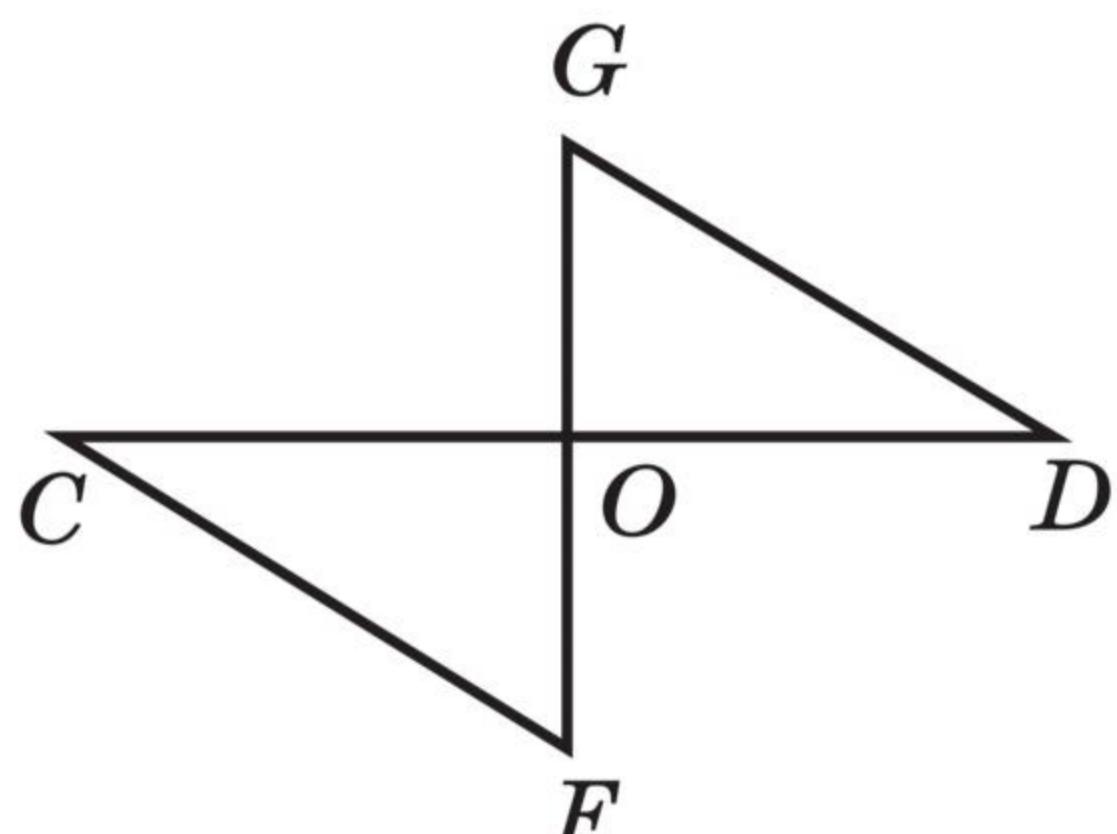
7. Через вершину  $B$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $LM$ , параллельная стороне  $AC$ . Найдите угол  $BCA$ , если  $\angle CBM = 71^\circ$ ,  $\angle ABL = 63^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



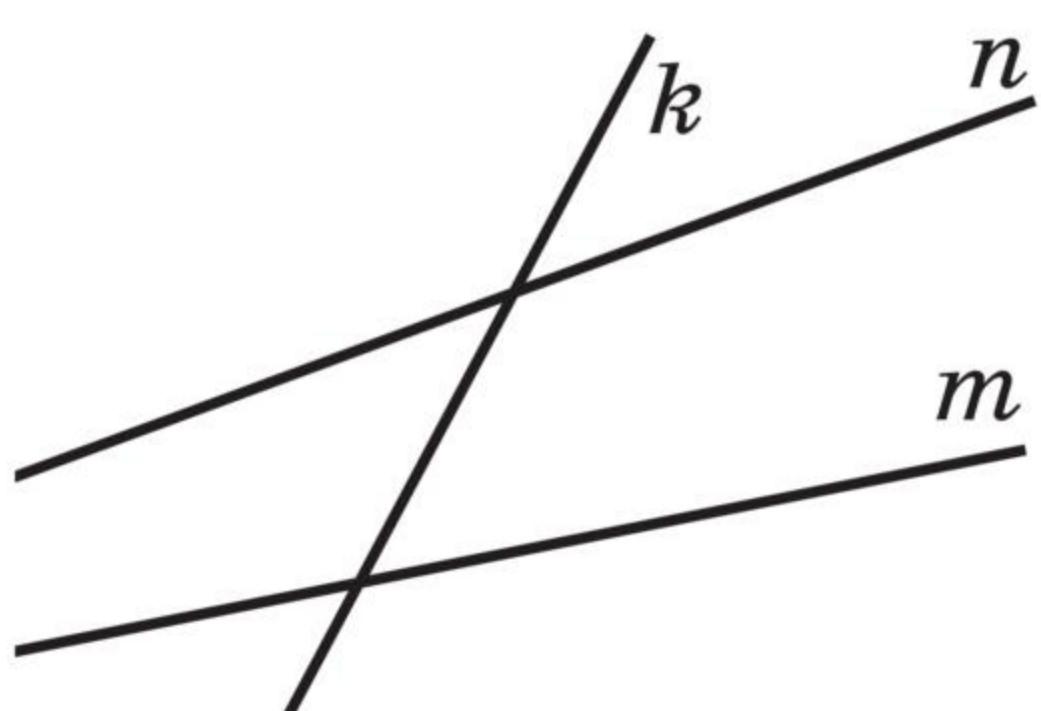
8. Отрезки  $CD$  и  $GF$  пересекаются в точке  $O$ . Известно, что отрезки  $CO$  и  $OD$  равны, а отрезки  $CF$  и  $GD$  лежат на параллельных прямых. Найдите отрезок  $GF$ , если  $OF = 4$  см, а  $CO = 6$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_



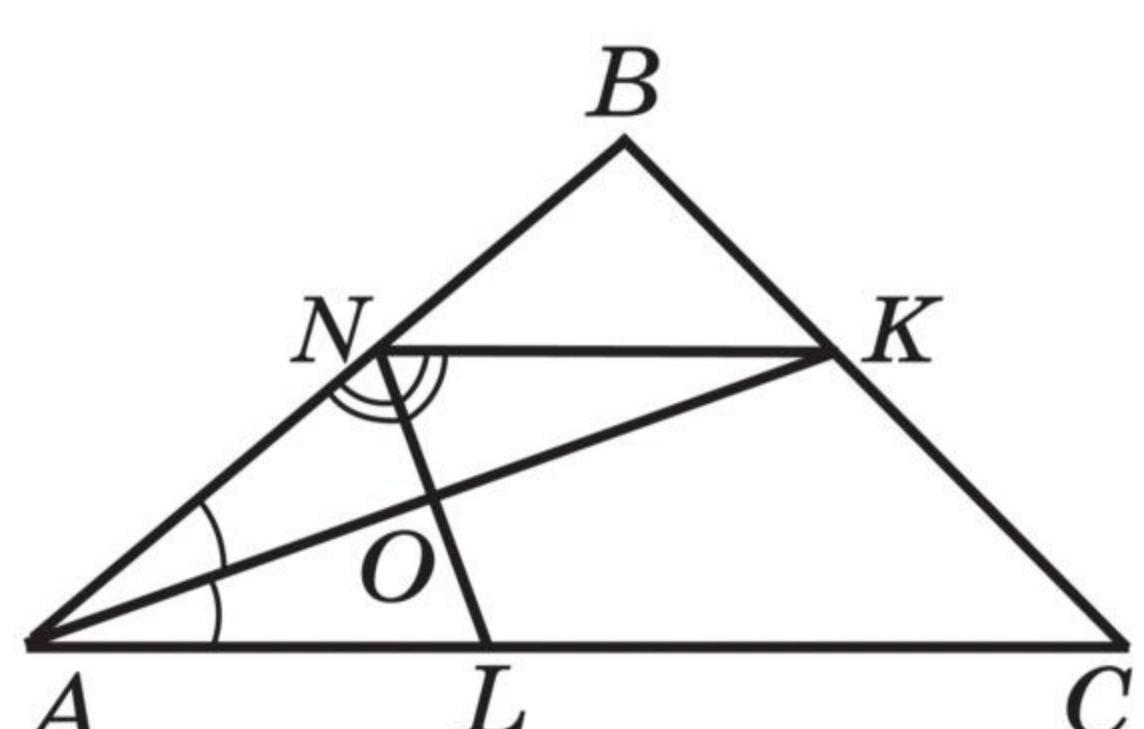
9. Один из соответственных углов, образованных при пересечении двух прямых  $n$  и  $m$  секущей  $k$ , на  $120^\circ$  больше другого. Определите взаимное расположение прямых  $n$  и  $m$ .

1. Прямые  $n$  и  $m$  пересекаются.
2. Прямые  $n$  и  $m$  параллельны.
3. Такая ситуация невозможна.



10. (*Дополнительная задача.*) Биссектриса угла  $A$  треугольника  $ABC$  пересекает сторону  $BC$  в точке  $K$ . Через середину отрезка  $AK$  — точку  $O$  проведена прямая  $NL$ , которая делит угол  $ANK$  пополам. Определите взаимное расположение прямых  $AC$  и  $NK$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



1. В треугольнике  $ABC$  угол  $B$  равен  $48^\circ$ , а внешний угол при вершине  $A$  равен  $100^\circ$ . Найдите угол  $BCA$ .

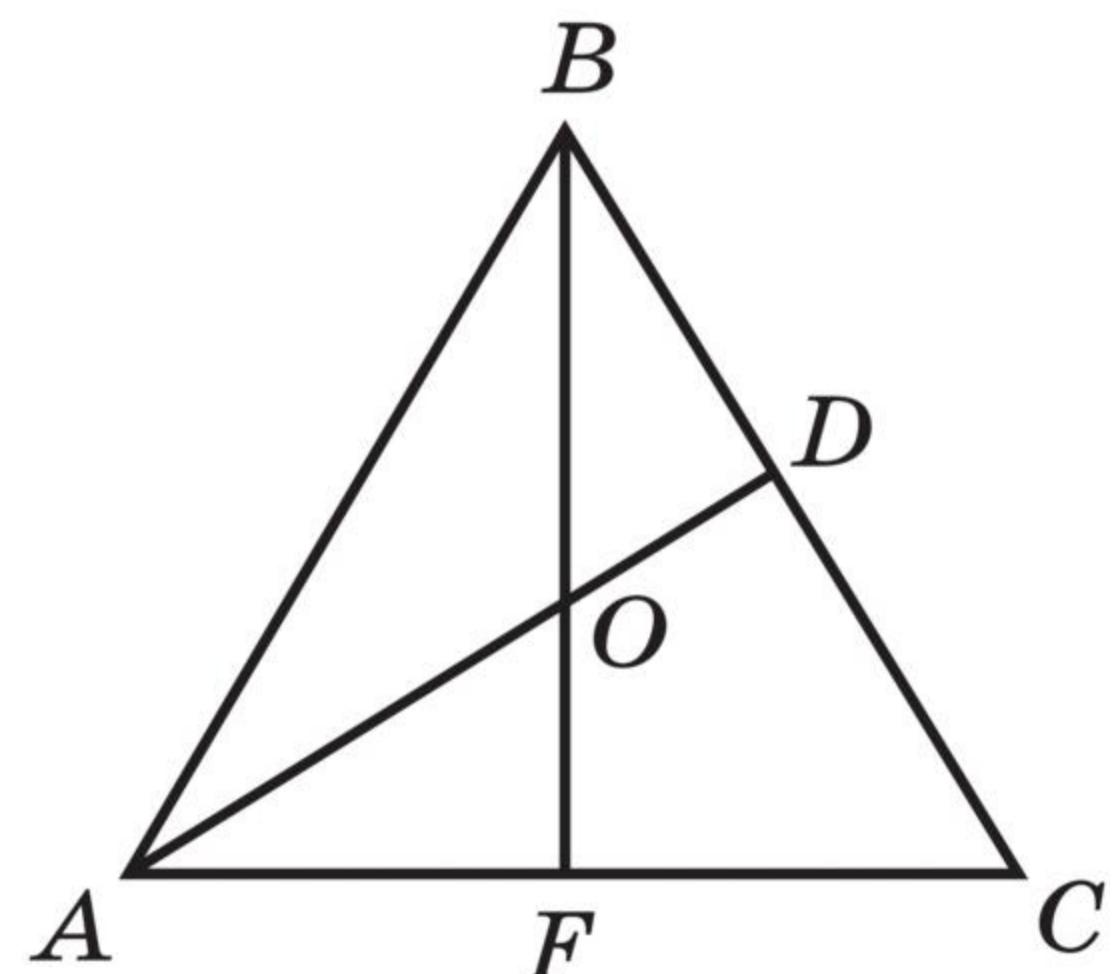
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В прямоугольном треугольнике один из острых углов равен  $46^\circ$ . Найдите градусную меру внешнего угла при вершине другого острого угла треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. В равностороннем треугольнике  $ABC$  проведены биссектрисы  $AD$  и  $BF$ , которые пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $AOF$  между биссектрисами треугольника  $ABC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

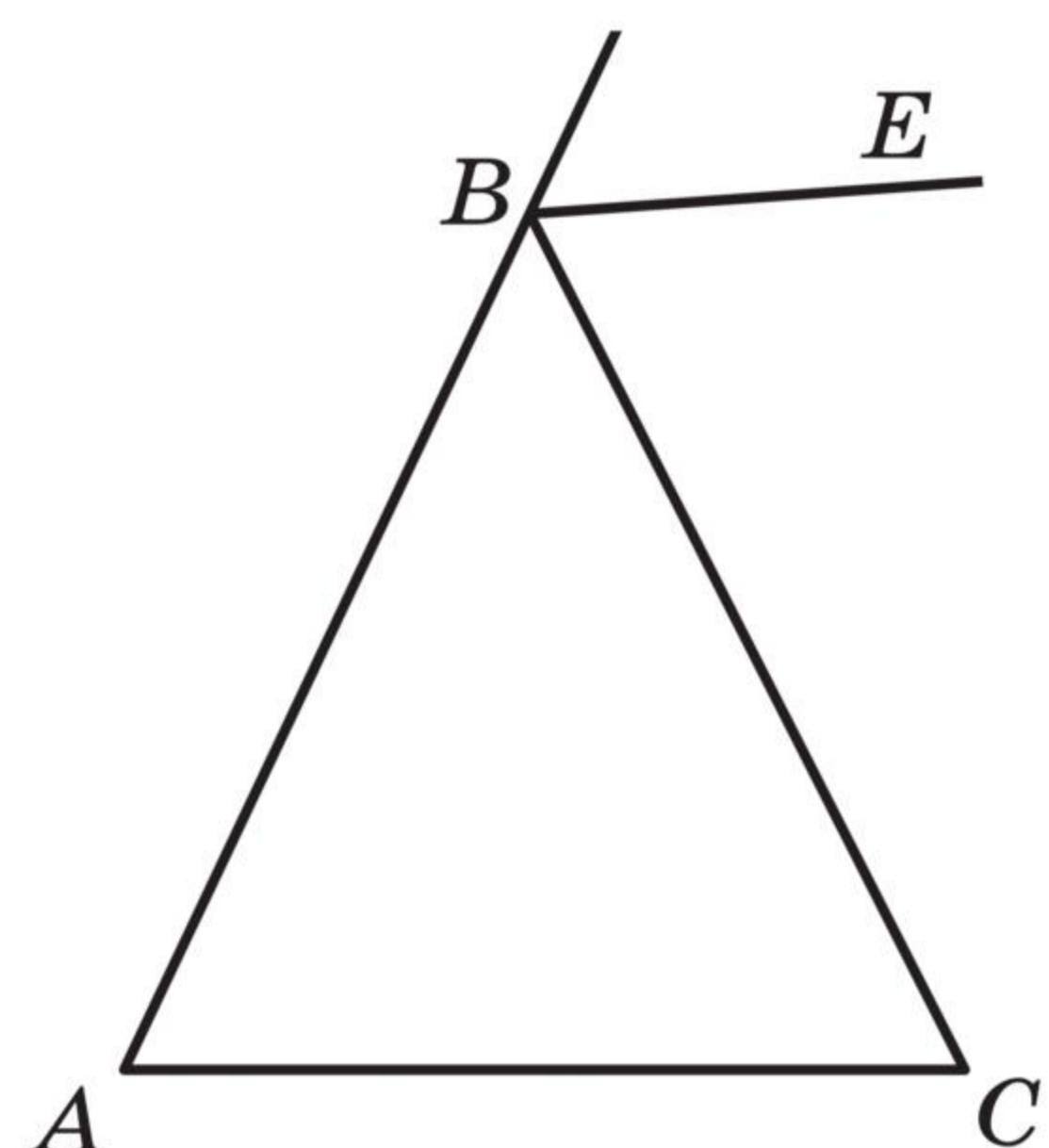


4. Определите вид треугольника, если сумма двух его углов равна третьему углу.

1. Треугольник остроугольный.
2. Треугольник прямоугольный.
3. Треугольник тупоугольный.
4. Определить невозможно.

5. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC$  проведена биссектриса  $BE$  внешнего угла при вершине  $B$ . Определите взаимное расположение прямых  $BE$  и  $AC$ .

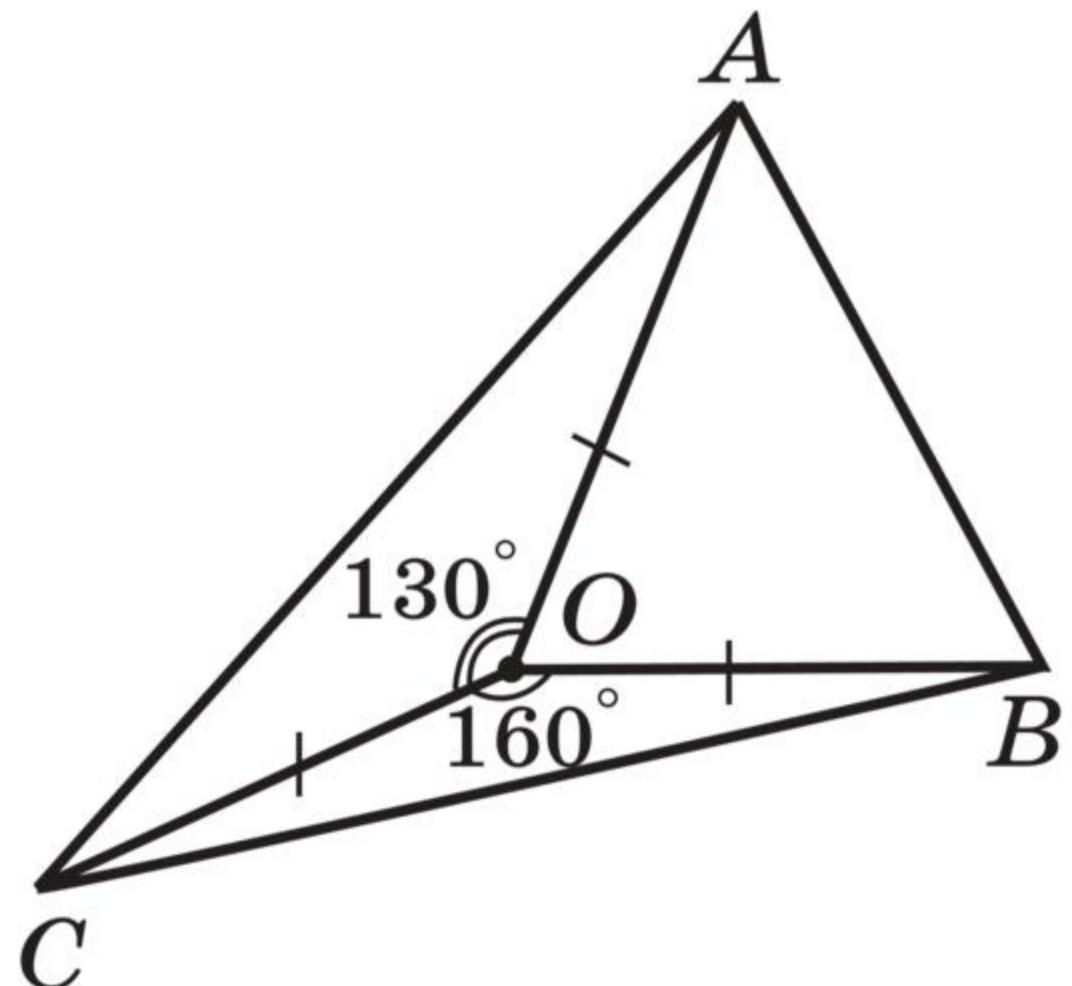
1. Прямые перпендикулярны.
2. Прямые пересекаются, но не перпендикулярны.
3. Прямые параллельны.



6. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  с гипотенузой  $AB$  проведена биссектриса  $AP$ . Найдите угол  $ABC$ , если угол  $APB$  равен  $105^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

7. Внутри треугольника  $ABC$  отмечена точка  $O$ , такая, что  $OA = OB = OC$ . Известно, что  $\angle BOC = 160^\circ$ ,  $\angle COA = 130^\circ$ . Найдите угол  $BCA$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

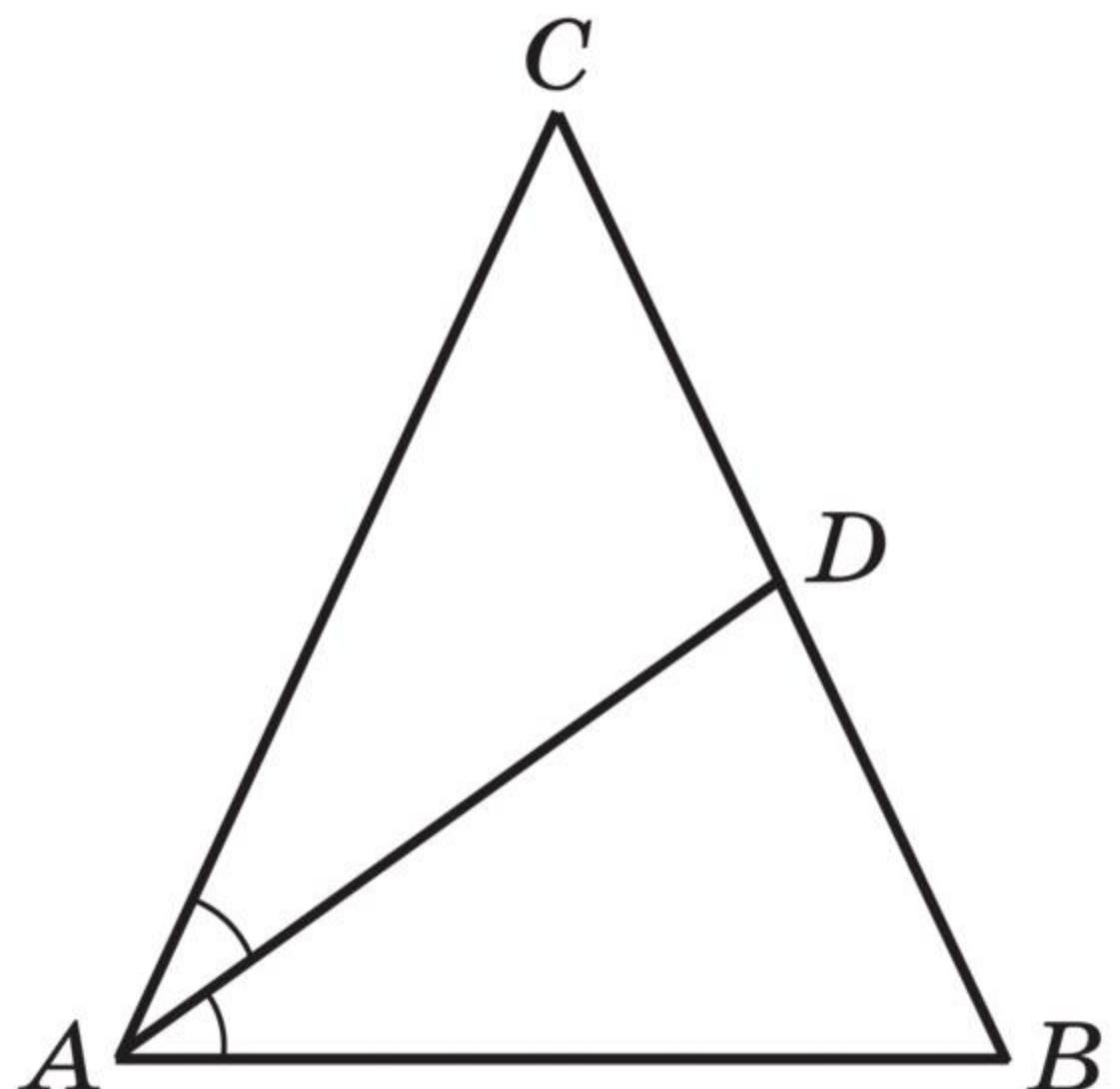
8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*Биссектриса угла при основании равнобедренного треугольника образует с противолежащей стороной угол, равный  $75^\circ$ . Найдите угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника.*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AB$  угол при вершине  $C$  относится к углу при основании  $A$  как  $1 : 2$ . Из вершины  $A$  проведена биссектриса  $AD$ . Определите вид треугольника  $ADC$ .

1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.



10. (Дополнительная задача.) Биссектрисы  $AD$  и  $BE$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $C$ , если  $\angle AOB = 140^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 7****Вариант 2**

1. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  угол  $C$  — прямой, а внешний угол при вершине  $A$  равен  $146^\circ$ . Найдите градусную меру угла  $B$ .

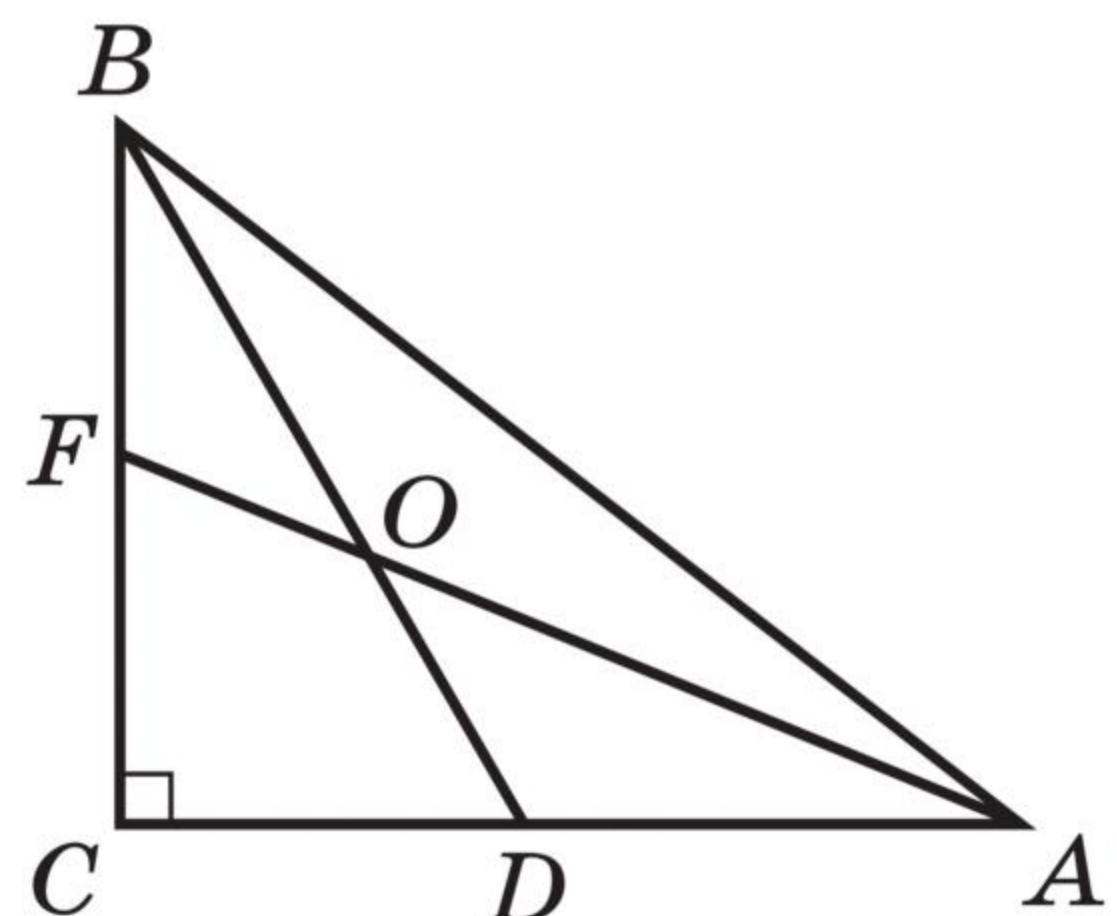
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В равнобедренном треугольнике внешний угол при основании равен  $140^\circ$ . Найдите угол треугольника при вершине, противолежащей основанию.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  проведены биссектрисы  $AF$  и  $BD$ , которые пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $AOB$  между биссектрисами острых углов треугольника  $ABC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

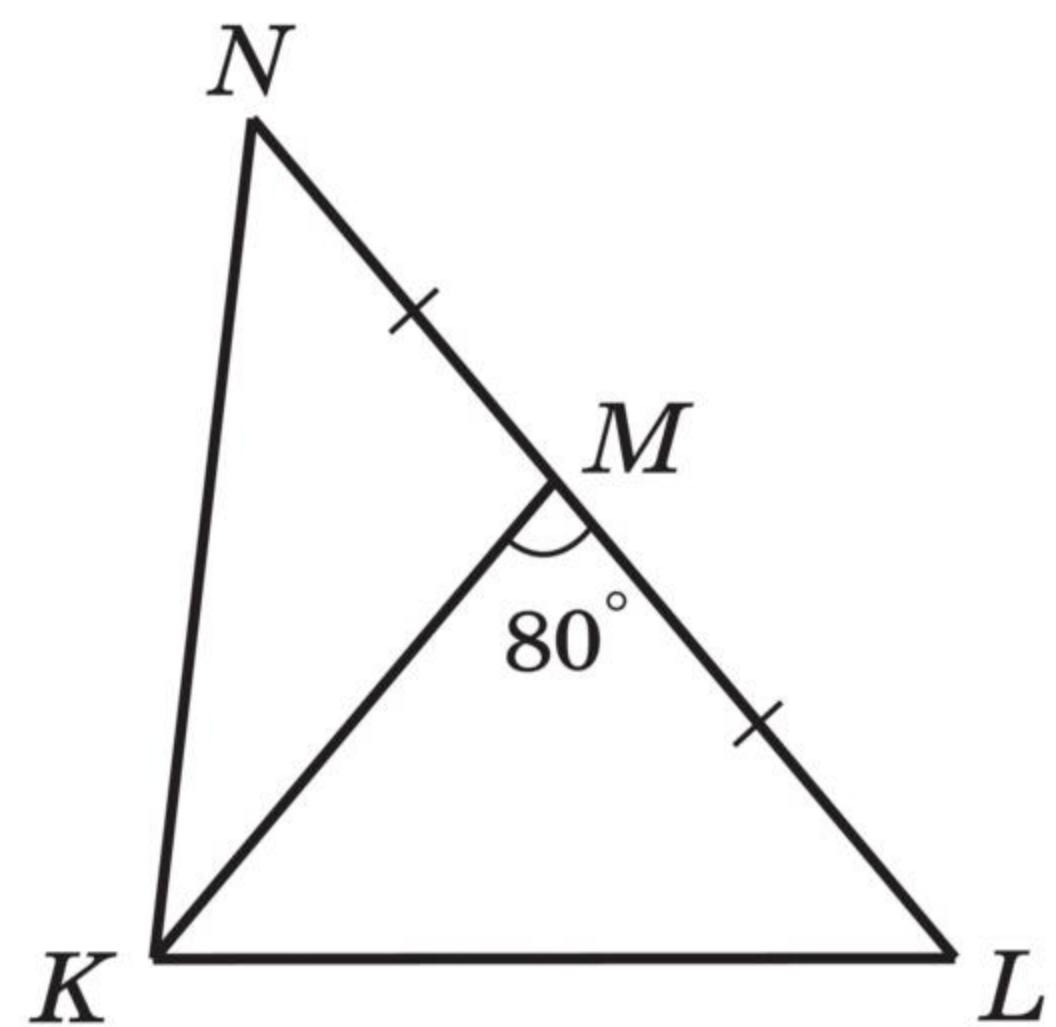


4. Определите вид треугольника, если сумма двух его углов меньше третьего угла.

1. Треугольник остроугольный.
2. Треугольник прямоугольный.
3. Треугольник тупоугольный.
4. Определить невозможно.

5. В равнобедренном треугольнике  $KML$  с основанием  $KL$  угол  $KML$  равен  $80^\circ$ . На продолжении боковой стороны  $ML$  за вершину  $M$  отложен отрезок  $MN$ , равный стороне  $ML$ . Определите взаимное расположение прямых  $KL$  и  $KN$ .

1. Прямые перпендикулярны.
2. Прямые пересекаются, но не перпендикулярны.
3. Прямые параллельны.

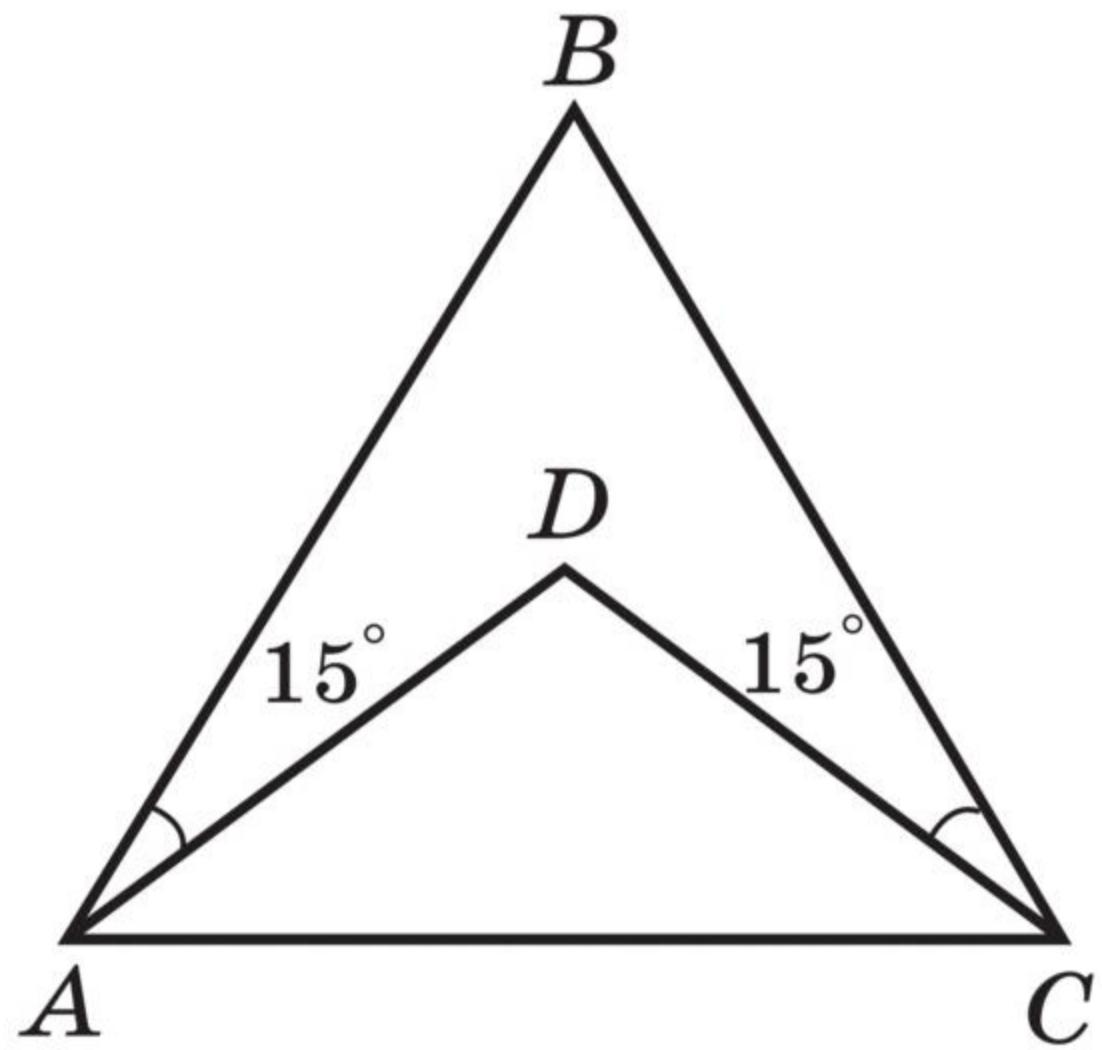


6. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC$  проведена биссектриса  $AP$ . Найдите угол  $ACB$ , если угол  $APB$  равен  $111^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

7. Внутри равностороннего треугольника  $ABC$  отмечена точка  $D$ , такая, что  $\angle BAD = \angle BCD = 15^\circ$ . Найдите угол  $ADC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

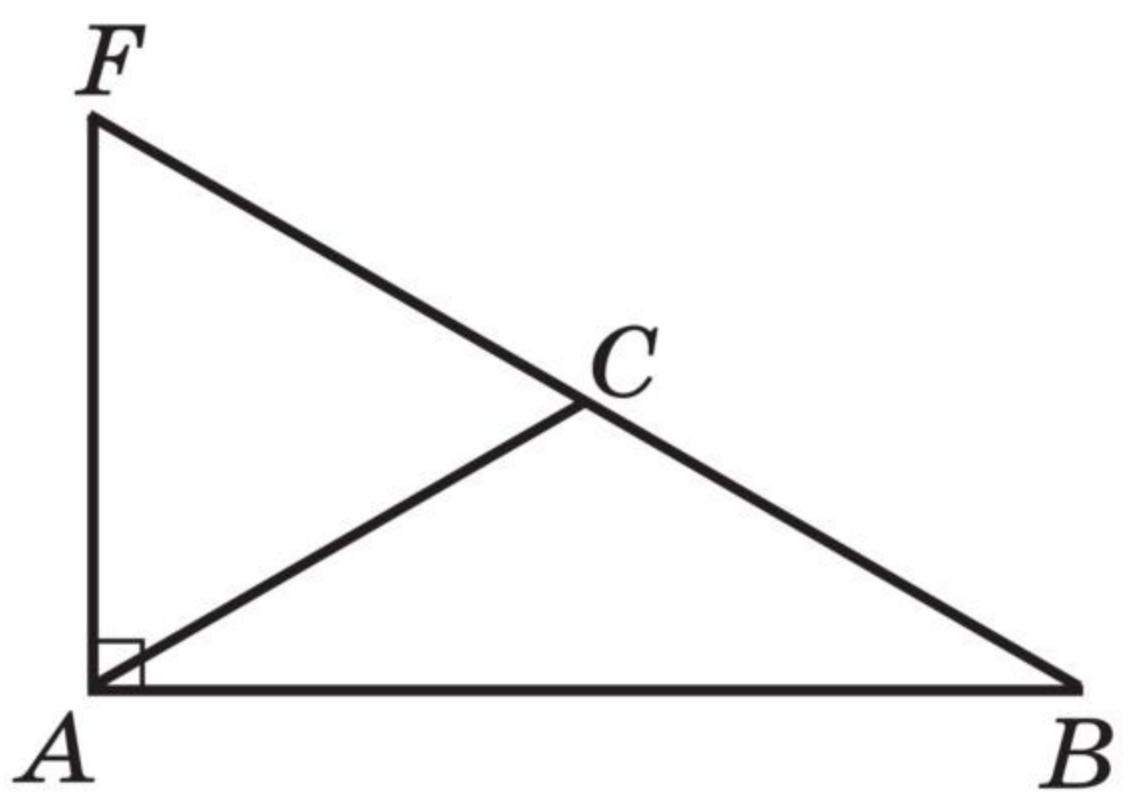


8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*Угол между высотами, проведенными к боковым сторонам равнобедренного треугольника, равен  $40^\circ$ . Определите угол при основании треугольника.*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AB$  угол при основании относится к углу при вершине  $C$  как  $1 : 4$ . Из вершины  $A$  к основанию  $AB$  восстановлен перпендикуляр  $AF$ . Определите вид треугольника  $AFC$ .



1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.

10. (Дополнительная задача.) Биссектрисы  $AD$  и  $BE$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $C$ , если  $\angle AOE = 50^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

1. В равнобедренном треугольнике угол при основании равен  $57^\circ$ . Найдите внешний угол при вершине, противолежащей основанию.

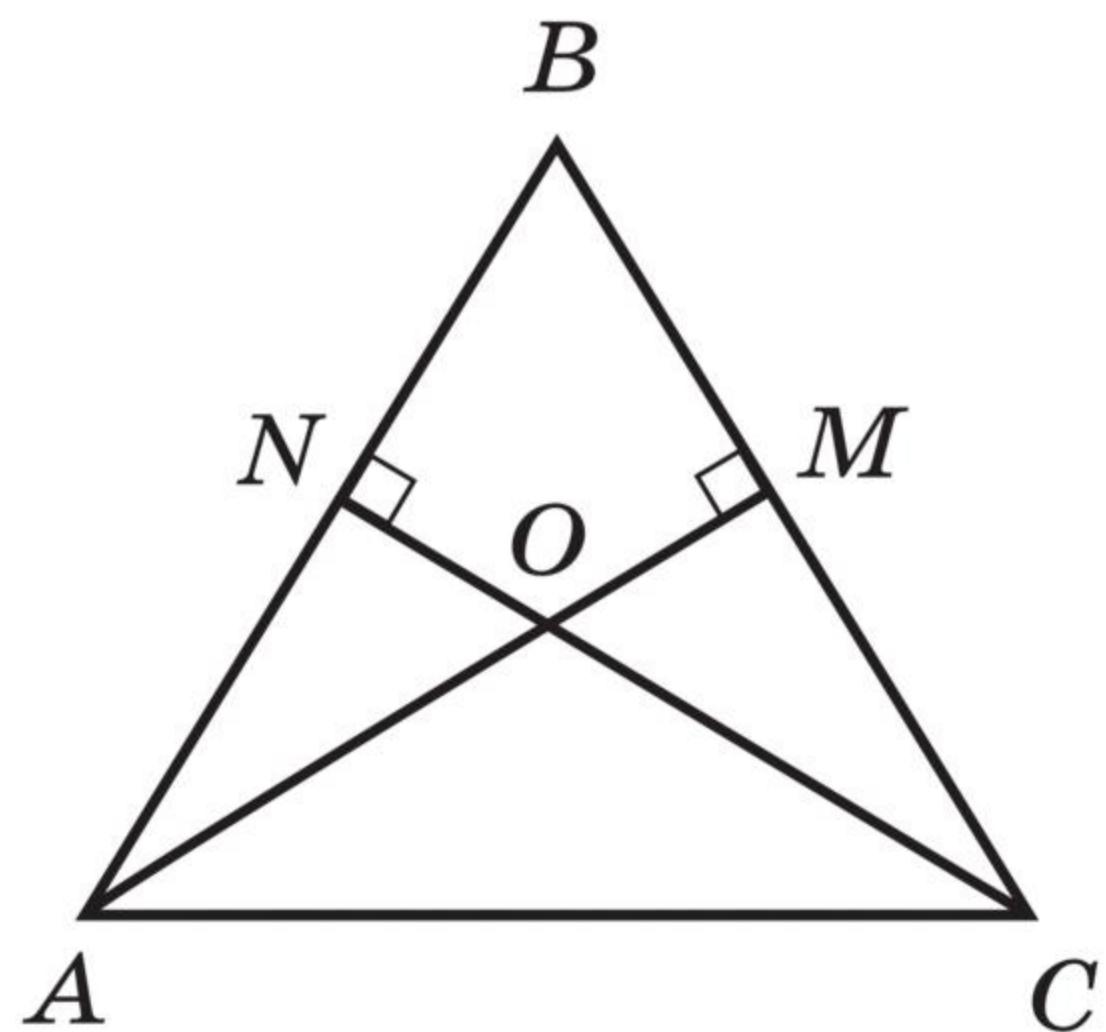
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В треугольнике  $ABC$  внешние углы при вершинах  $A$  и  $C$  соответственно равны  $150^\circ$  и  $100^\circ$ . Найдите угол  $B$  треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. В равностороннем треугольнике  $ABC$  проведены высоты  $AM$  и  $CN$ , которые пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $AOC$  между высотами треугольника  $ABC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

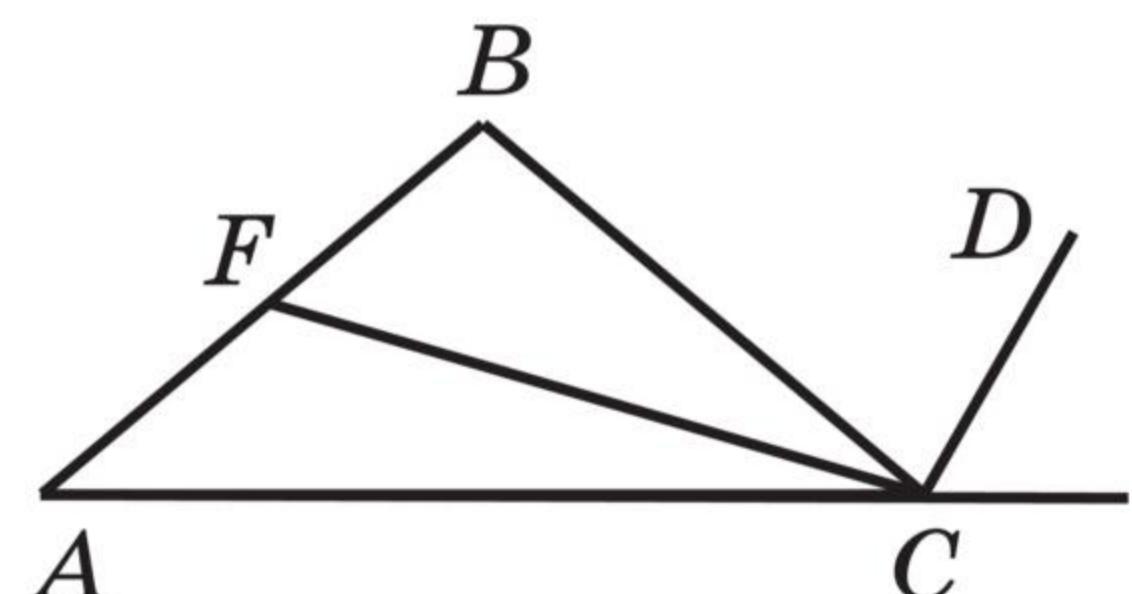


4. Определите вид треугольника, если сумма двух его углов больше третьего угла.

1. Треугольник остроугольный.
2. Треугольник прямоугольный.
3. Треугольник тупоугольный.
4. Определить невозможно.

5. В треугольнике  $ABC$  проведены биссектрисы  $CF$  и  $CD$  внутреннего и внешнего углов при вершине  $C$ . Определите взаимное расположение прямых  $CF$  и  $CD$ .

1. Прямые перпендикулярны.
2. Прямые пересекаются, но не перпендикулярны.
3. Прямые параллельны.

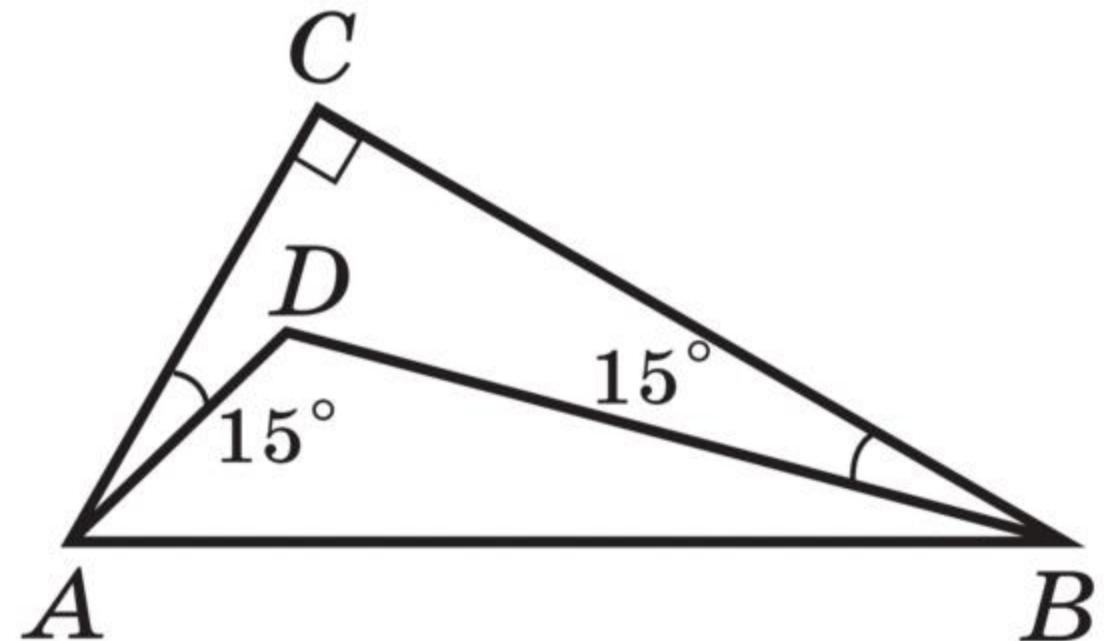


6. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC$  проведена биссектриса  $AP$ . Найдите угол  $APB$ , если угол  $ABC$  равен  $88^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

7. Внутри прямоугольного треугольника  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) отмечена точка  $D$ , такая, что  $\angle CAD = \angle CBD = 15^\circ$ . Найдите угол  $ADB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

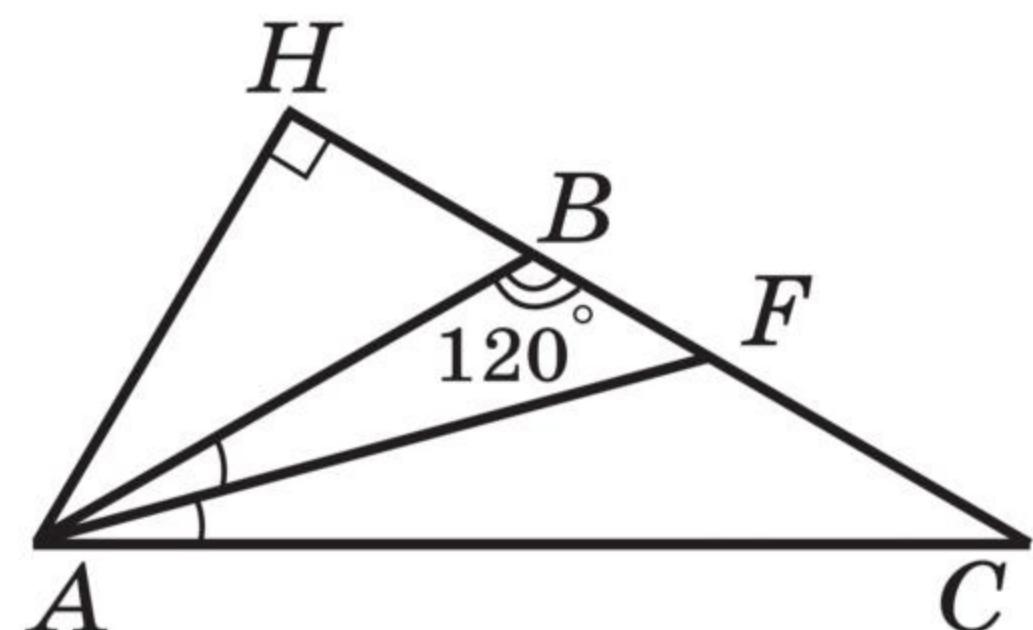


8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*Биссектриса угла при основании равнобедренного треугольника образует с противолежащей стороной угол, равный  $75^\circ$ . Определите угол при основании равнобедренного треугольника.*

Ответ: \_\_\_\_\_

9. Угол при вершине  $B$  равнобедренного треугольника  $ABC$  равен  $120^\circ$ . Из вершины  $A$  проведены биссектриса  $AF$  и высота  $AH$ . Определите вид треугольника  $AHF$ .



1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.

10. (Дополнительная задача.) Биссектрисы  $AD$  и  $BE$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $C$ , если он в два раза меньше, чем угол  $AOB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 7****Вариант 4**

1. В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  равен  $57^\circ$ , а угол  $C$  равен  $49^\circ$ . Найдите внешний угол при вершине  $B$ .

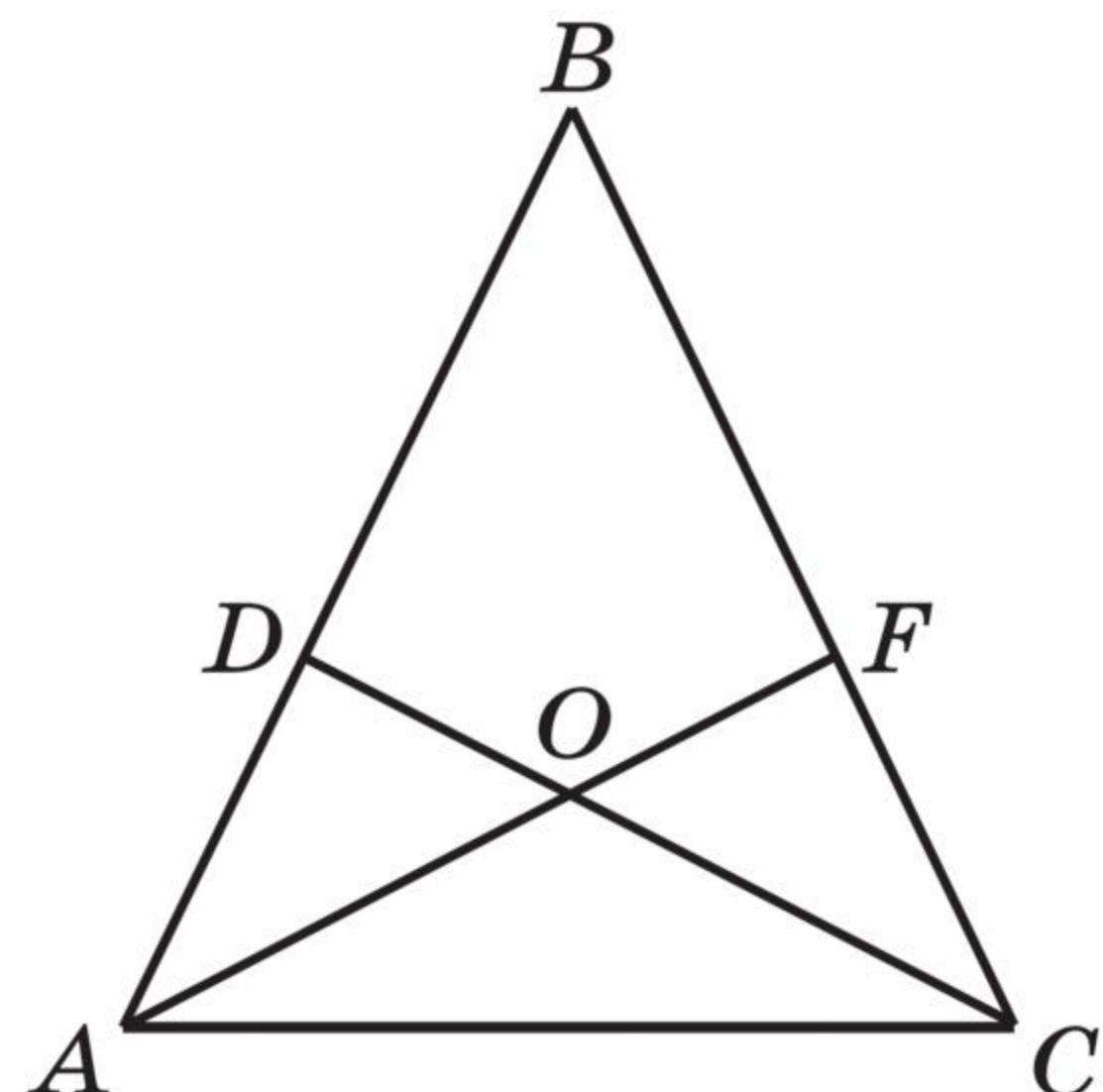
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В треугольнике  $ABC$  внешние углы при вершинах  $A$  и  $B$  соответственно равны  $150^\circ$  и  $120^\circ$ . Найдите угол  $C$  треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC$  проведены биссектрисы  $CD$  и  $AF$ , которые пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $AOD$  между биссектрисами треугольника, если угол при основании равен  $70^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

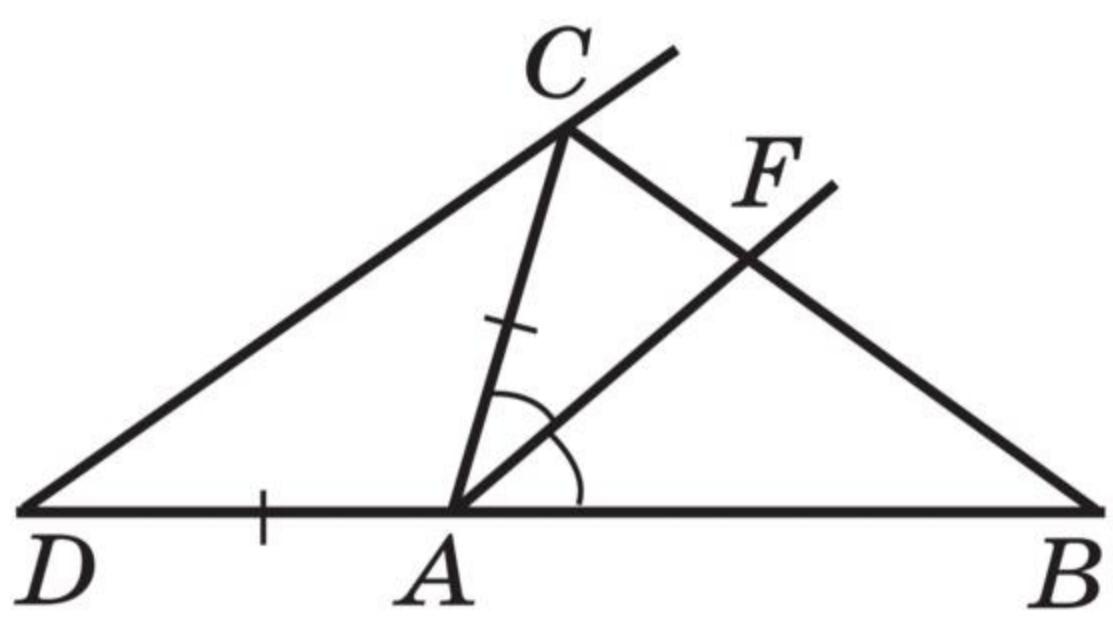


4. Определите вид треугольника, если разность двух его углов равна третьему углу.

1. Треугольник остроугольный.
2. Треугольник прямоугольный.
3. Треугольник тупоугольный.
4. Определить невозможно.

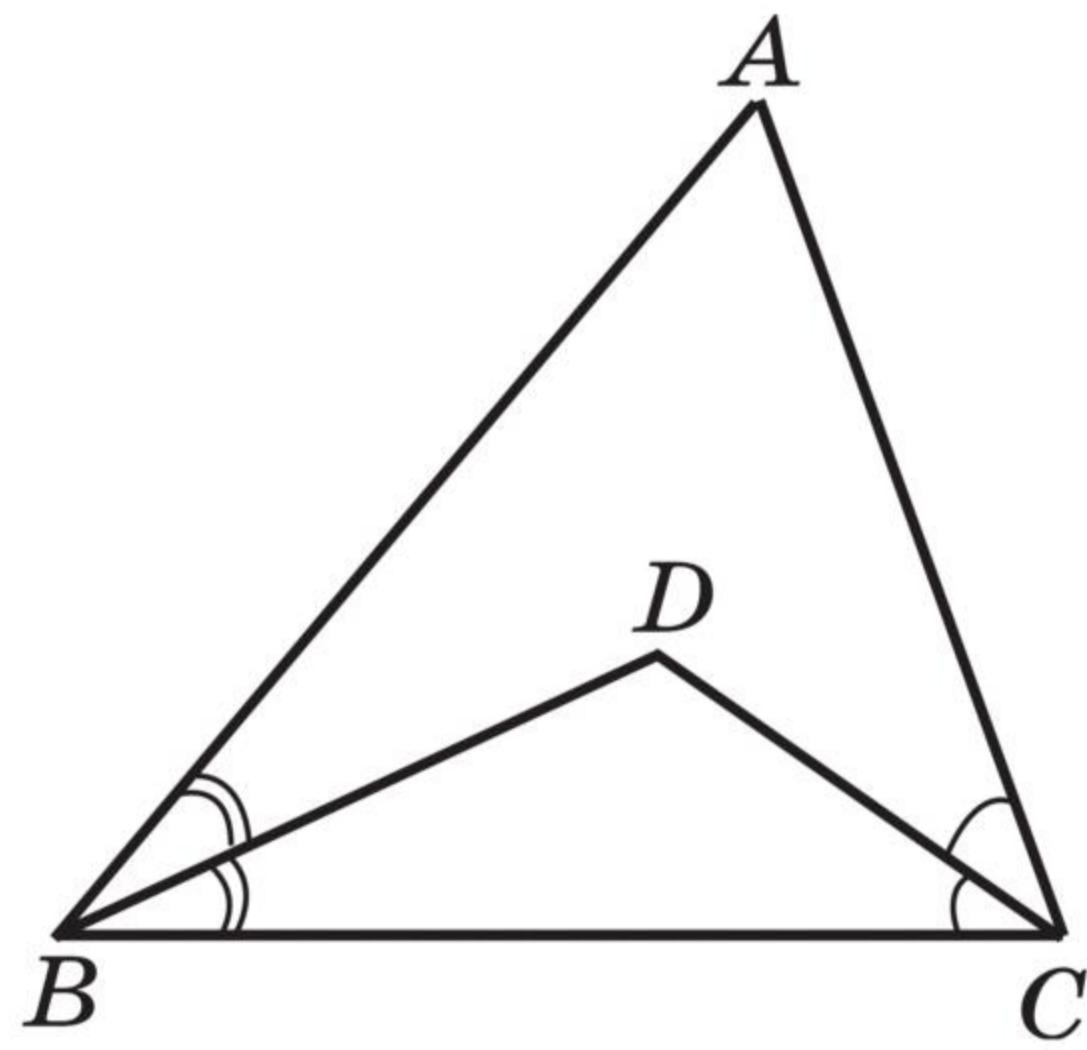
5. В треугольнике  $ABC$  проведена биссектриса угла  $BAC$ , которая пересекает сторону  $BC$  в точке  $F$ . Через вершину  $C$  треугольника  $ABC$  проведена прямая, пересекающая продолжение стороны  $AB$  за точку  $A$  в точке  $D$ , так, что  $AC = AD$ . Определите взаимное расположение прямых  $CD$  и  $AF$ .

1. Прямые перпендикулярны.
2. Прямые пересекаются, но не перпендикулярны.
3. Прямые параллельны.



6. В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  равен  $64^\circ$ . Найдите угол  $CDB$  между биссектрисами углов  $B$  и  $C$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



7. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC$  проведена биссектриса  $AP$ . Найдите угол  $APB$ , если угол  $ACB$  равен  $74^\circ$ .

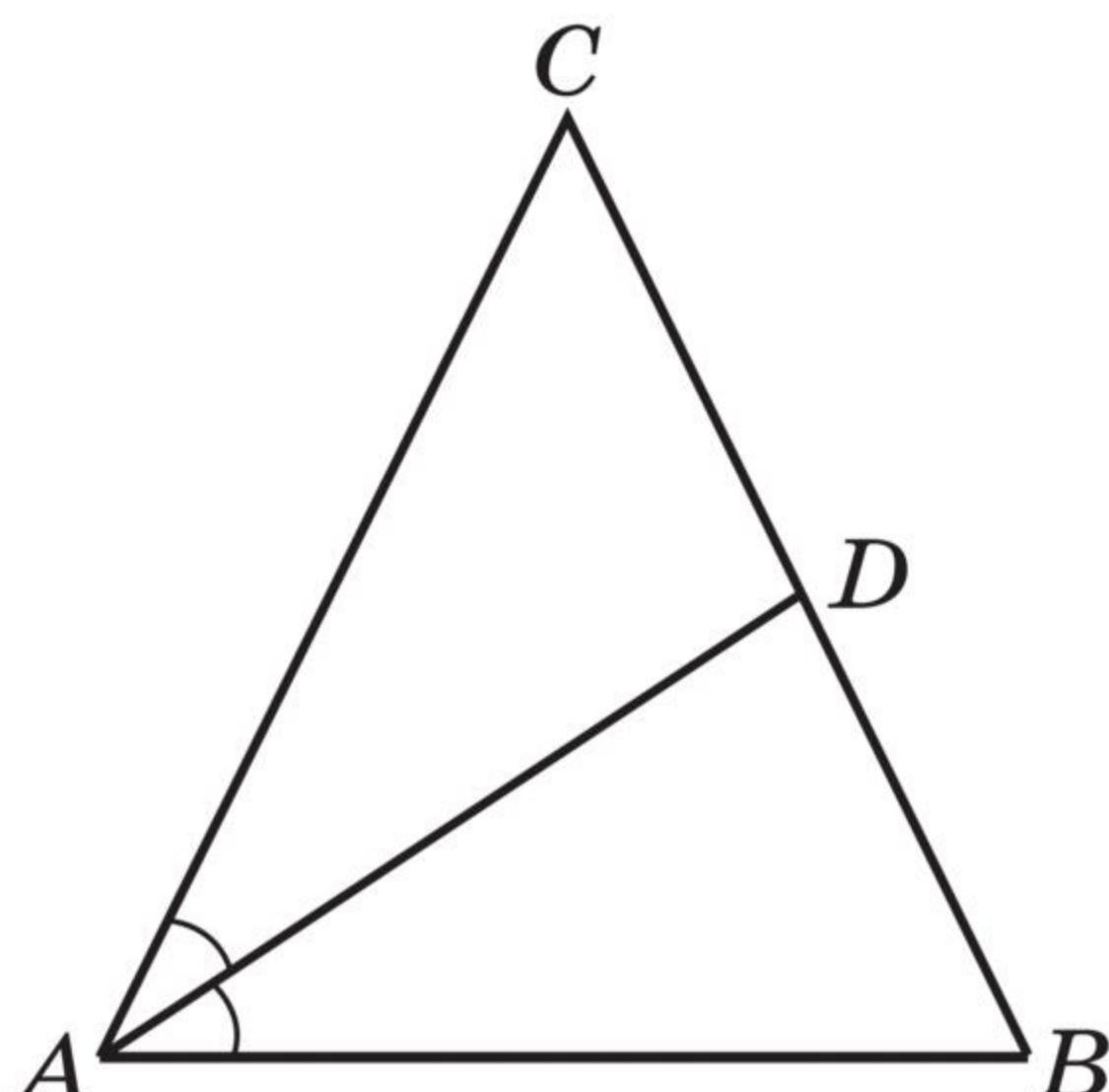
Ответ: \_\_\_\_\_

8. Определите, сколько решений имеет следующая задача. Решать задачу не надо.

*Угол между высотами, проведенными к боковым сторонам равнобедренного треугольника, равен  $40^\circ$ . Определите угол при вершине.*

9. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AB$  угол при вершине  $C$  относится к углу при основании  $A$  как  $1 : 2$ . Из вершины  $A$  проведена биссектриса  $AD$ . Определите вид треугольника  $ADB$ .

1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.

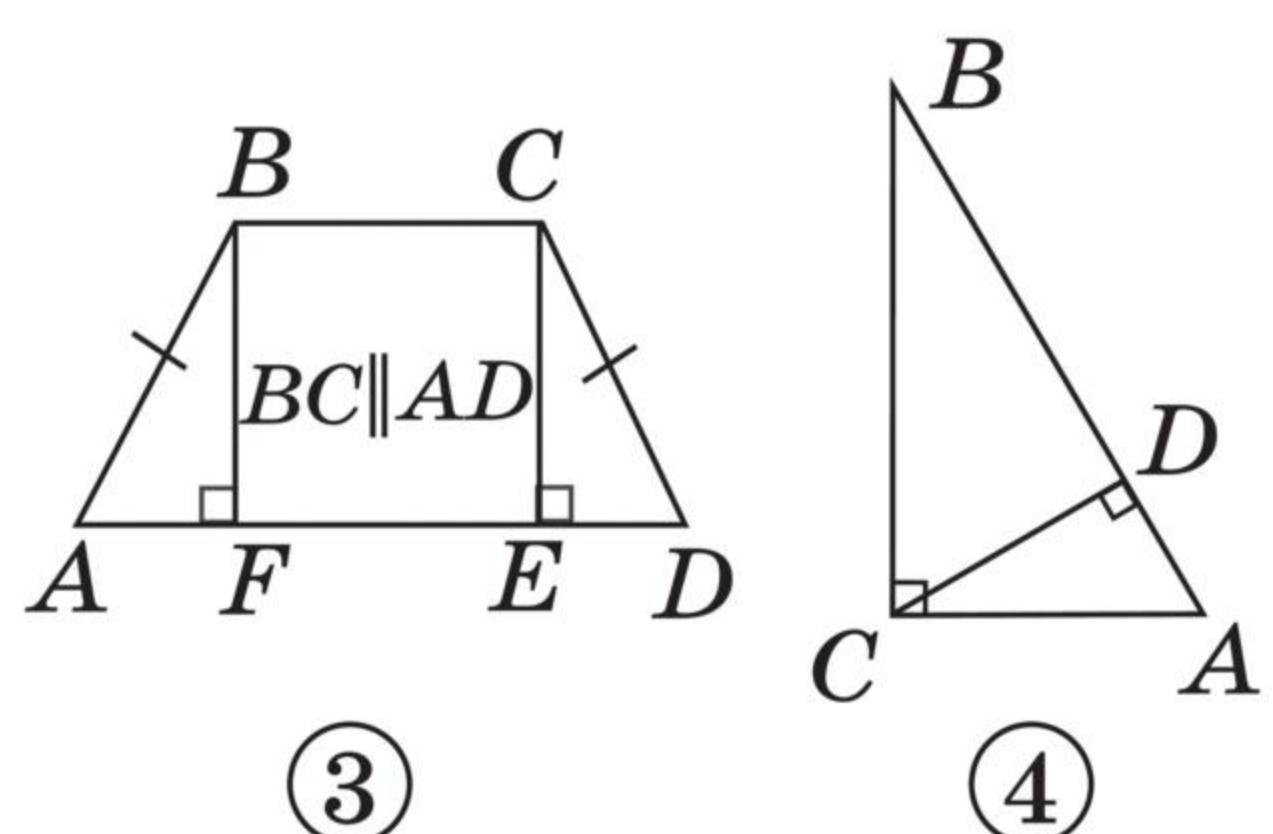
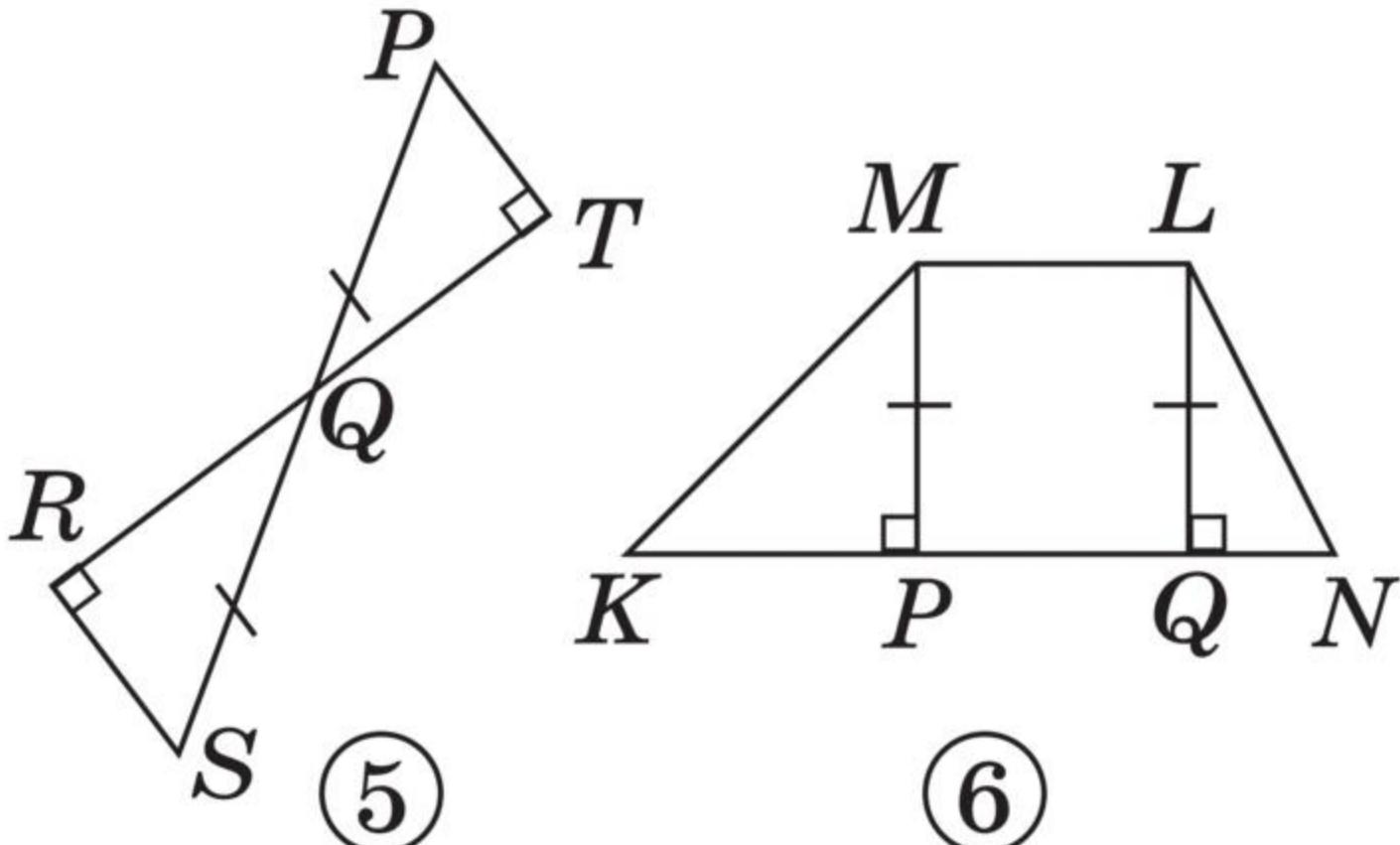
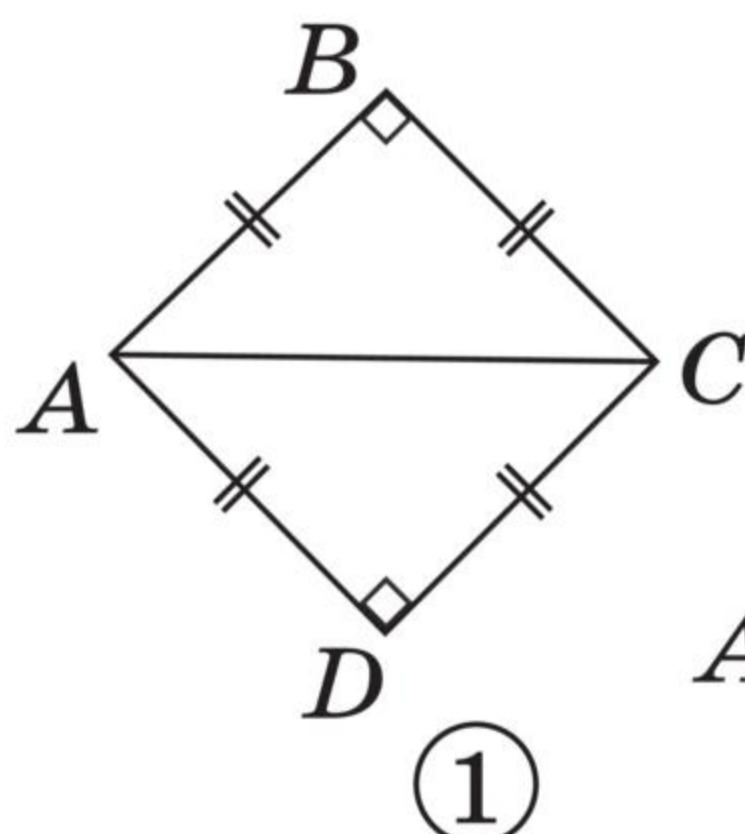


10. (Дополнительная задача.) Биссектрисы  $AD$  и  $BE$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол  $C$  треугольника, если он на  $20^\circ$  меньше, чем угол  $AOB$ .

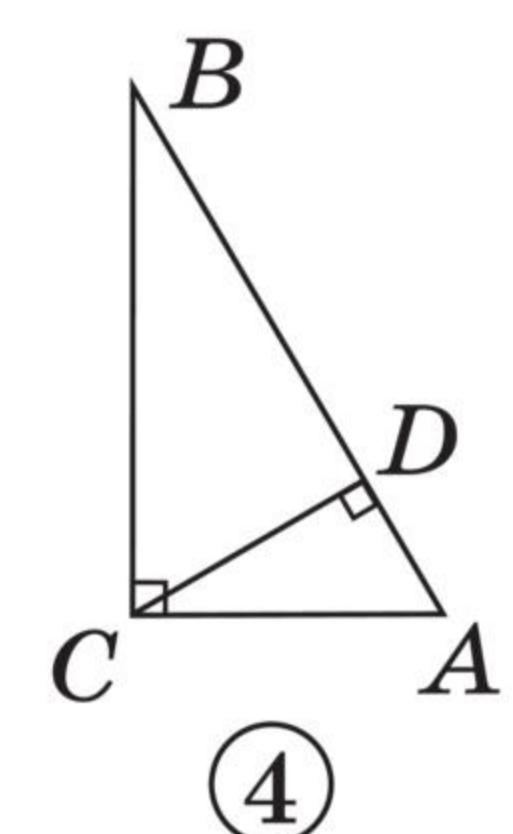
Ответ: \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 8****Вариант 1**

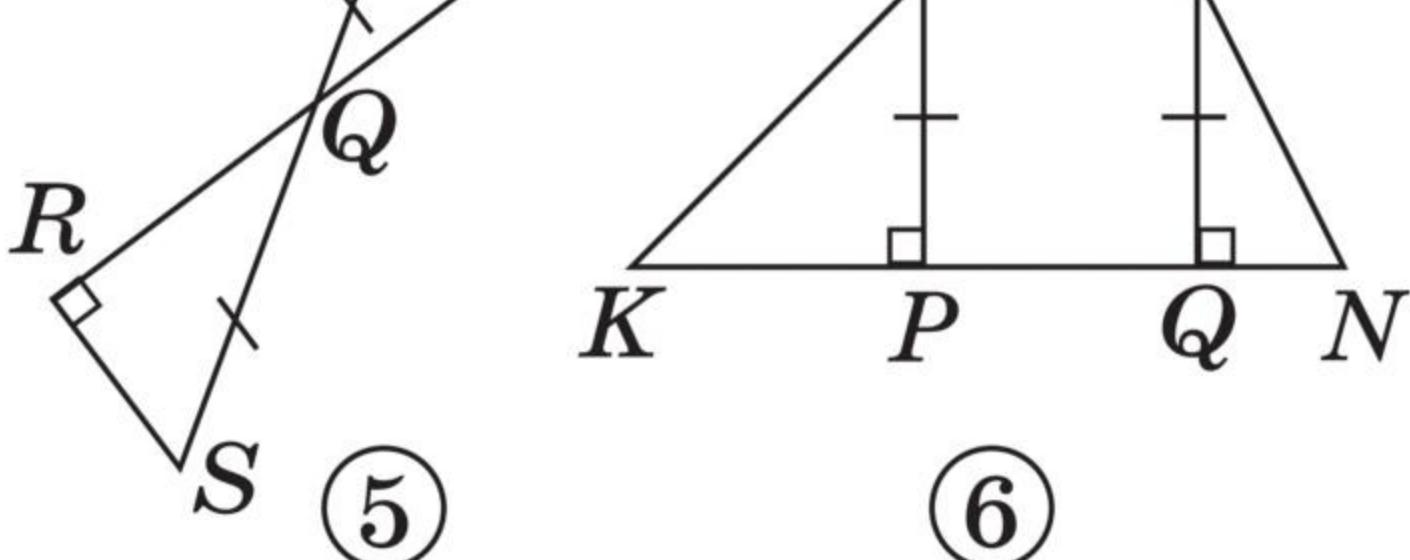
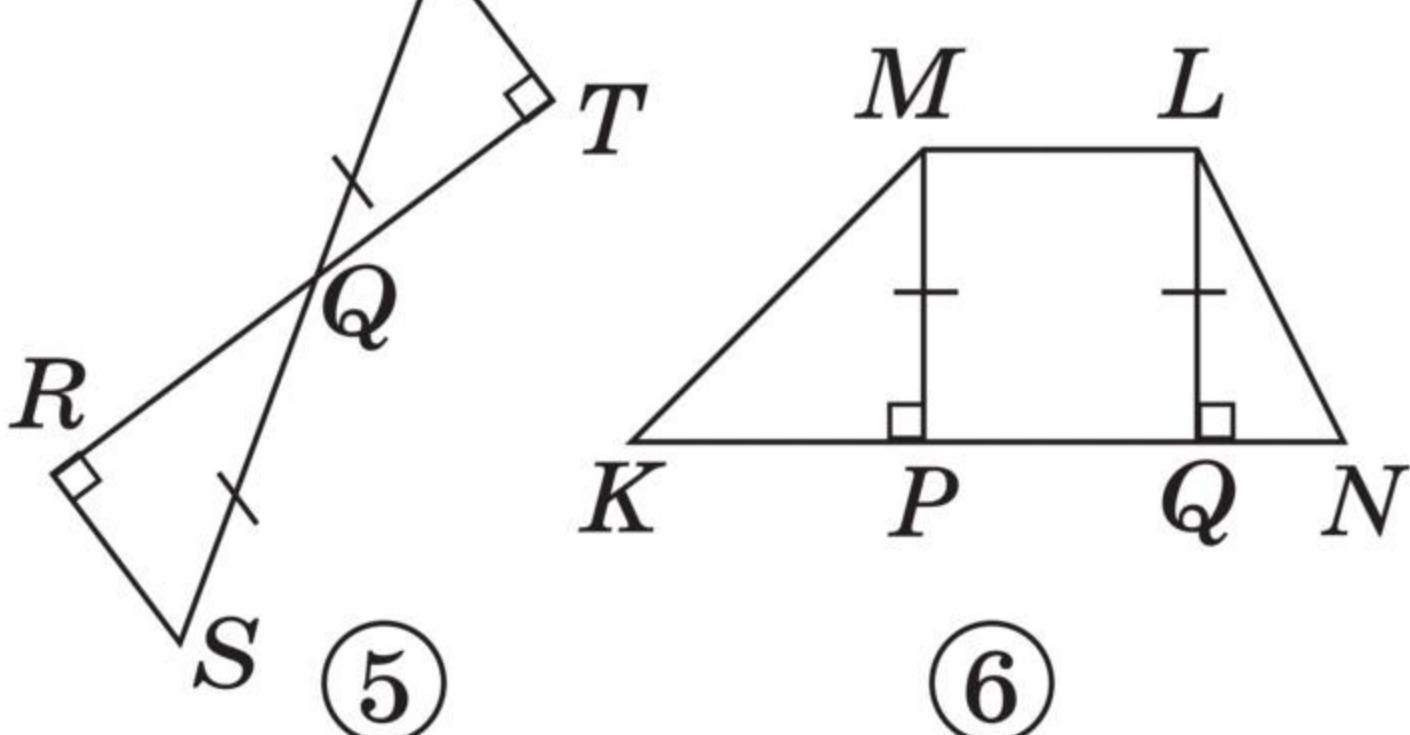
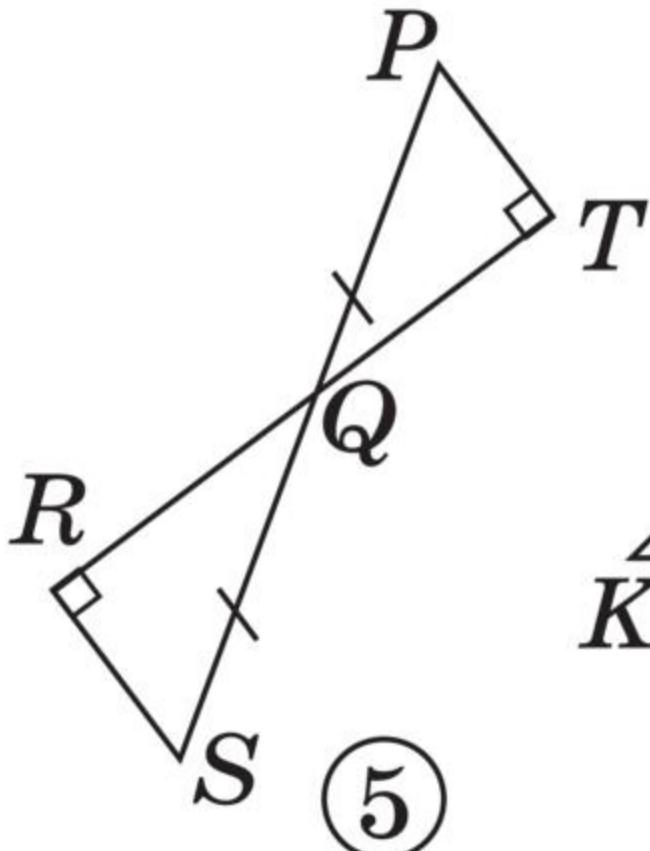
1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите на рисунках равные прямоугольные треугольники. Укажите номера этих рисунков в ответе.



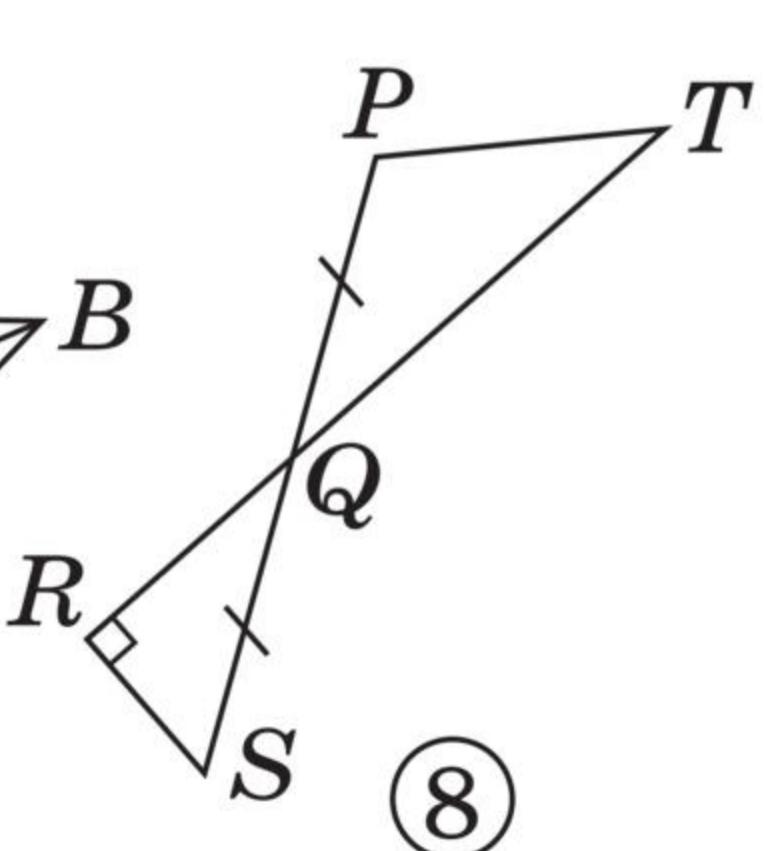
③



④



⑦



⑧

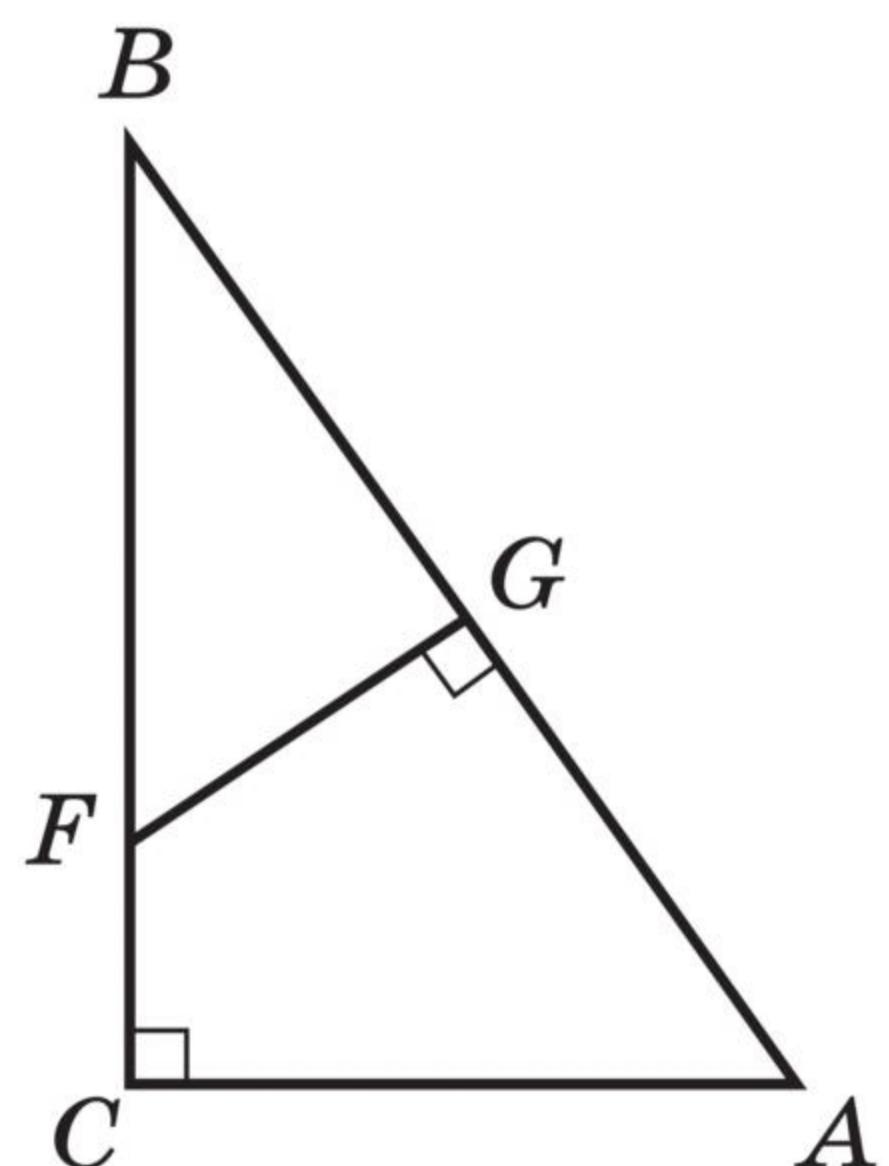
**Ответ:** \_\_\_\_\_

2. В прямоугольных треугольниках  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) и  $DEF$  ( $\angle F$  — прямой)  $AB = DE$ ,  $AC = DF$ ,  $\angle ABC = 74^\circ$ . Найдите угол  $EDF$ .

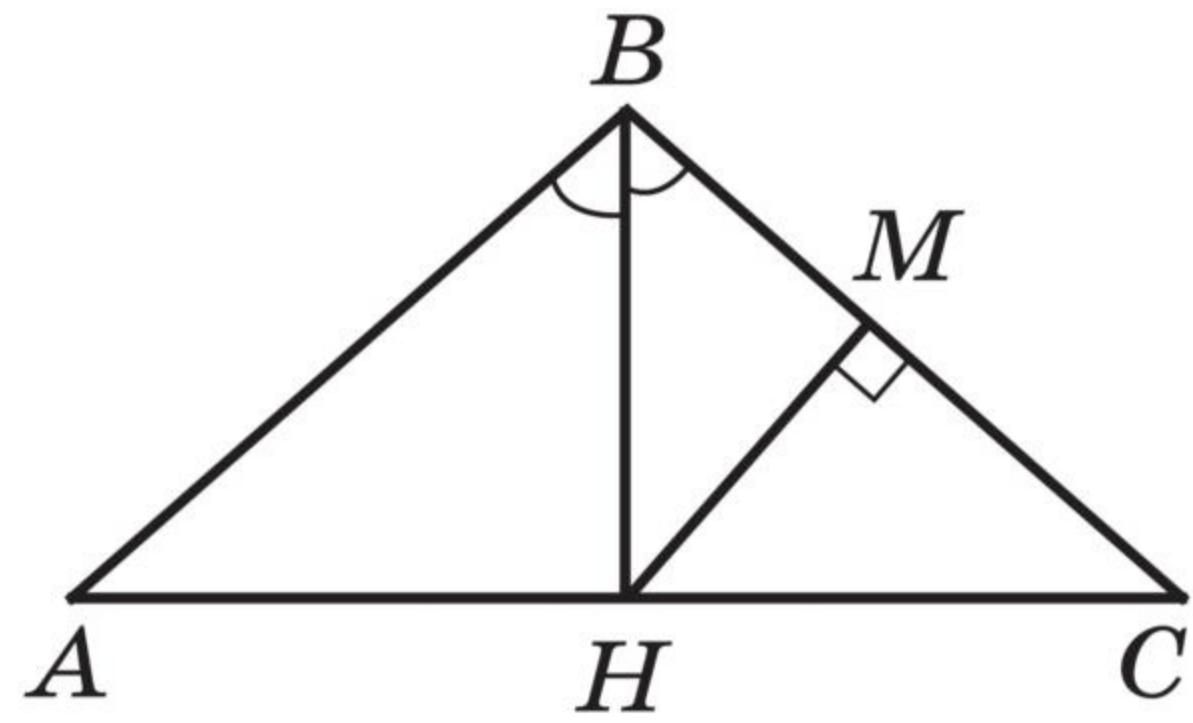
**Ответ:** \_\_\_\_\_

3. В треугольнике  $ACB$  угол  $C$  — прямой, угол  $B$  равен  $32^\circ$ . На гипотенузу  $AB$  из точки  $F$  катета  $BC$  опущен перпендикуляр  $FG$ . Найдите угол  $BFG$ .

**Ответ:** \_\_\_\_\_



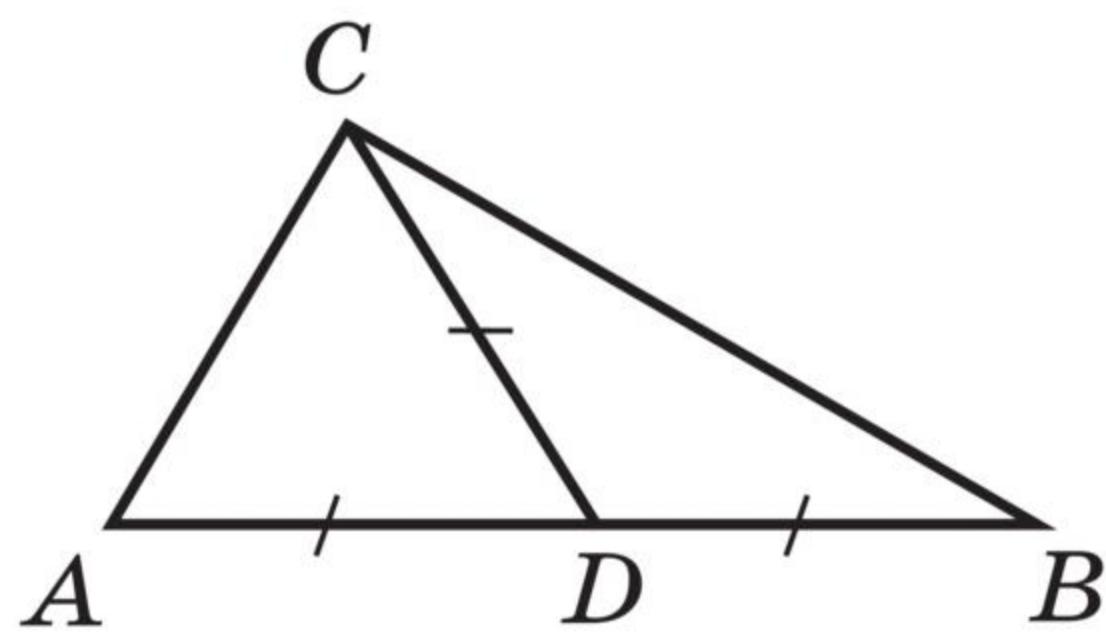
4. В равнобедренном треугольнике  $ABC$  к основанию  $AC$  проведена биссектриса  $BH$ , отрезок  $MH$  — высота треугольника  $HBC$ . Найдите боковую сторону треугольника  $ABC$ , если  $\angle ABC = 120^\circ$  и  $BM = 3$  см.



1. 12 см.      2. 6 см.      3. 24 см.      4. 3 см.

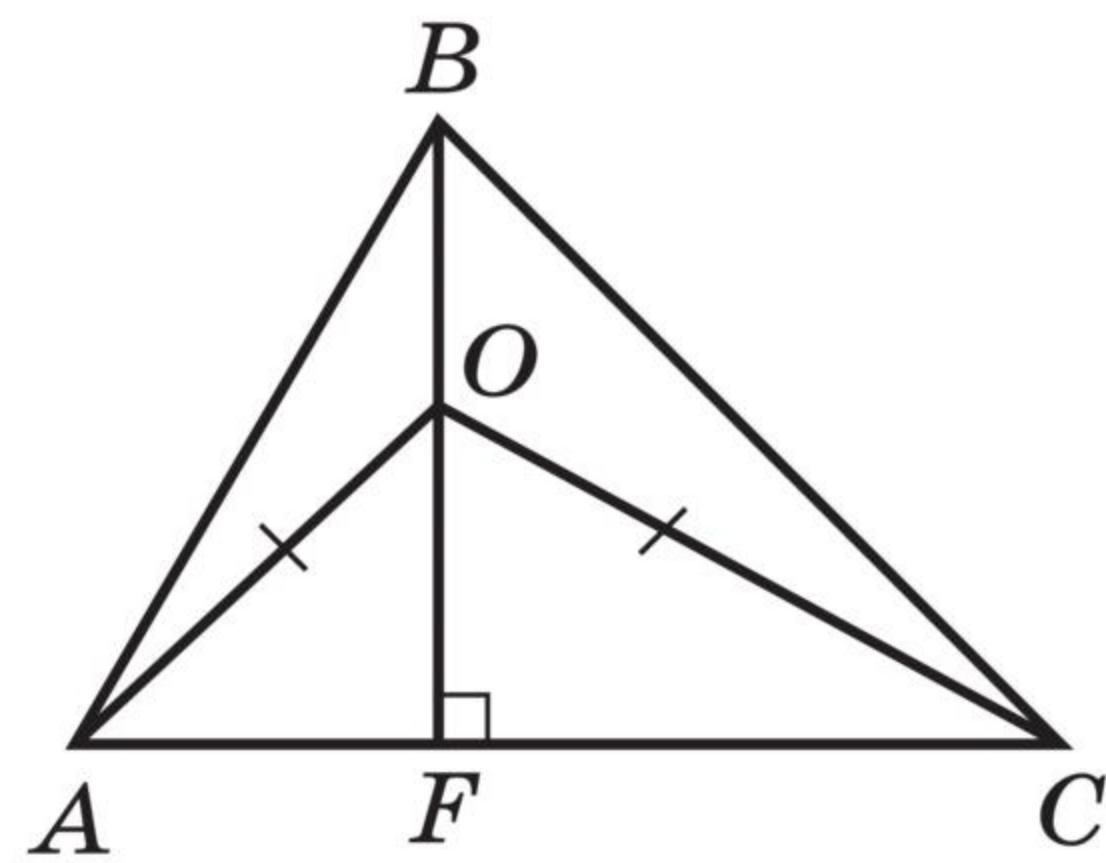
5. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CD$ , которая отсекает от него равнобедренный треугольник  $ACD$  ( $AD = CD$ ). Найдите угол  $ACB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



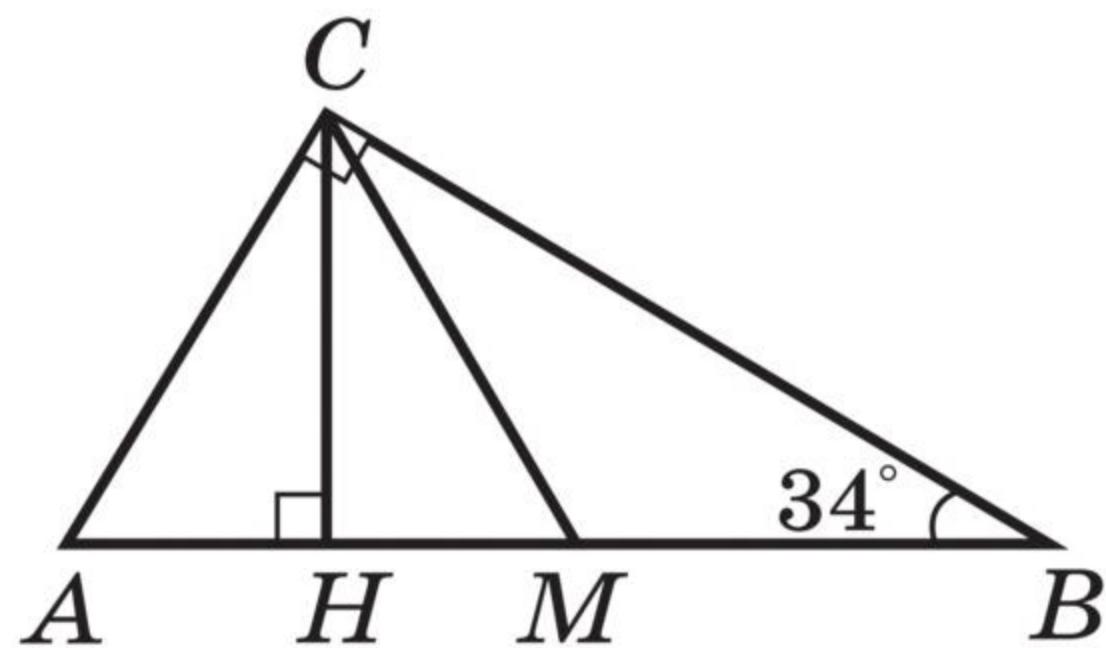
6. В треугольнике  $ABC$  на высоте  $BF$  отмечена точка  $O$ , такая, что  $AO = OC$ . Расстояние от точки  $O$  до стороны  $AB$  равно 4 см, а до стороны  $AC$  — 7 см. Найдите расстояние от точки  $O$  до стороны  $BC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



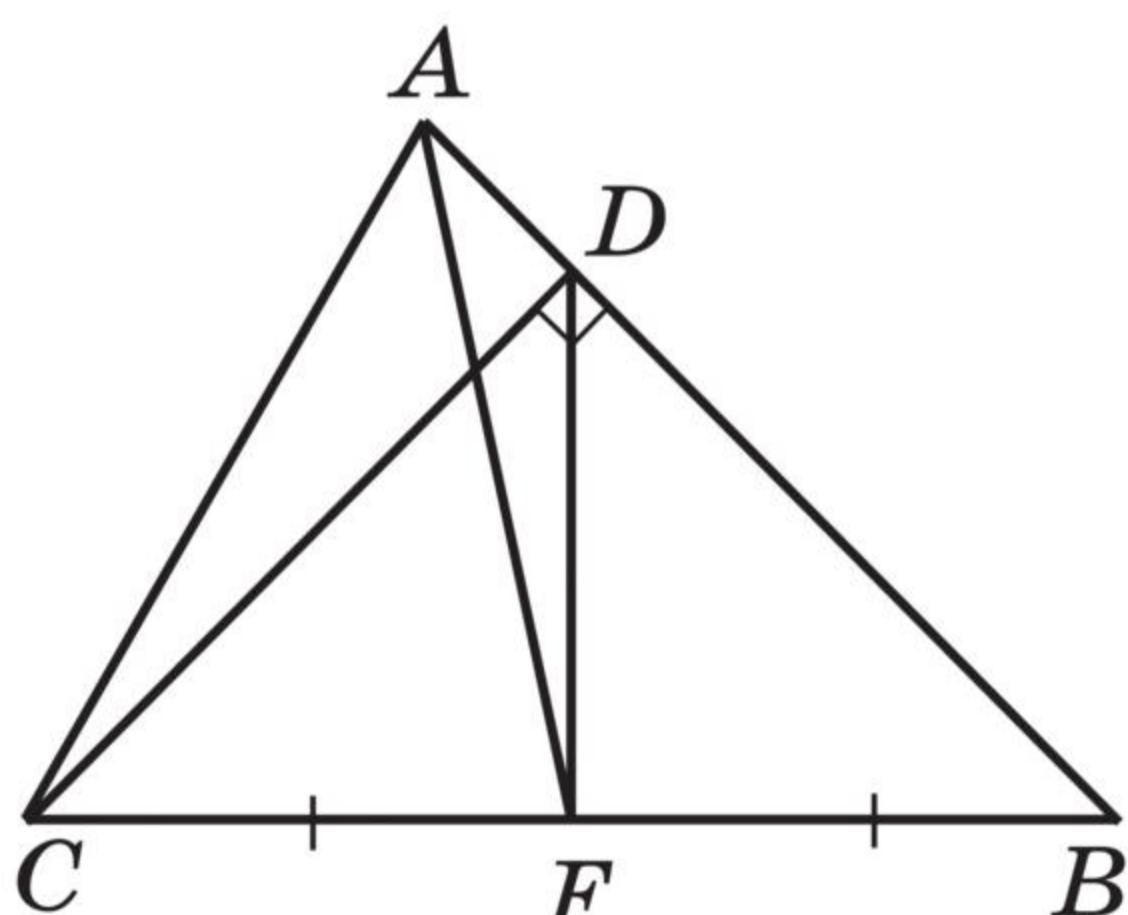
7. Из вершины прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведены медиана  $CM$  и высота  $CH$ . Найдите угол  $HCM$ , если  $\angle ABC = 34^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

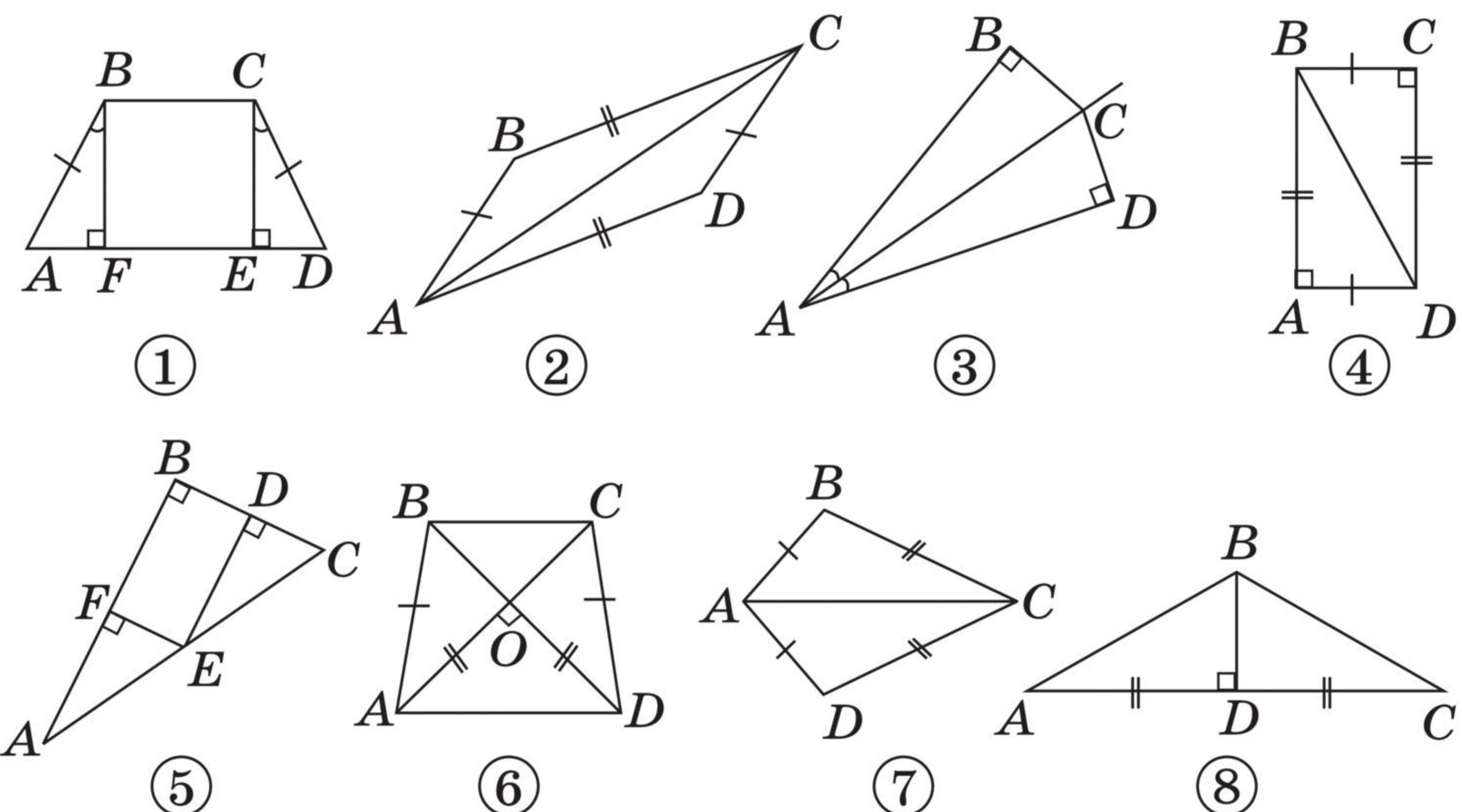


8. В треугольнике  $ABC$  проведены медиана  $AF$  и высота  $CD$ . Найдите отрезок  $DF$ , если  $BC = 10$  см.

1. 5 см.      3. 10 см.  
2. 20 см.      4. 15 см.



1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите на рисунках равные прямоугольные треугольники. Укажите номера этих рисунков в ответе.



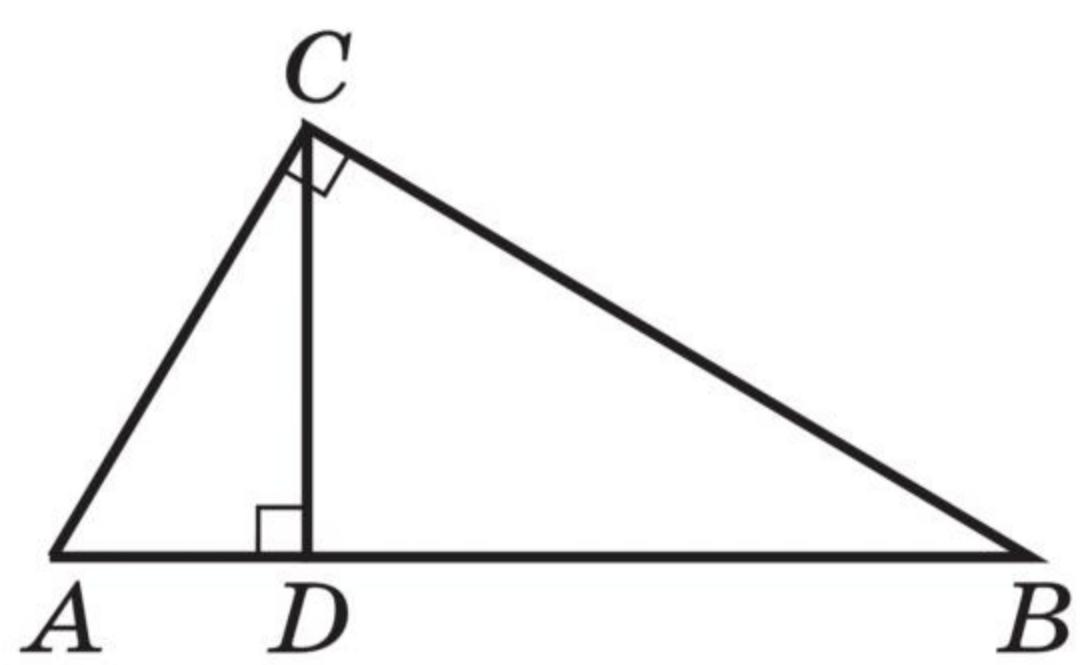
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В прямоугольных треугольниках  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) и  $DEF$  ( $\angle F$  — прямой)  $AB = DE$ ,  $AC = 15$  см,  $BC = 8$  см,  $\angle ABC = 32^\circ$ ,  $\angle FDE = 58^\circ$ . Найдите отрезок  $DF$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

3. В прямоугольном треугольнике  $ACB$  ( $\angle C$  — прямой) проведена высота  $CD$ . Найдите угол  $ACD$ , если  $\angle B = 33^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



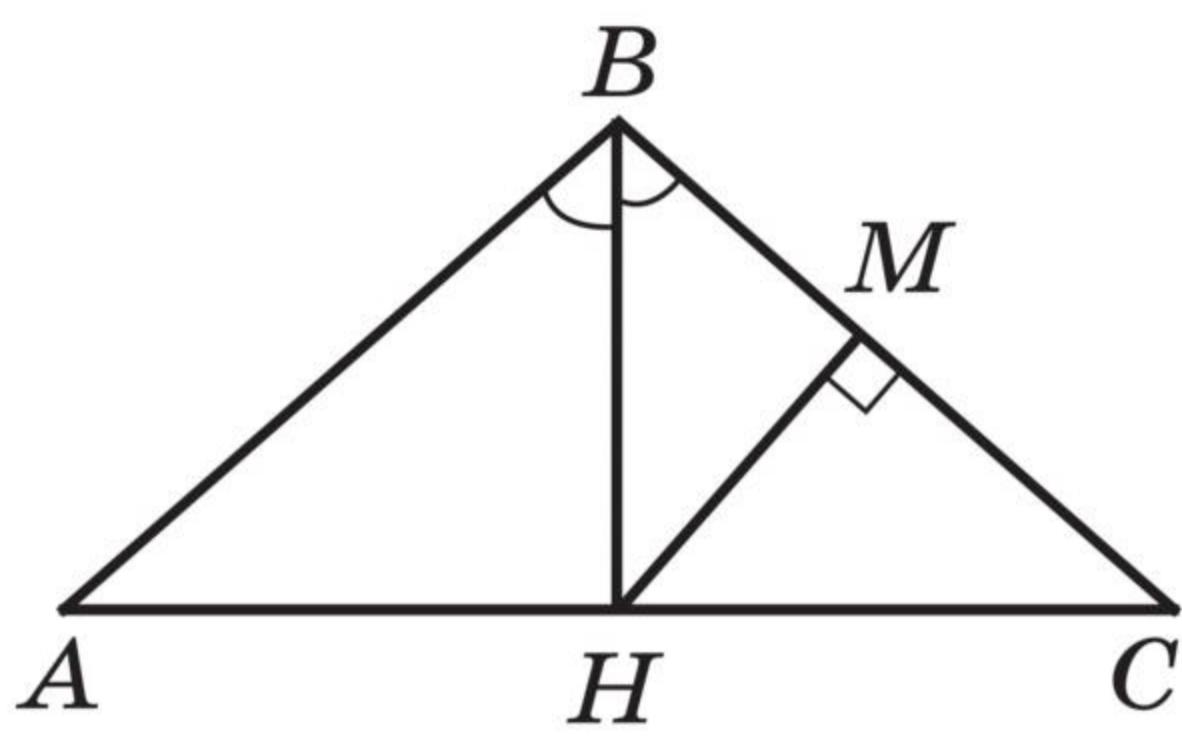
4. Биссектриса  $BH$  равнобедренного треугольника  $ABC$  образует с его боковой стороной угол, равный  $60^\circ$ . Отрезок  $MH$  — высота треугольника  $HBC$ . Найдите отрезок  $BM$ , если боковая сторона  $BC$  треугольника  $ABC$  равна 12 см.

1. 12 см.

2. 6 см.

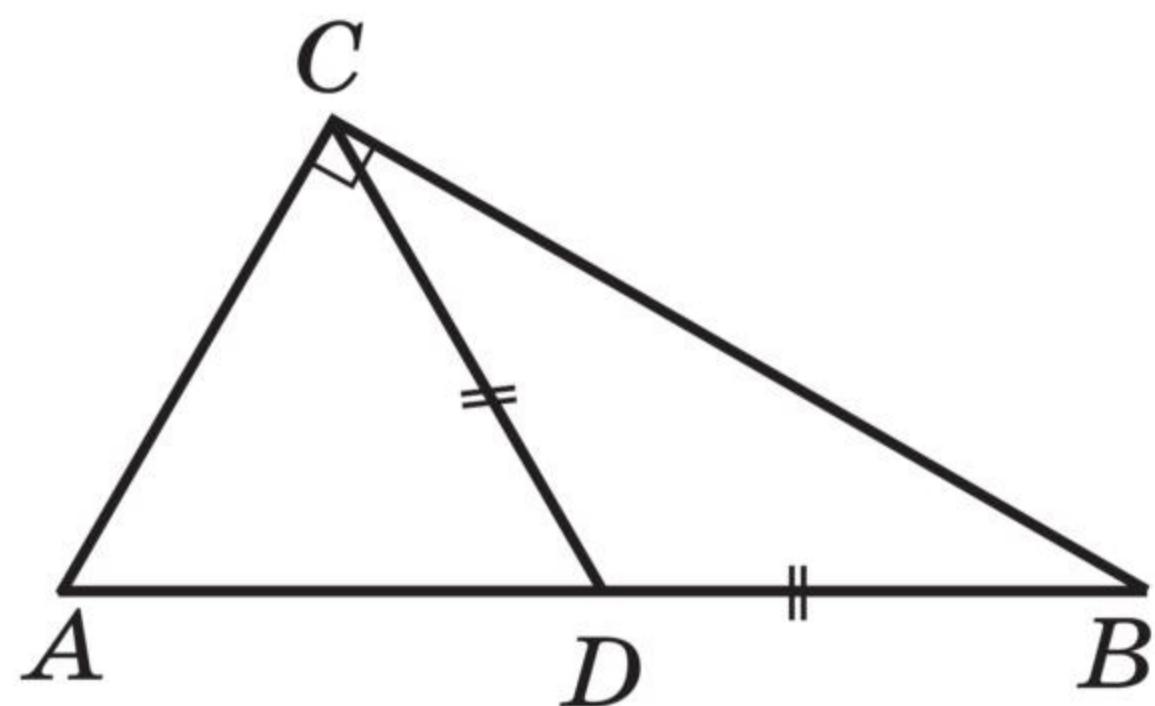
3. 24 см.

4. 3 см.



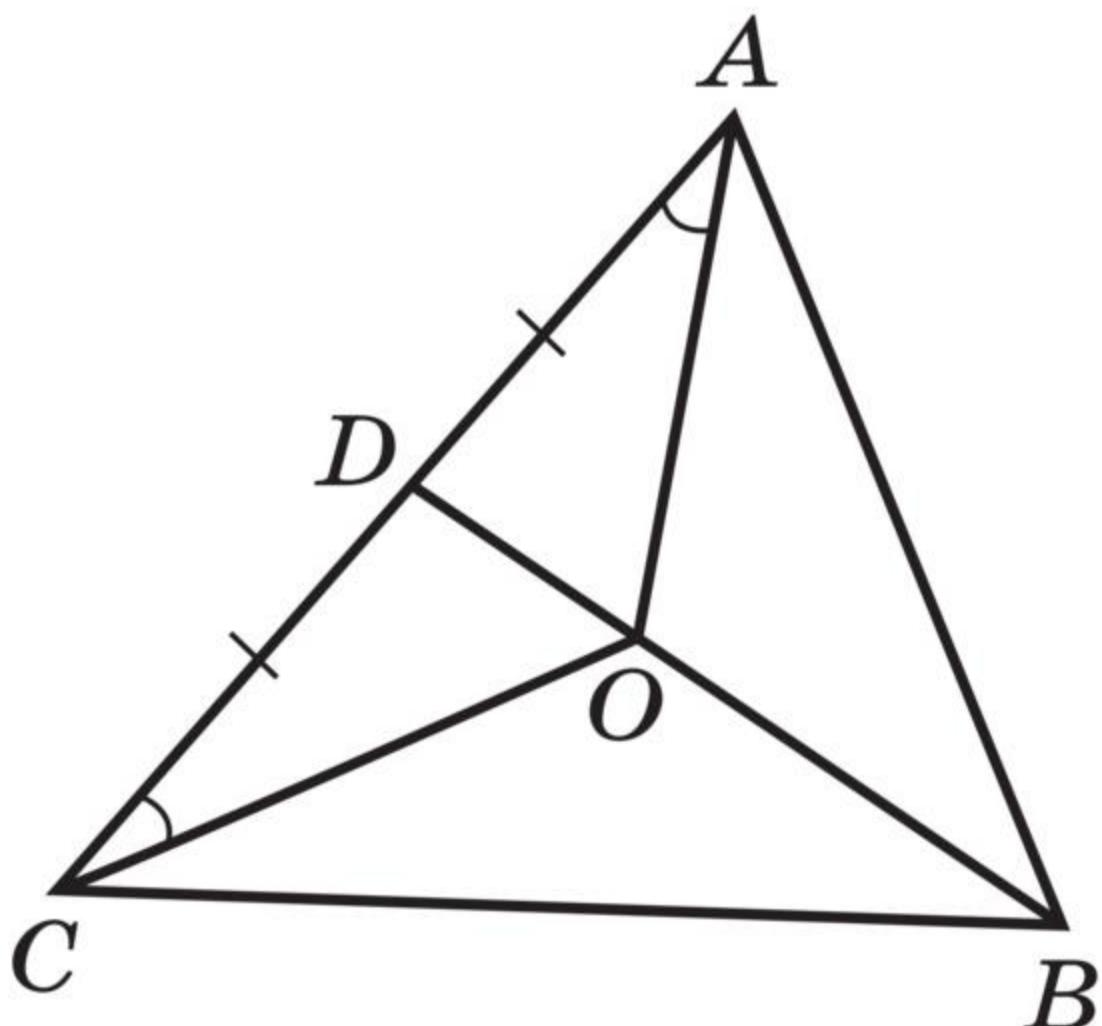
5. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) проведена медиана  $CD$ , которая отсекает от него равнобедренный треугольник  $CDB$  ( $BD = CD$ ). Найдите угол  $CBD$ , если  $\angle ACD = 64^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



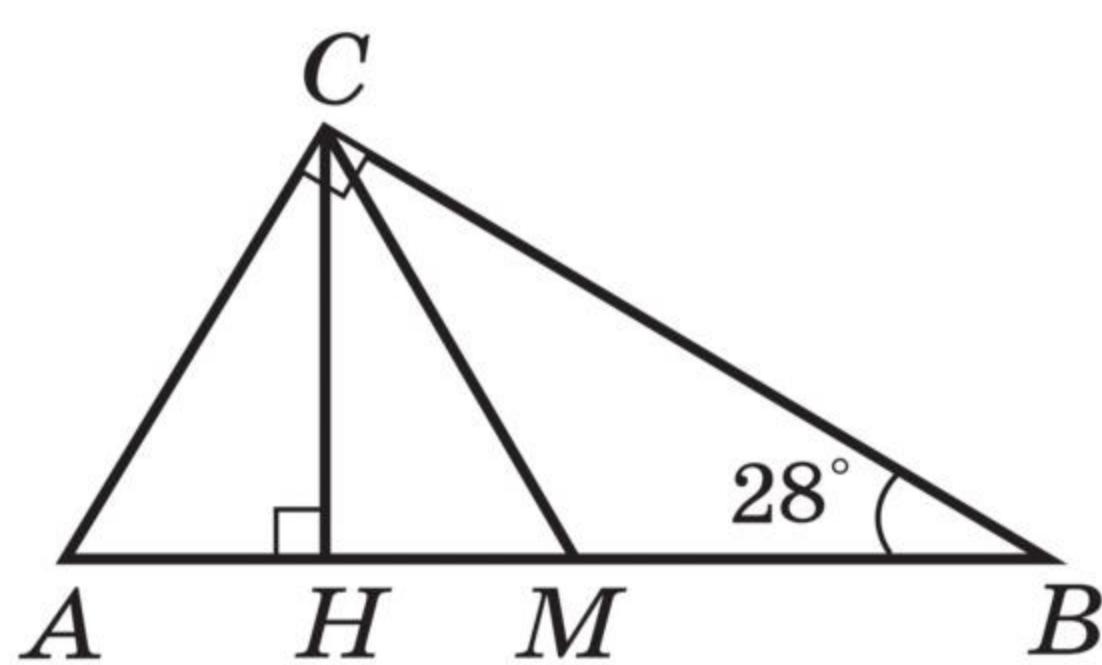
6. В треугольнике  $ABC$  на медиане  $BD$  отмечена точка  $O$ , такая, что  $\angle CAO = \angle OCA$ . Расстояние от точки  $O$  до стороны  $AB$  равно 8 см, а до стороны  $AC$  — 5 см. Найдите расстояние от точки  $O$  до стороны  $BC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



7. Из вершины прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведены биссектриса  $CM$  и высота  $CH$ . Найдите угол  $HCM$ , если  $\angle ABC = 28^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



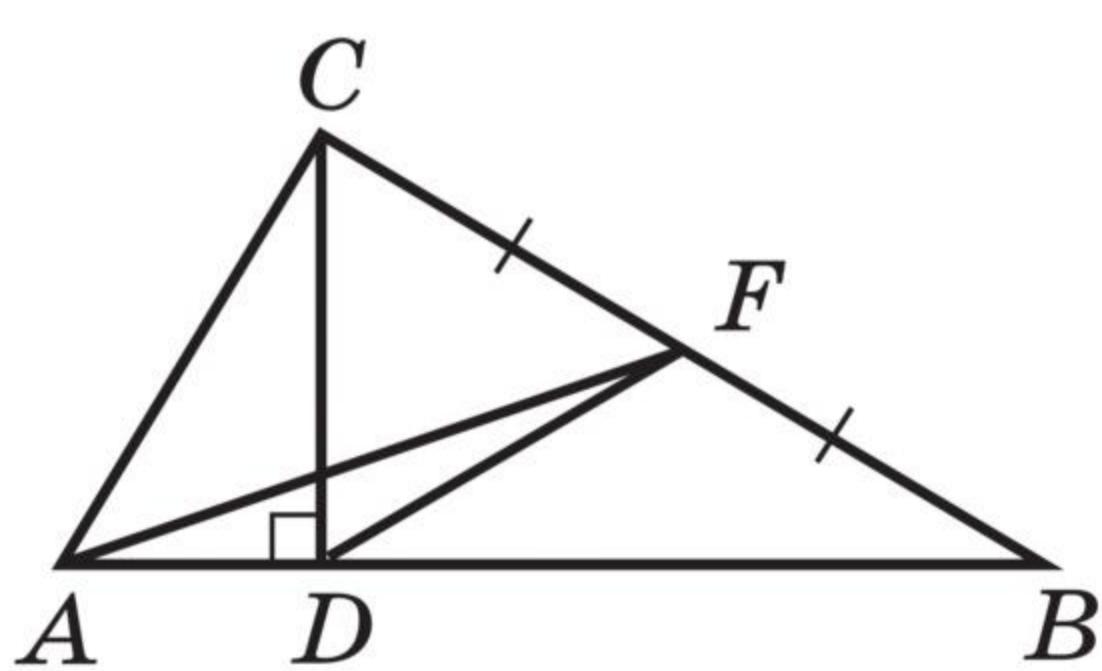
8. В треугольнике  $ABC$  проведены медиана  $AF$  и высота  $CD$ . Найдите сторону  $BC$ , если отрезок  $DF$  равен 10 см.

1. 5 см.

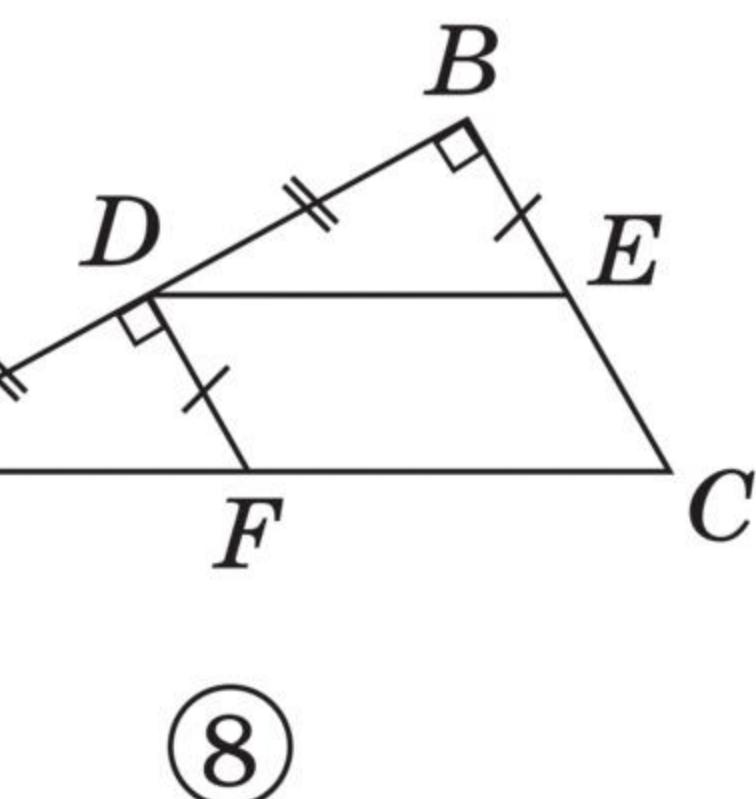
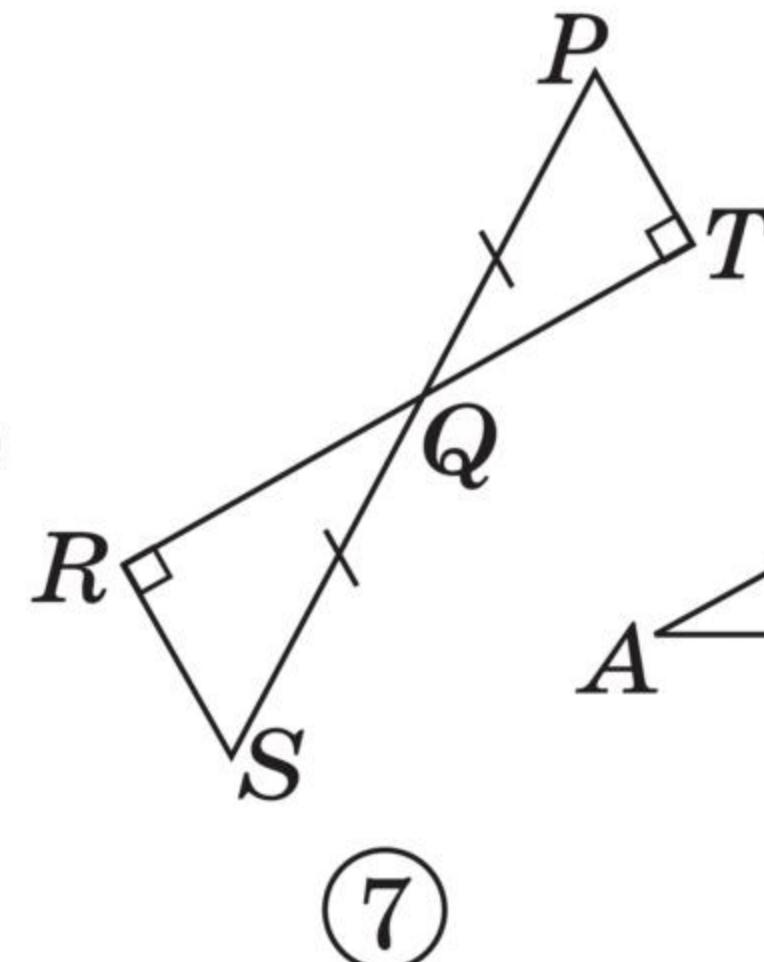
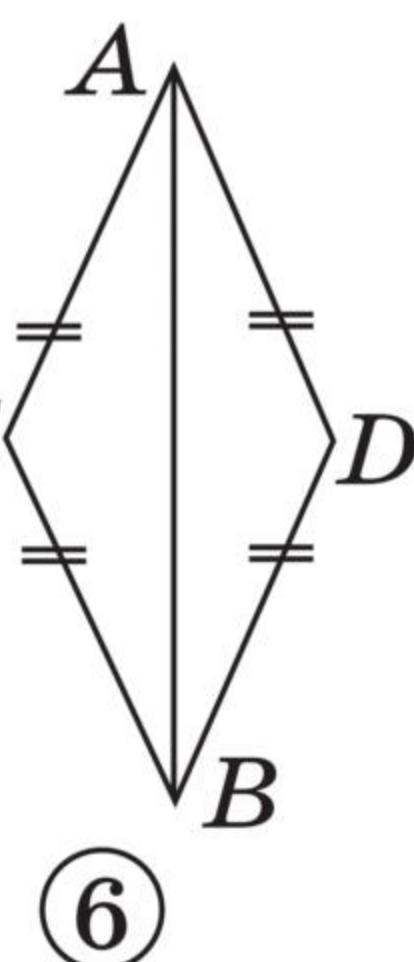
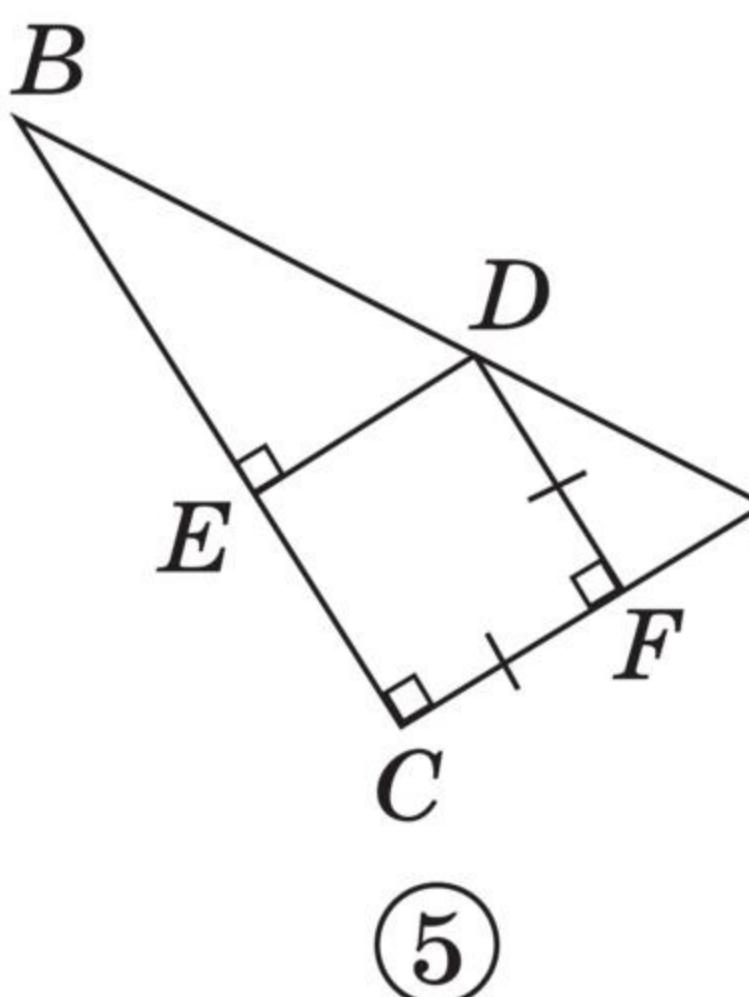
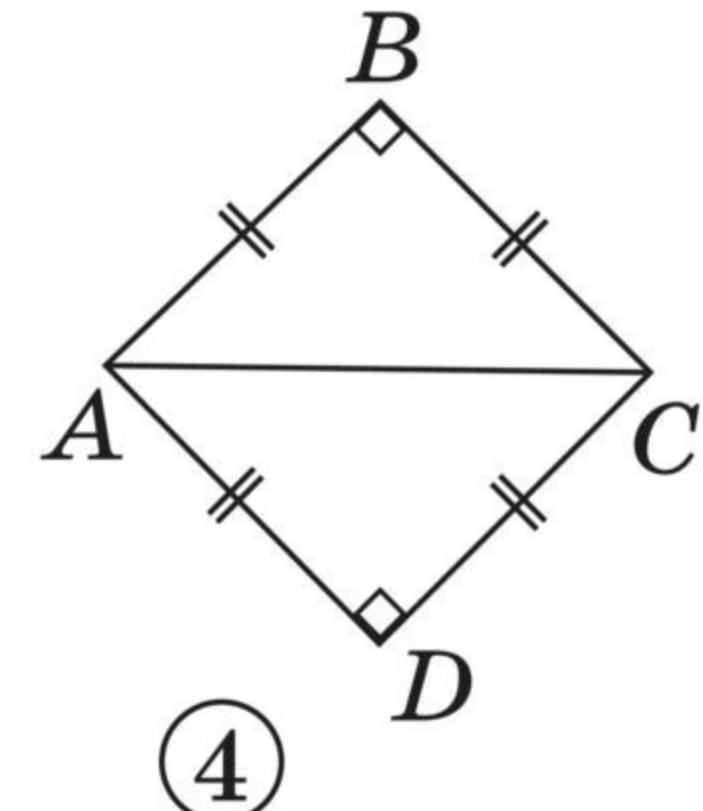
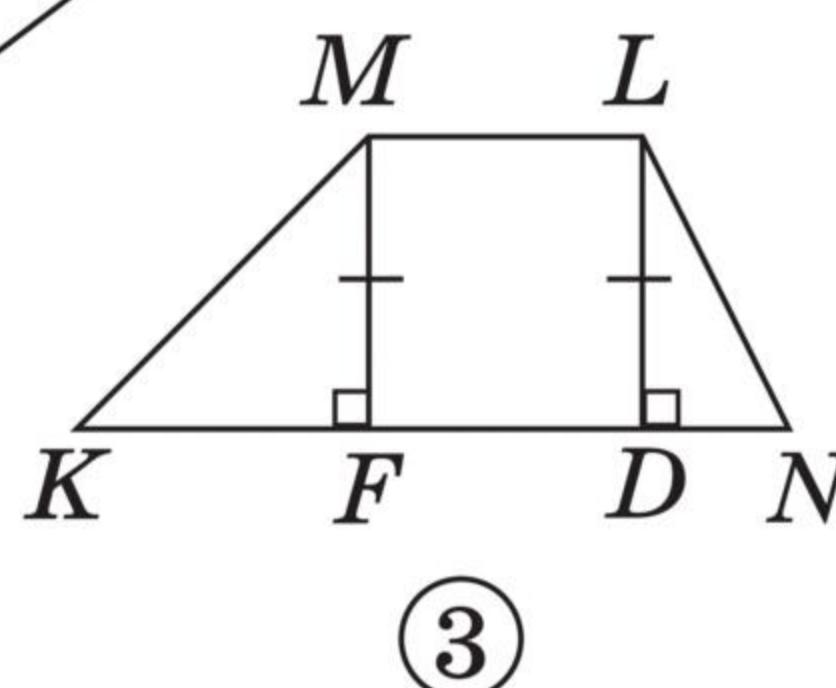
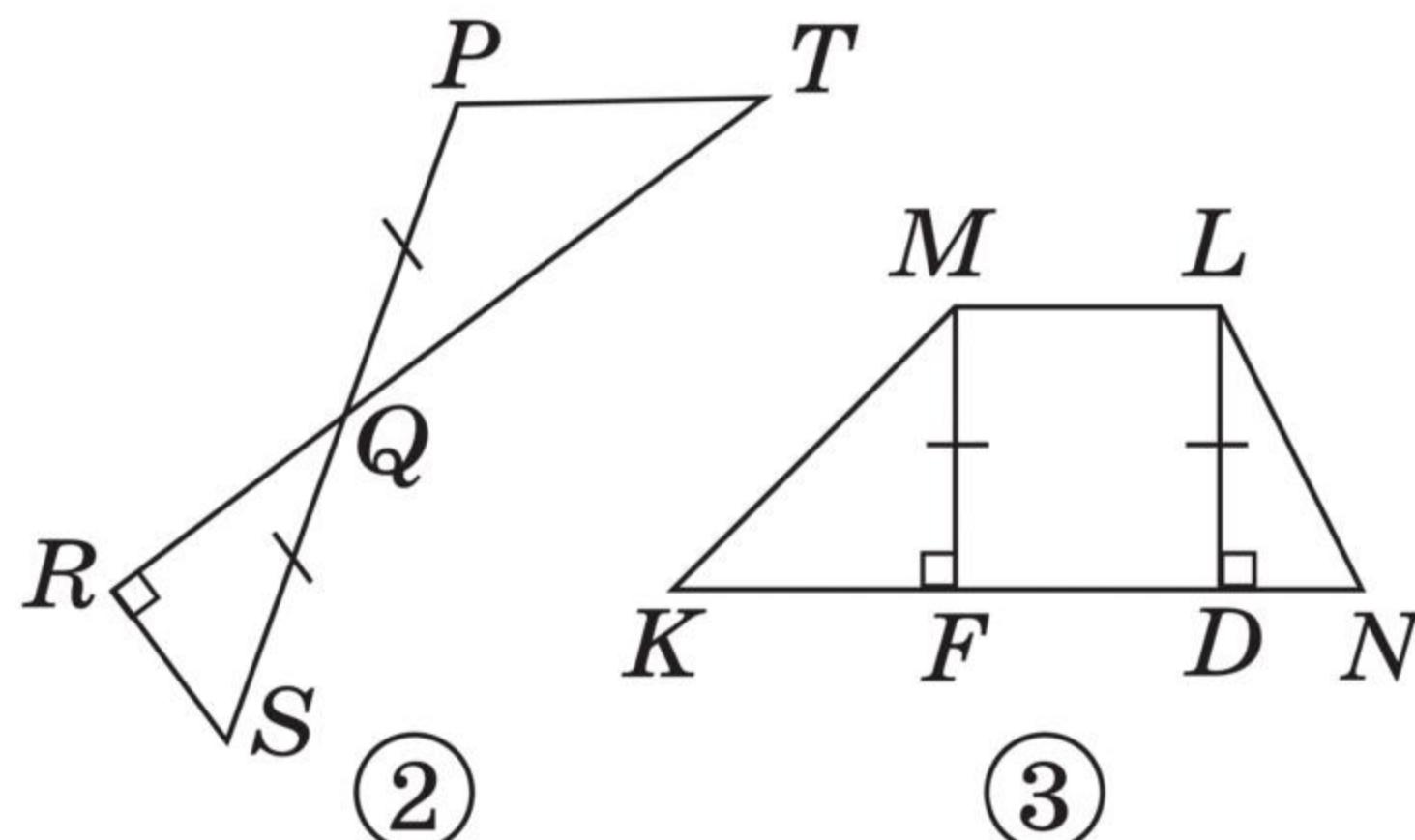
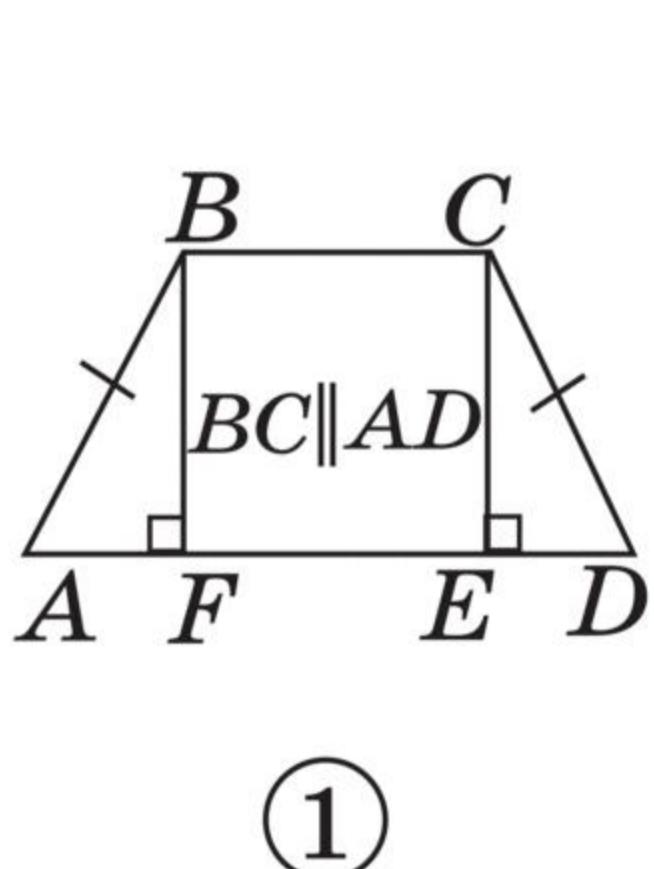
3. 10 см.

2. 20 см.

4. 15 см.



1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите на рисунках равные прямоугольные треугольники. Укажите номера этих рисунков в ответе.



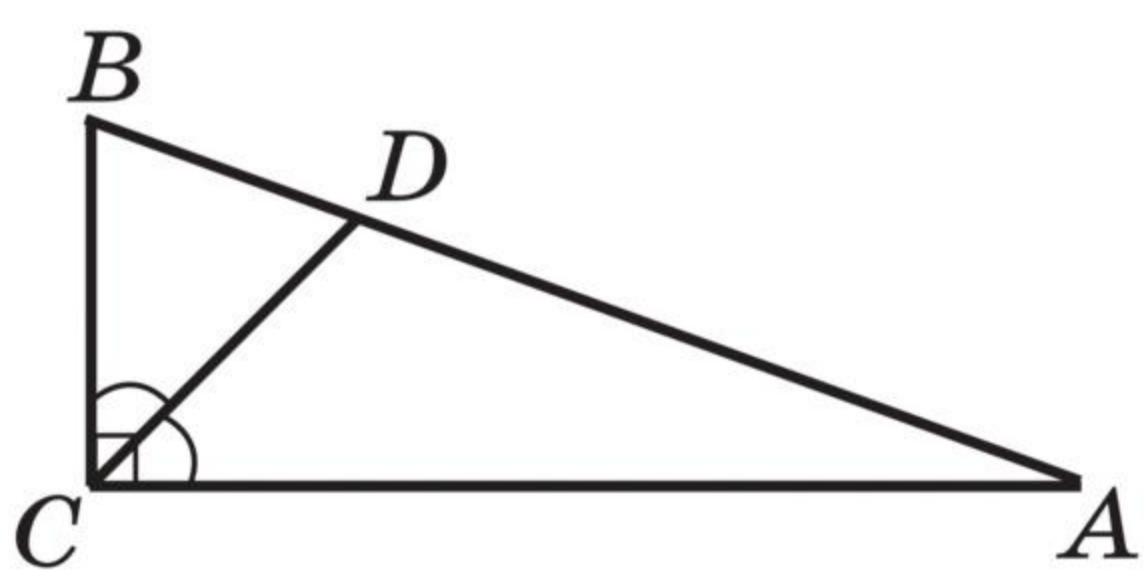
Ответ: \_\_\_\_\_

2. В прямоугольных треугольниках  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) и  $DEF$  ( $\angle F$  — прямой)  $AC = DF$  и  $\angle ABC = \angle DEF$ ,  $AB = 17$  см,  $AC = 8$  см. Найдите  $DF$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

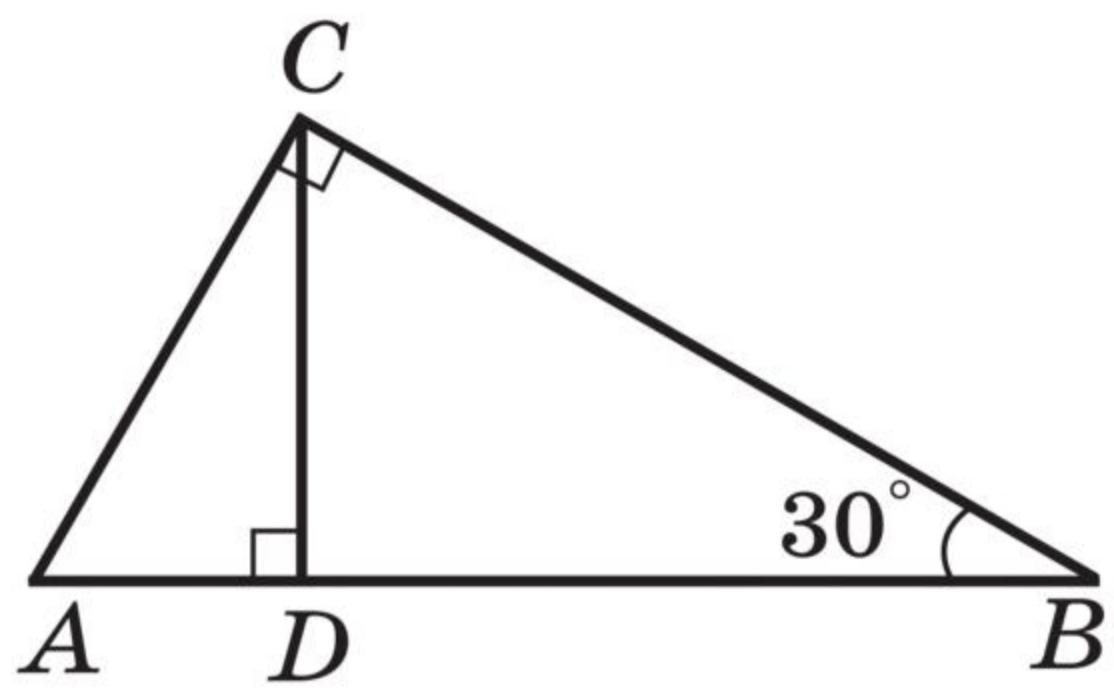
3. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  из вершины прямого угла к гипотенузе  $AB$  проведена биссектриса  $CD$ . Найдите угол  $ADC$ , если  $\angle B = 58^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



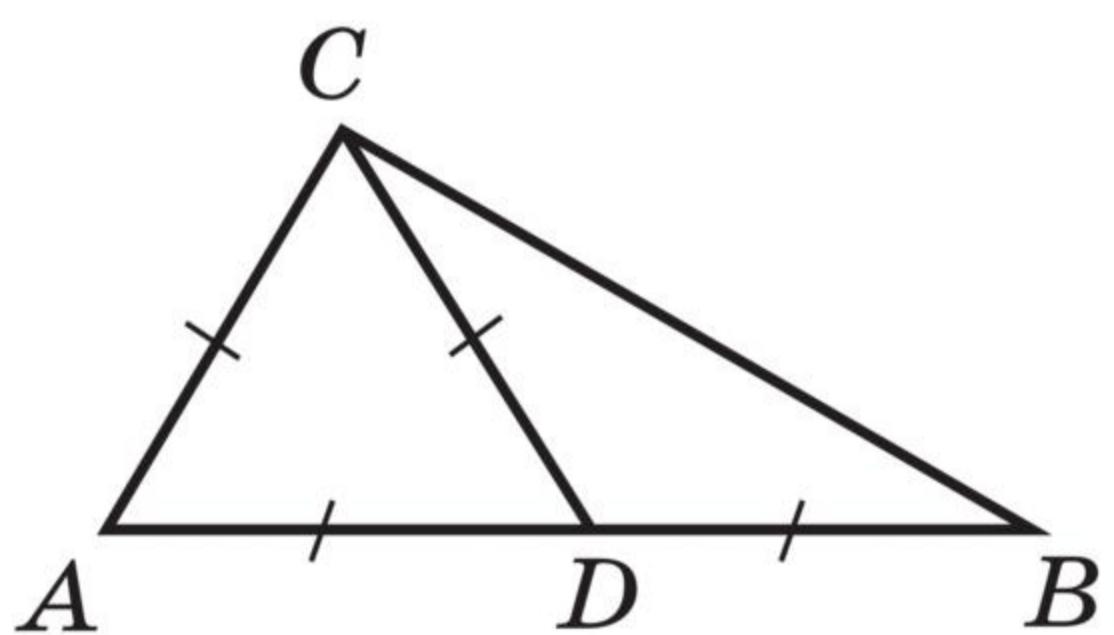
4. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  к гипотенузе  $AB$  проведена высота  $CD$ . Найдите гипотенузу  $AB$ , если угол  $CBA$  равен  $30^\circ$ , а отрезок  $AD$  равен 4 см.

1. 8 см.      3. 16 см.  
2. 2 см.      4. 12 см.



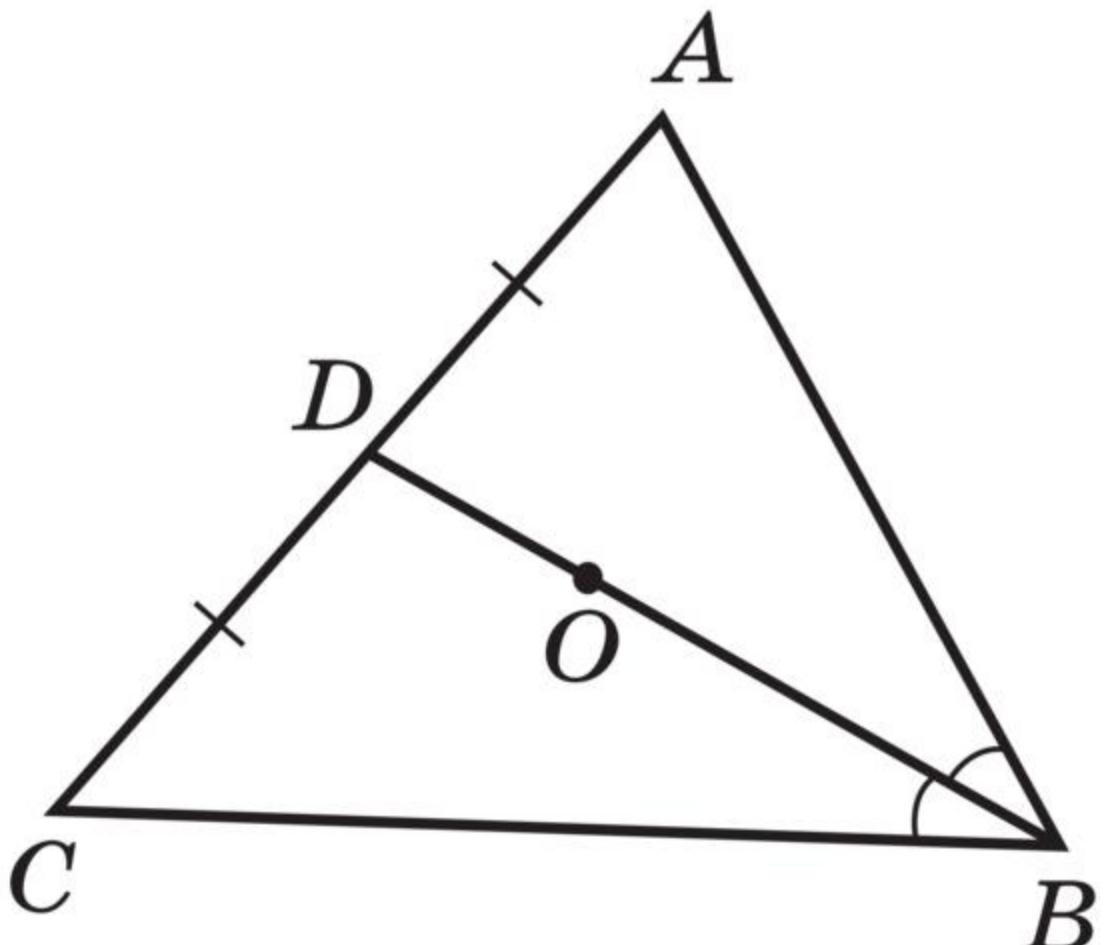
5. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CD$ , которая отсекает от него равносторонний треугольник  $ACD$ . Найдите угол  $ABC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



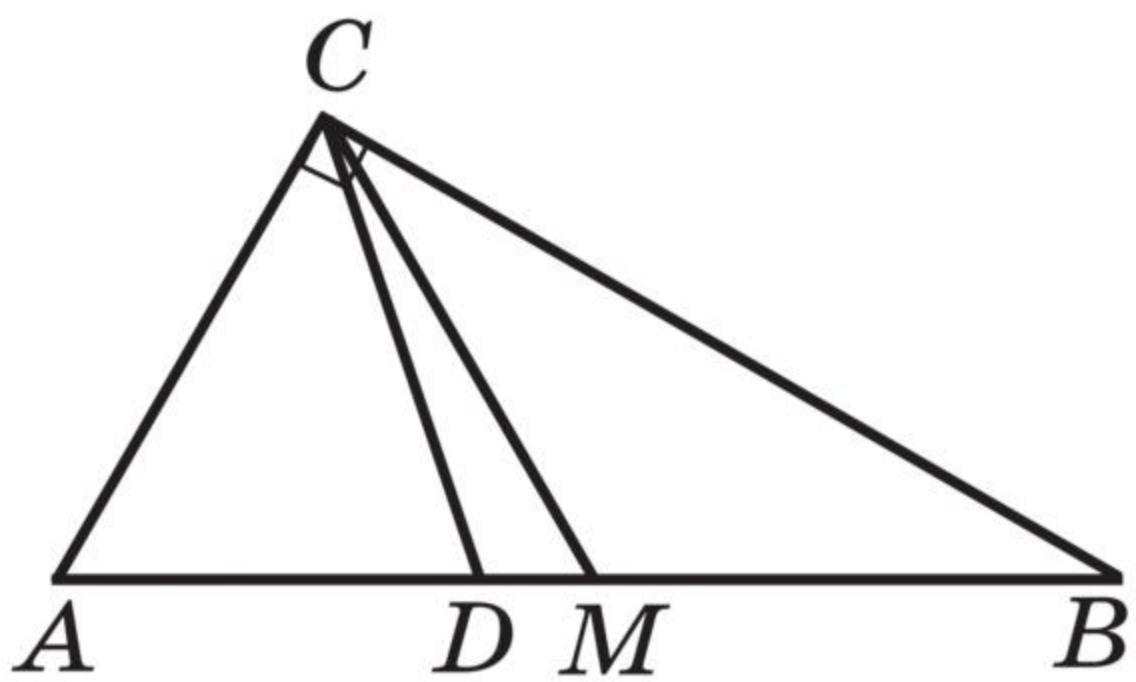
6. В треугольнике  $ABC$  биссектриса угла  $ABC$  делит сторону  $AC$  пополам. На биссектрисе  $BD$  отмечена точка  $O$ , такая, что расстояние от точки  $O$  до стороны  $AB$  равно 8 см, а до стороны  $AC$  — 5 см. Найдите расстояние от точки  $O$  до стороны  $BC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



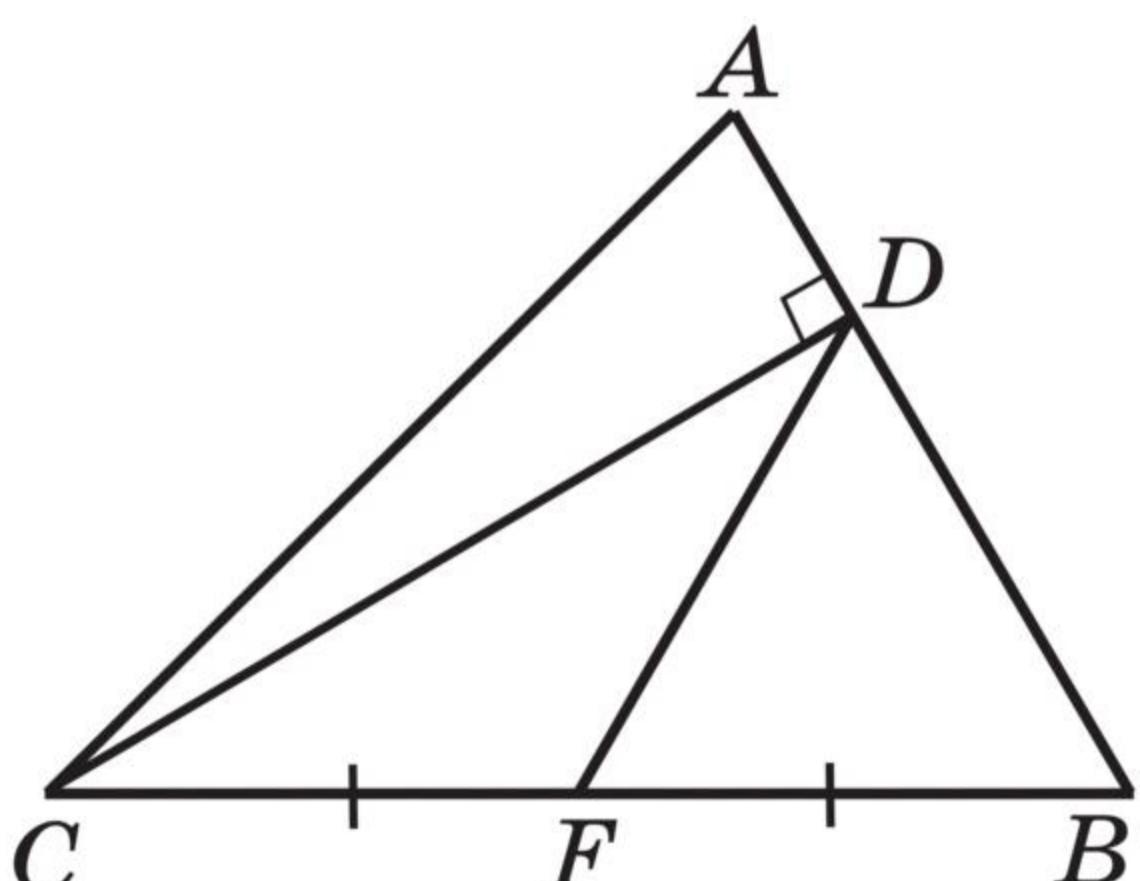
7. Из вершины прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведены медиана  $CM$  и биссектриса  $CD$ . Найдите угол  $DCM$ , если  $\angle ABC = 35^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

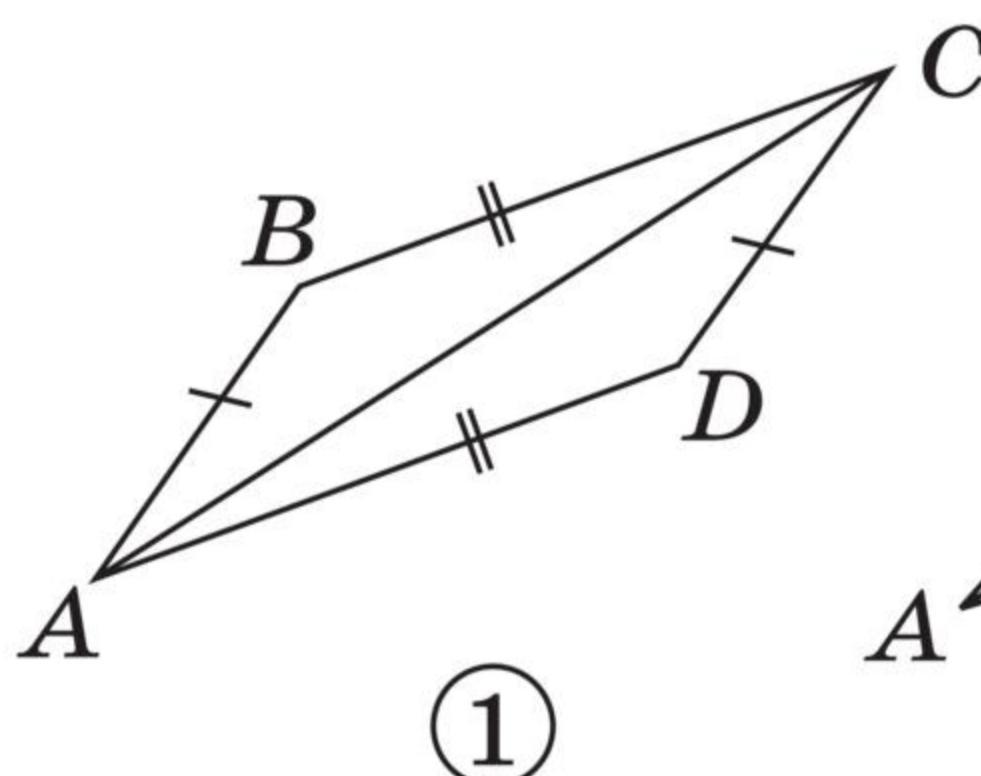


8. В треугольнике  $ABC$  проведена высота  $CD$ . Точка  $F$  — середина стороны  $BC$ . Найдите  $BC$ , если  $DF = 10$  см.

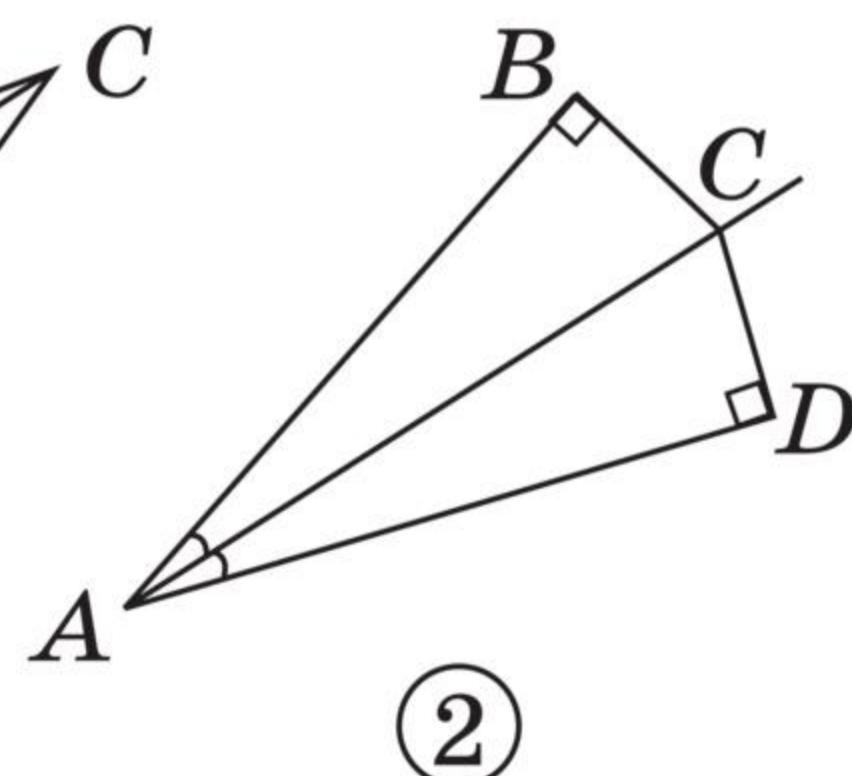
1. 5 см.      3. 10 см.  
2. 20 см.      4. 15 см.



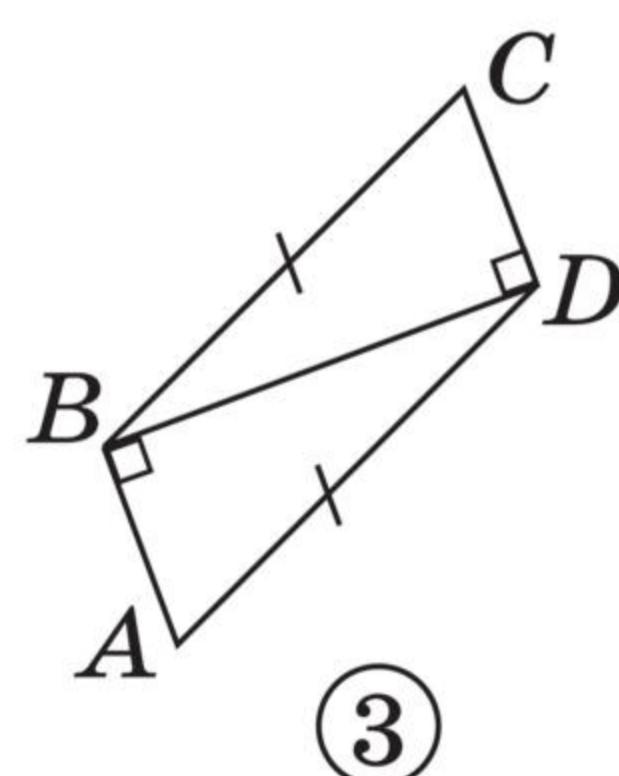
1. Используя обозначения равных элементов и свойства фигур, найдите на рисунках равные прямоугольные треугольники. Укажите номера этих рисунков в ответе.



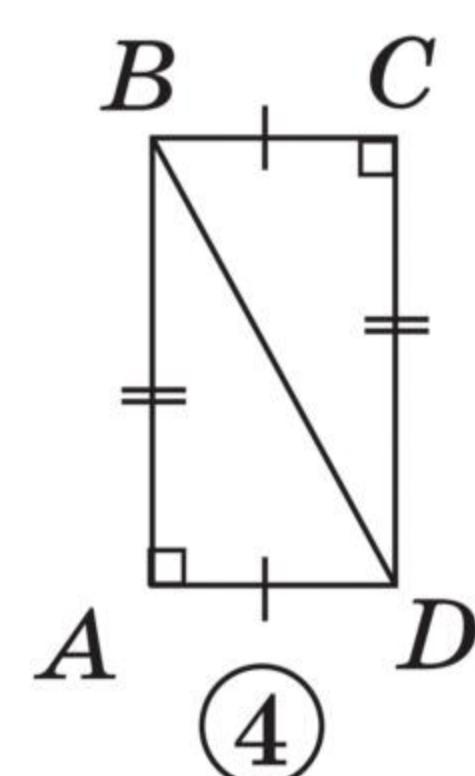
①



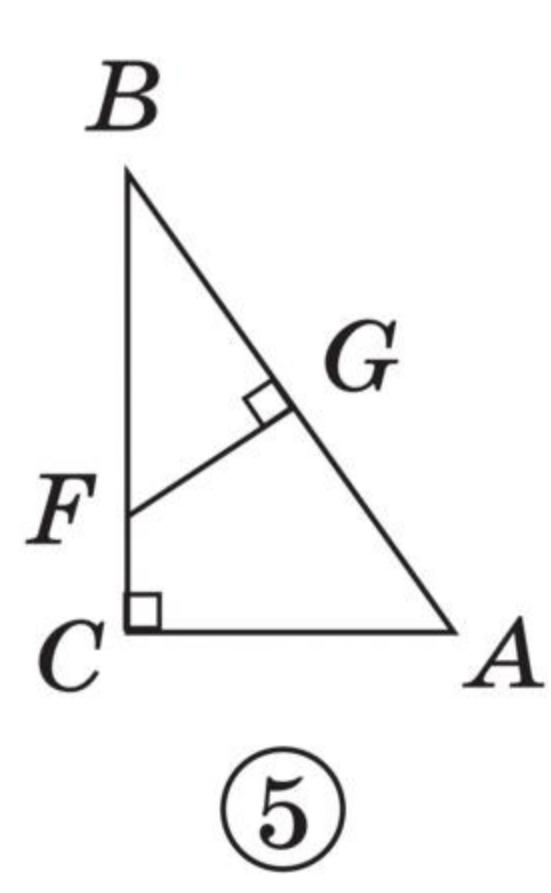
②



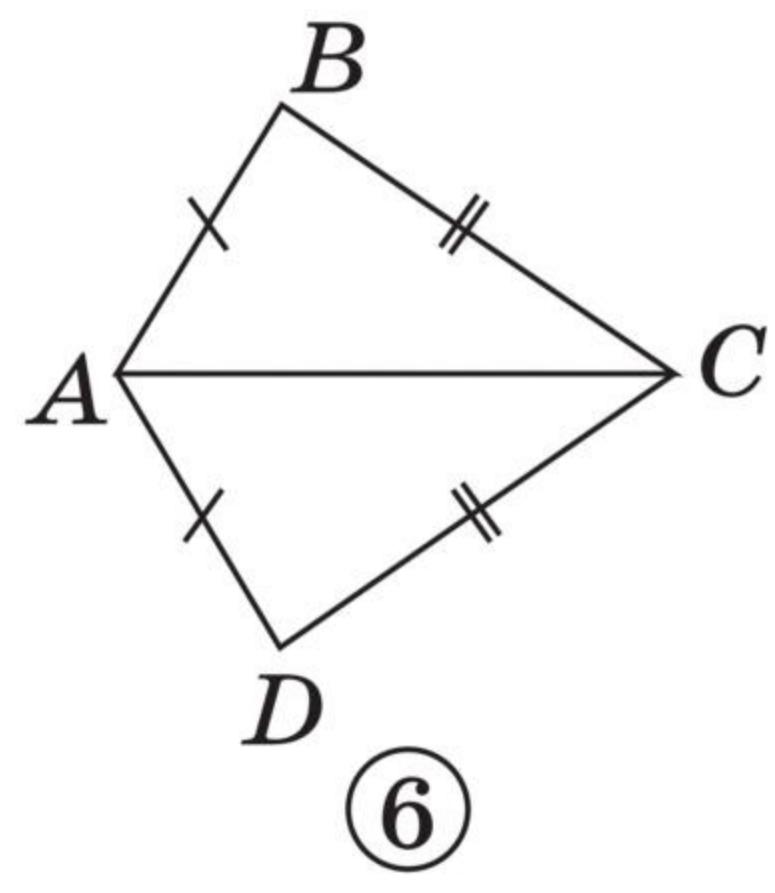
③



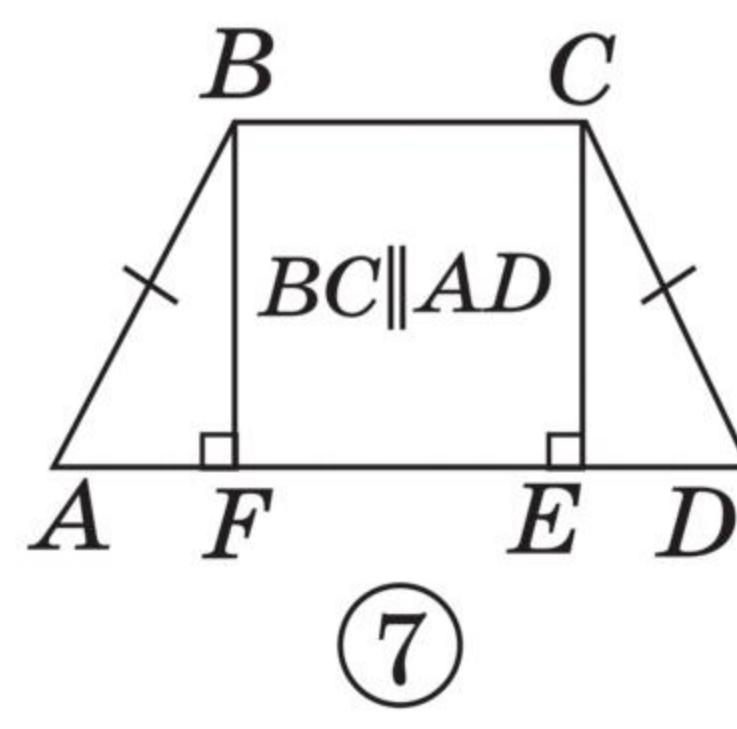
④



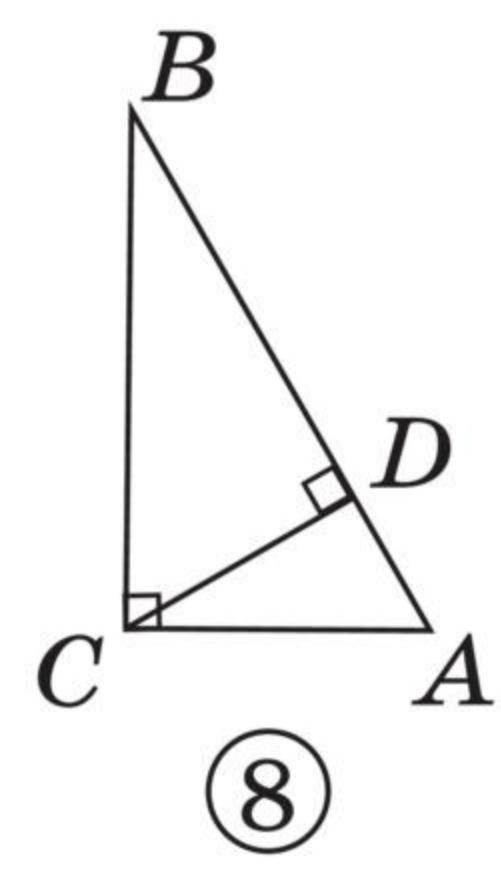
⑤



⑥



⑦



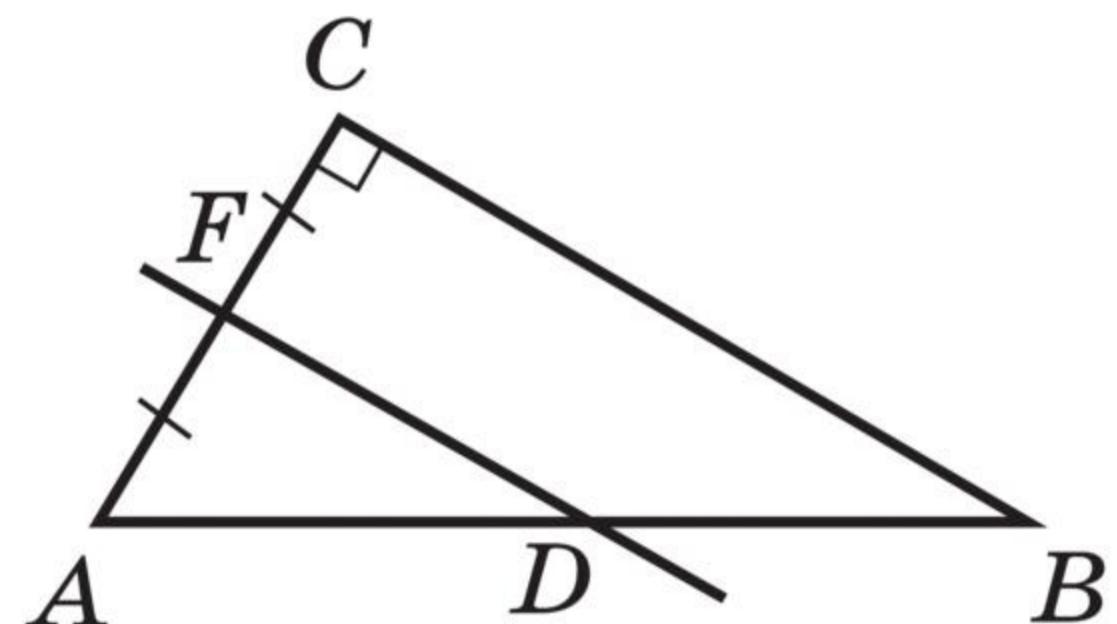
⑧

Ответ: \_\_\_\_\_

2. В прямоугольных треугольниках  $ABC$  ( $\angle C$  — прямой) и  $DEF$  ( $\angle F$  — прямой)  $AC = DF$  и  $BC = EF$ ,  $AB = 17$  см,  $AC = 8$  см. Найдите  $DE$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

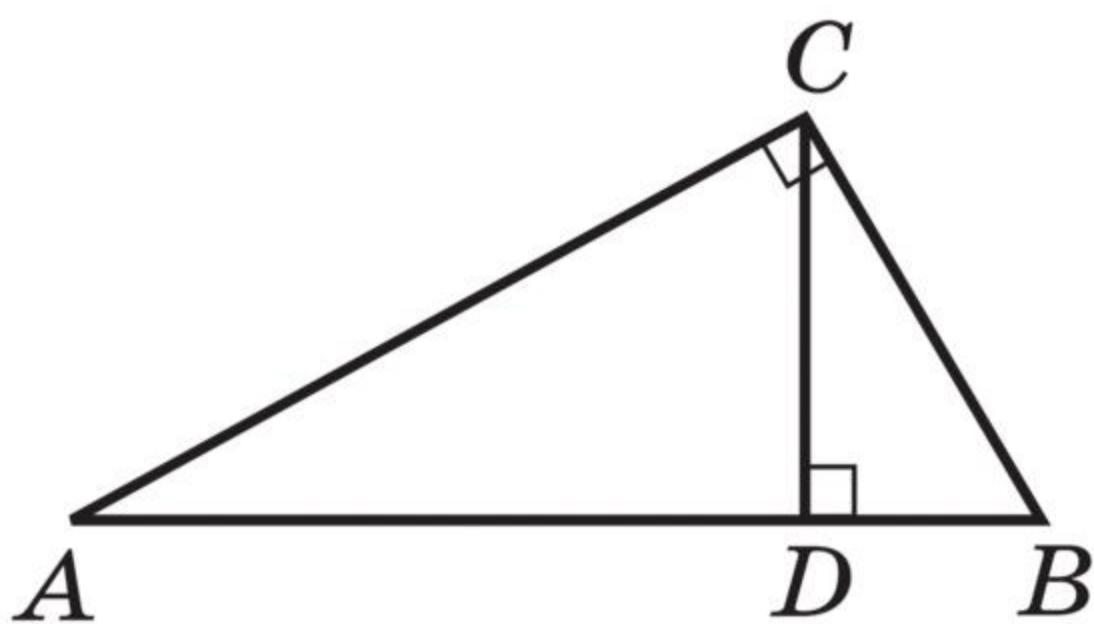
3. В прямоугольном треугольнике ( $\angle C$  — прямой) через середину катета  $AC$  проведен перпендикуляр  $FD$ . Найдите угол  $ADF$ , если  $\angle B = 37^\circ$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

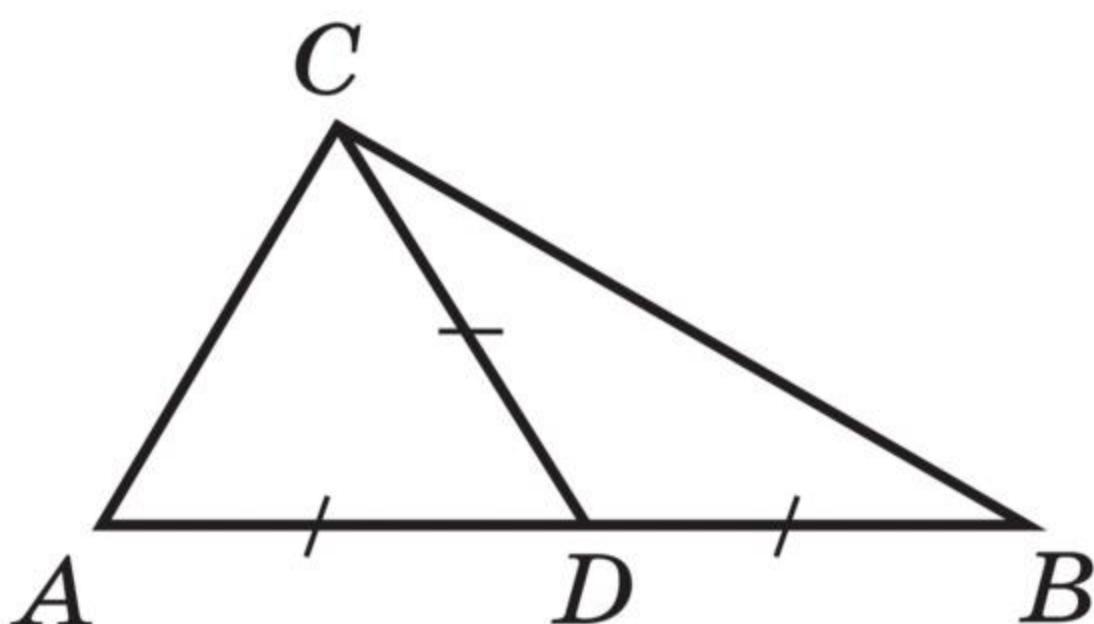
4. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  к гипотенузе  $AB$  проведена высота  $CD$ . Найдите гипотенузу  $AB$ , если  $BC = 6$  см,  $BD = 3$  см.

1. 12 см.      3. 24 см.  
2. 6 см.      4. 3 см.



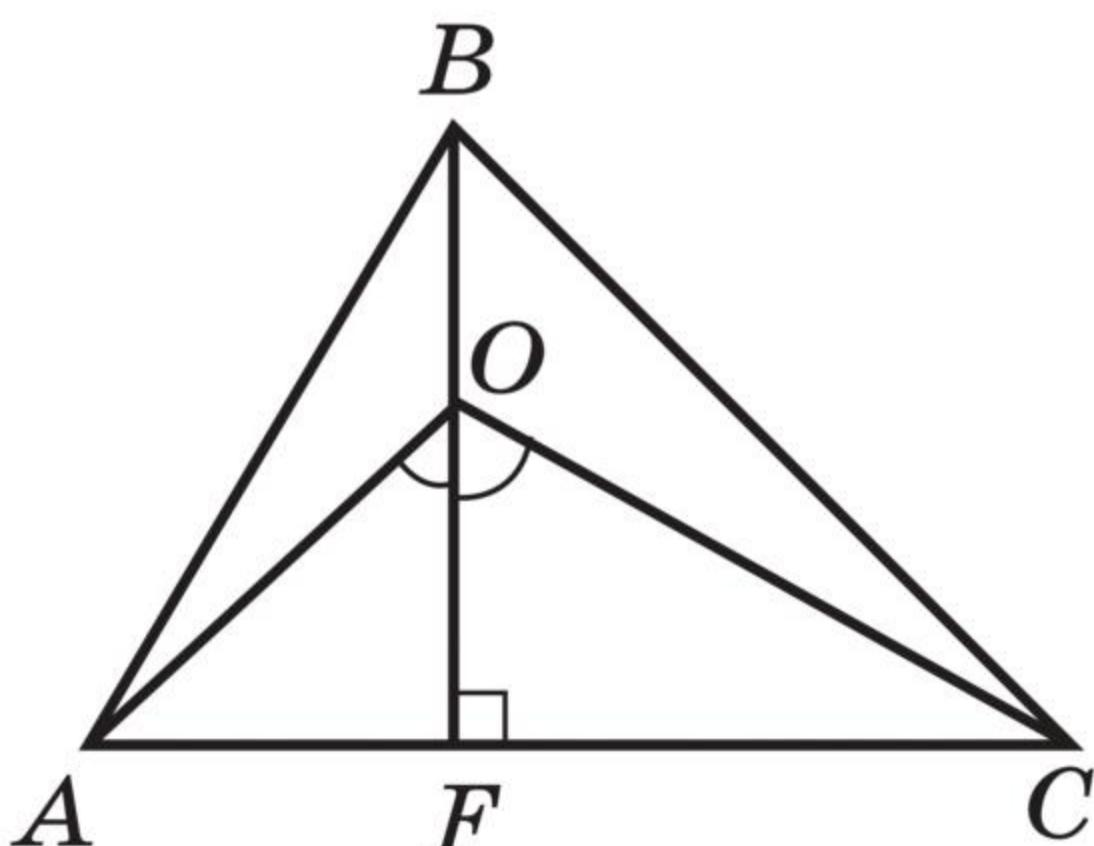
5. В треугольнике  $ABC$  проведена медиана  $CD$ , которая отсекает от него равнобедренный треугольник  $CDB$  ( $BD = CD$ ). Найдите угол  $ACB$ , если  $\angle ACD = 64^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



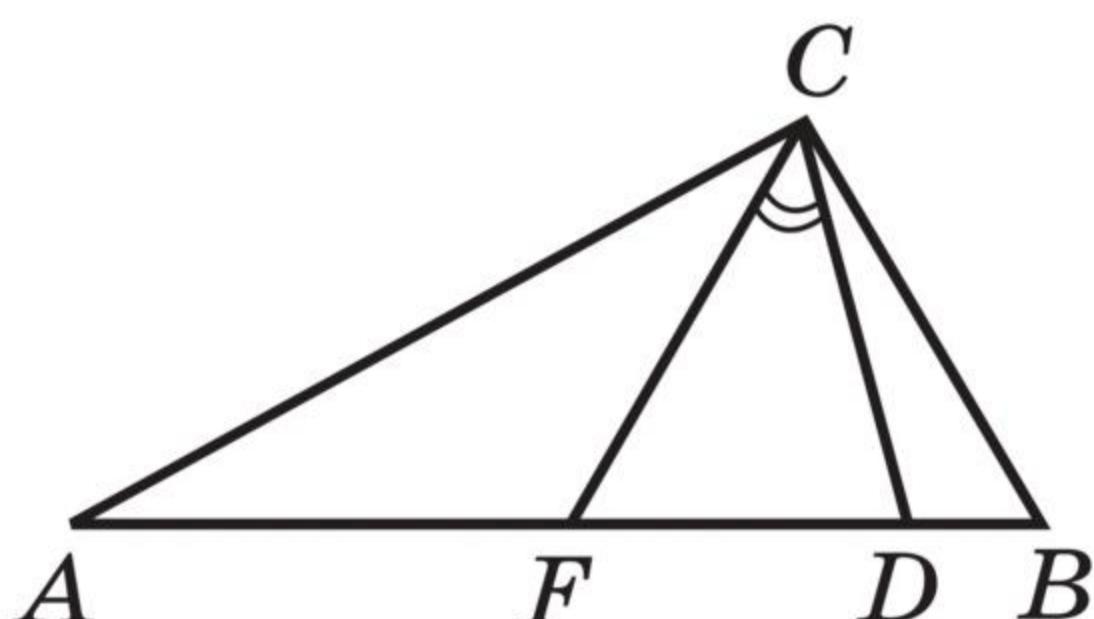
6. В треугольнике  $ABC$  на высоте  $BF$  отмечена точка  $O$ , такая, что  $\angle AOF = \angle FOC$ . Расстояние от точки  $O$  до стороны  $AB$  равно 3 см, а до стороны  $AC$  — 5 см. Найдите расстояние от точки  $O$  до стороны  $BC$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



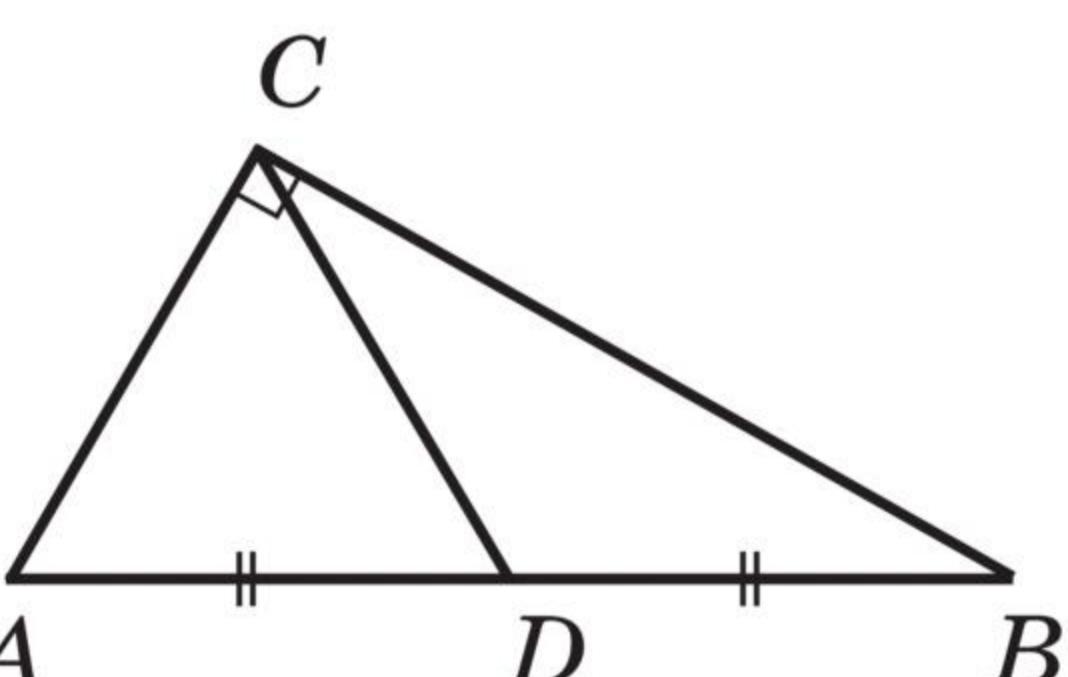
7. В прямоугольном треугольнике  $ABC$  на гипотенузе  $AB$  взяты точки  $F$  и  $D$  так, что  $AD = AC$  и  $BF = BC$ . Найдите угол  $FCD$ , если  $\angle ABC = 56^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



8. Из вершины прямого угла к гипотенузе прямоугольного треугольника проведена медиана. Найдите медиану, если гипотенуза равна 18 см.

1. 6 см.      3. 9 см.  
2. 24 см.      4. 36 см.



**ТЕСТ 9****Вариант 1**

1. Из одной точки окружности проведены две хорды, каждая из которых равна радиусу данной окружности. Найдите угол между ними. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

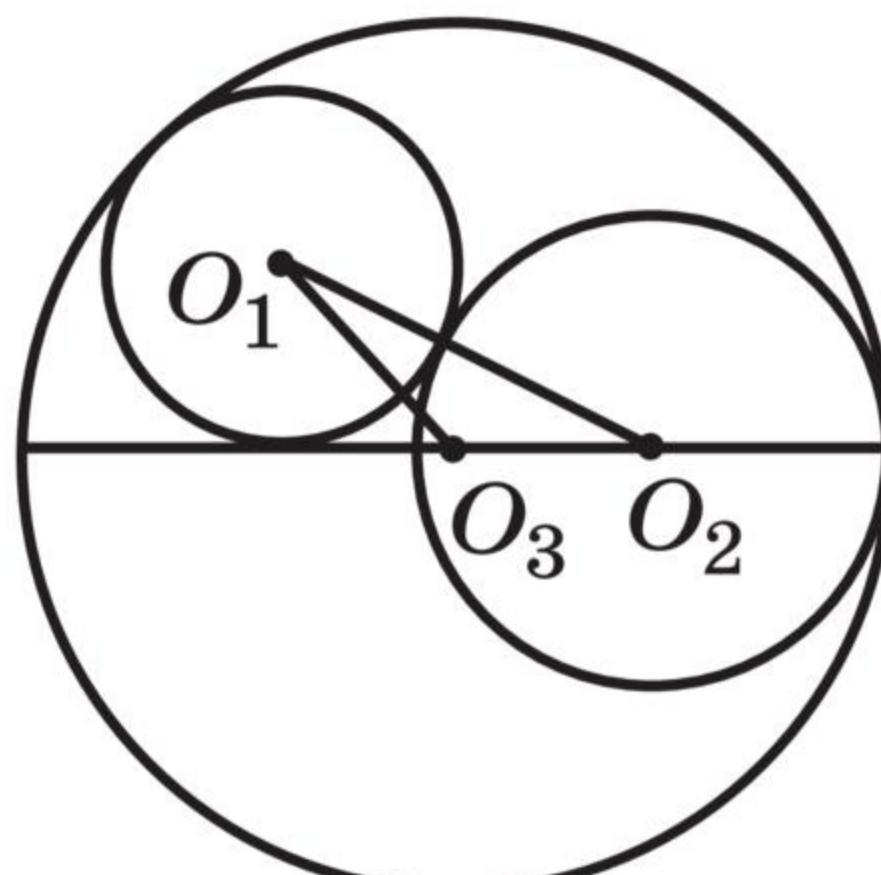
2. Расстояние от центра окружности до прямой равно 7 см, а диаметр окружности равен 16 см. Определите, сколько общих точек имеют окружность и прямая.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Даны две окружности, радиусы которых равны 7 см и 3 см. Найдите расстояние между центрами окружностей, если они касаются внешним образом. Сделайте рисунок.

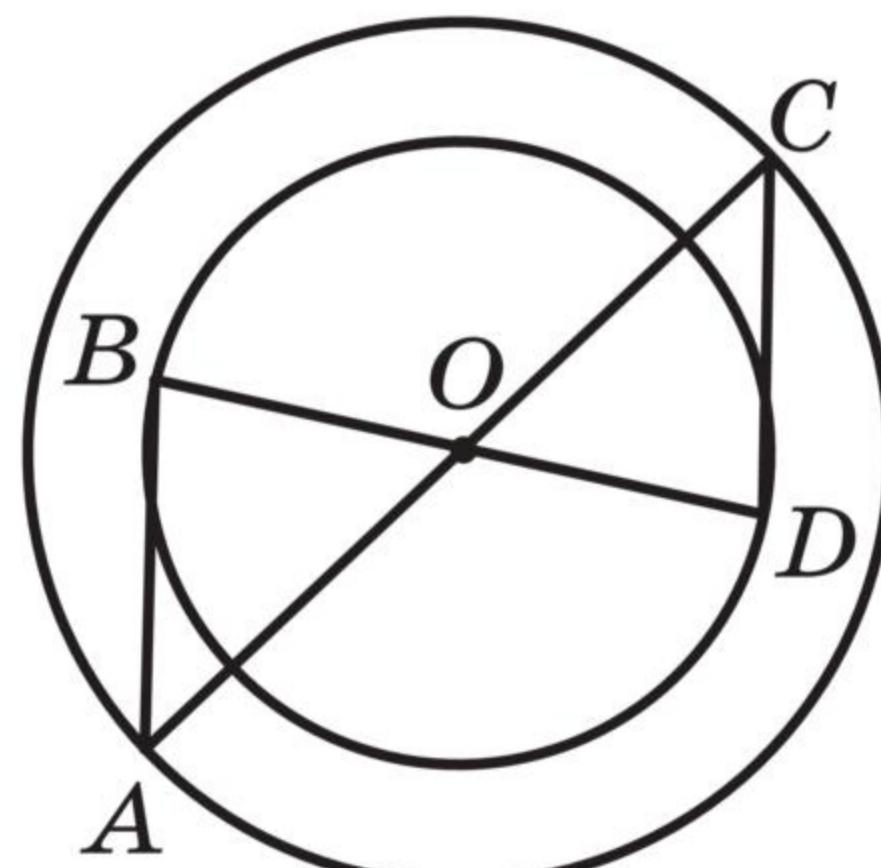
Ответ: \_\_\_\_\_

4. Три окружности с центрами в точках  $O_1$ ,  $O_2$  и  $O_3$  касаются друг друга так, как показано на рисунке. Радиусы окружностей равны 12 см, 7 см и 5 см. Найдите периметр треугольника  $O_1O_2O_3$ .



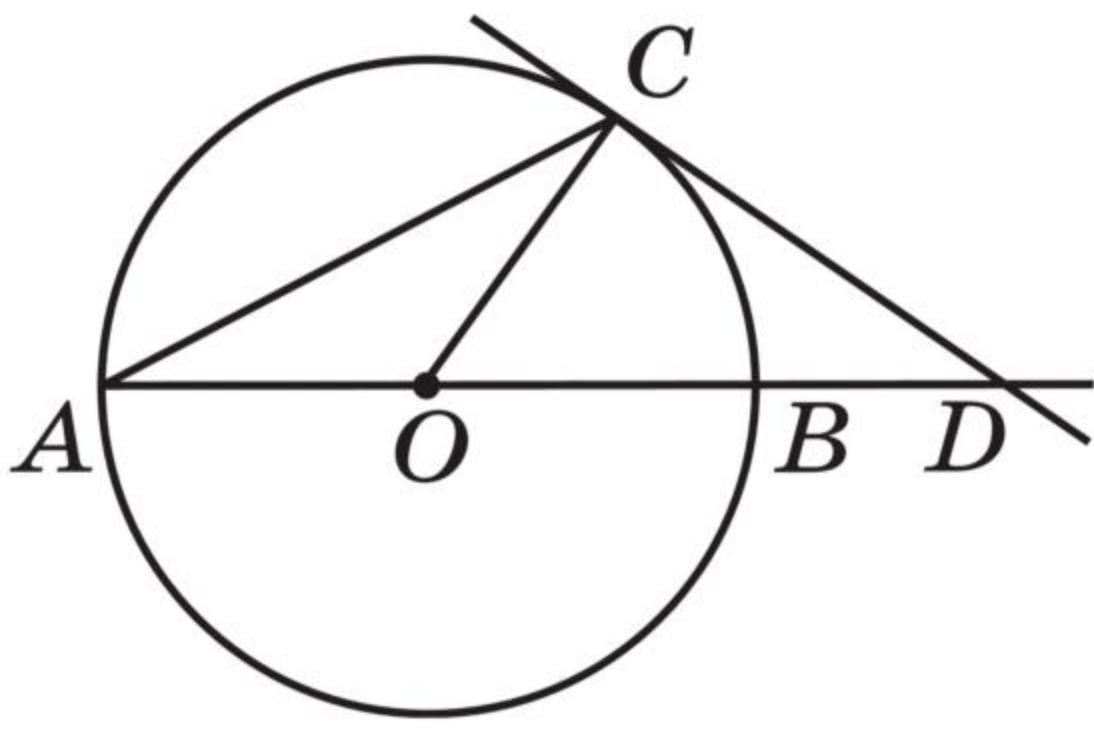
Ответ: \_\_\_\_\_

5. Две окружности имеют общий центр в точке  $O$ . Диаметр  $AC$  равен 16 см, а диаметр  $BD$  равен 10 см. Найдите сторону  $AB$  треугольника  $OBA$ , если  $CD = 6$  см.



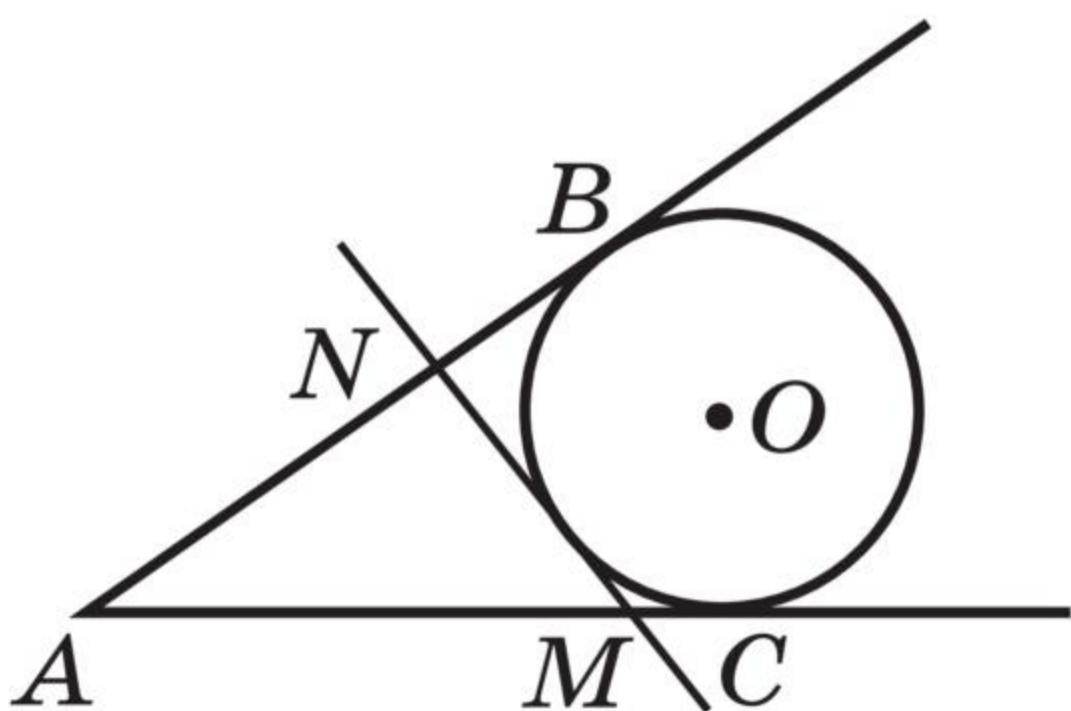
Ответ: \_\_\_\_\_

6. Угол между диаметром  $AB$  и хордой  $AC$  окружности равен  $30^\circ$ . Через точку  $C$  проведена касательная к окружности, которая пересекает прямую  $AB$  в точке  $D$ . Определите вид треугольника  $ACD$ .



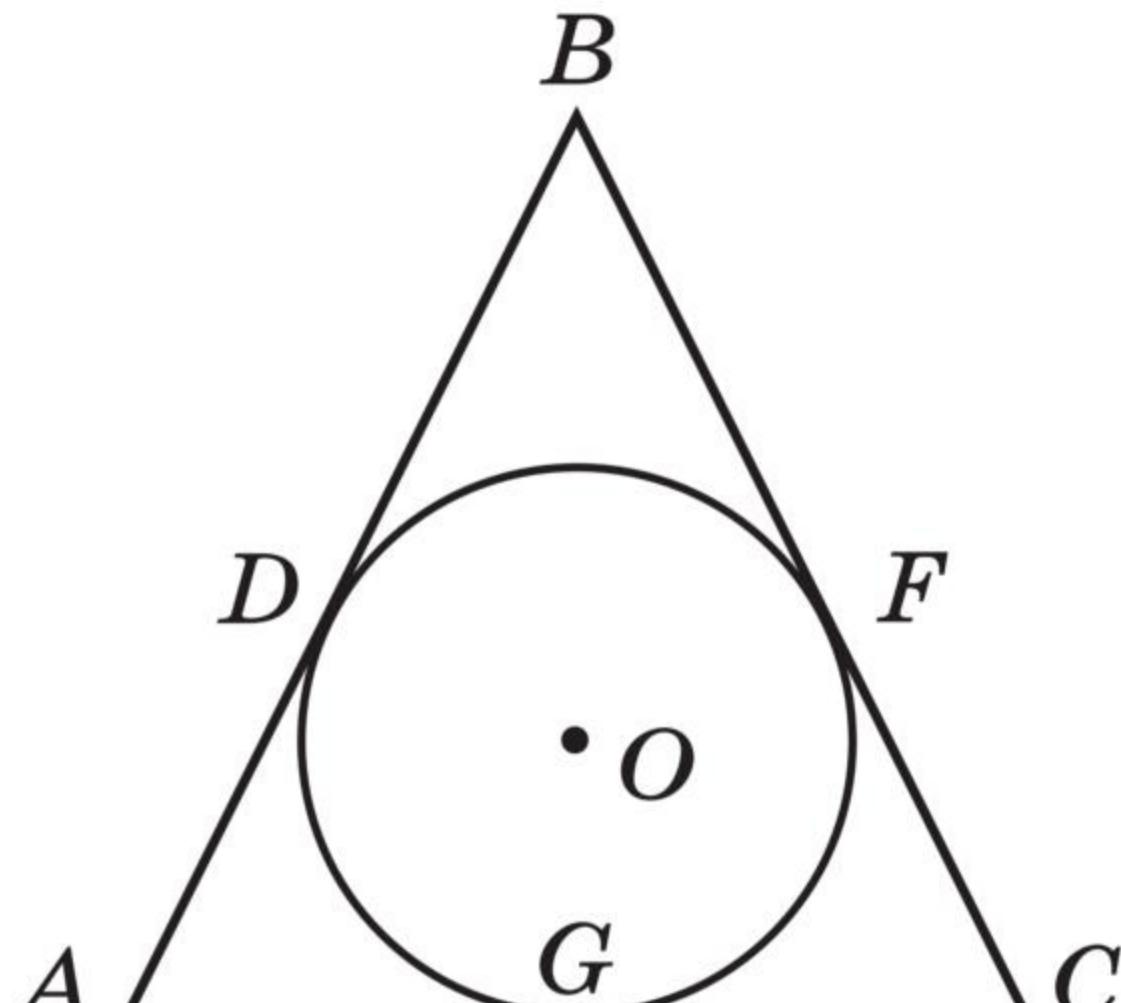
1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.
4. Определить невозможно.

7. Окружность с центром в точке  $O$  касается сторон угла  $BAC$  ( $B$  и  $C$  — точки касания). Касательная  $MN$  к этой окружности пересекает стороны угла  $BAC$  в точках  $N$  и  $M$ . Найдите периметр треугольника  $AMN$ , если  $AB = 9$  см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

8. В равнобедренный треугольник  $ABC$  ( $AB = BC$ ) вписана окружность. Точка касания  $D$  делит сторону  $AB$  в отношении  $1 : 2$ , считая от вершины  $A$ . Найдите сторону  $AB$ , если сторона  $AC$  равна 6 см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

9. Определите, что является геометрическим местом точек центров окружностей, проходящих через две данные точки. Сделайте рисунок.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 9****Вариант 2**

1. Из одной точки окружности проведены хорда, равная радиусу данной окружности, и диаметр. Найдите угол между ними. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Расстояние от центра окружности до прямой равно 7 см, диаметр окружности равен 14 см. Определите, сколько общих точек имеют окружность и прямая.

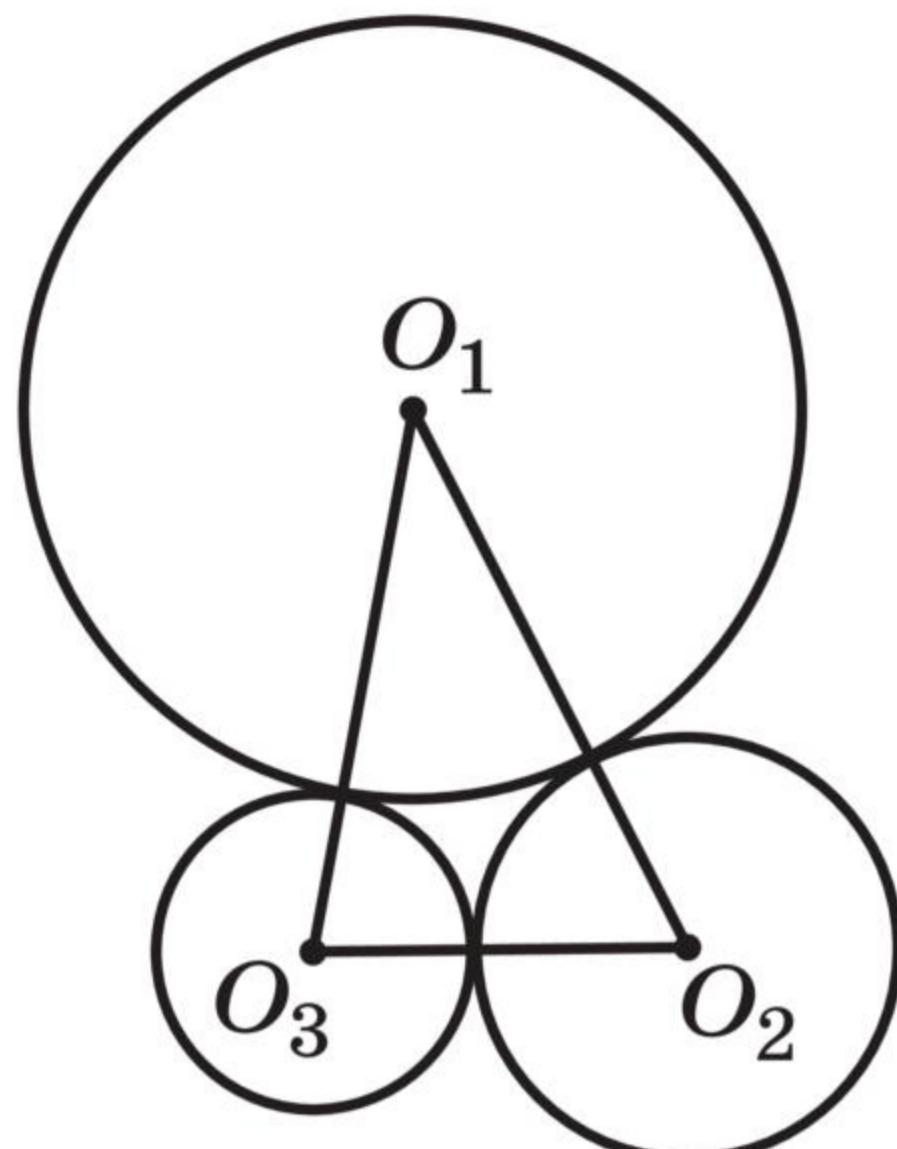
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Даны две окружности, радиусы которых равны 9 см и 3 см. Расстояние между центрами окружностей равно 5 см. Найдите наименьшее расстояние между точками окружностей. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

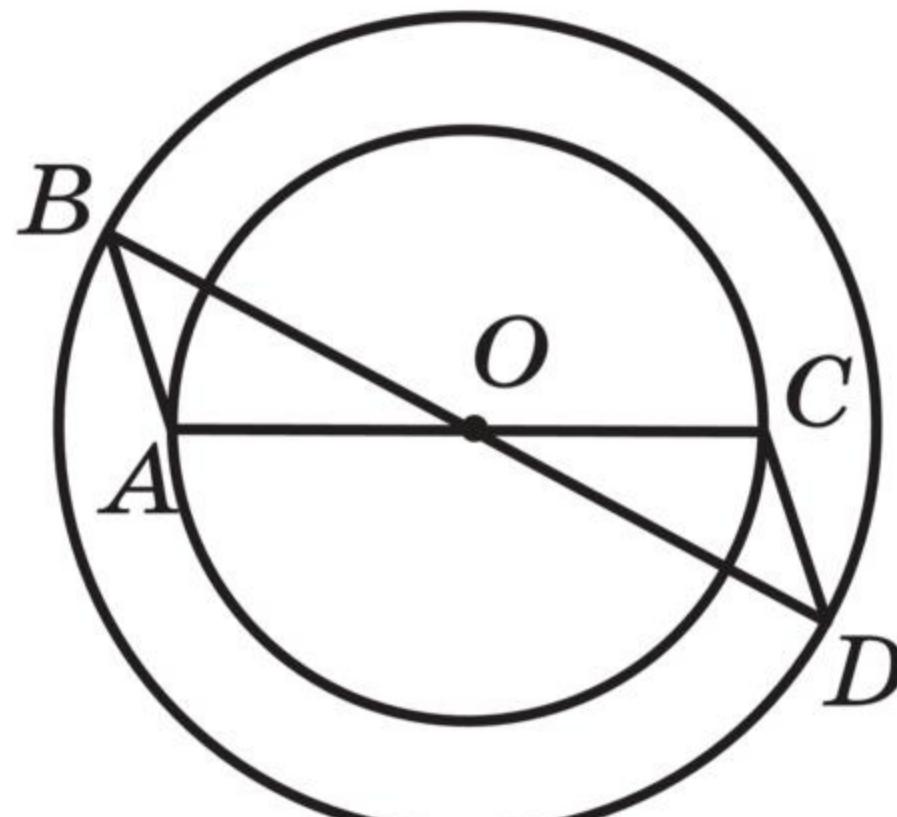
4. Три окружности с центрами в точках  $O_1$ ,  $O_2$  и  $O_3$  попарно касаются друг друга. Радиусы окружностей равны 11 см, 7 см и 5 см. Найдите периметр треугольника  $O_1O_2O_3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

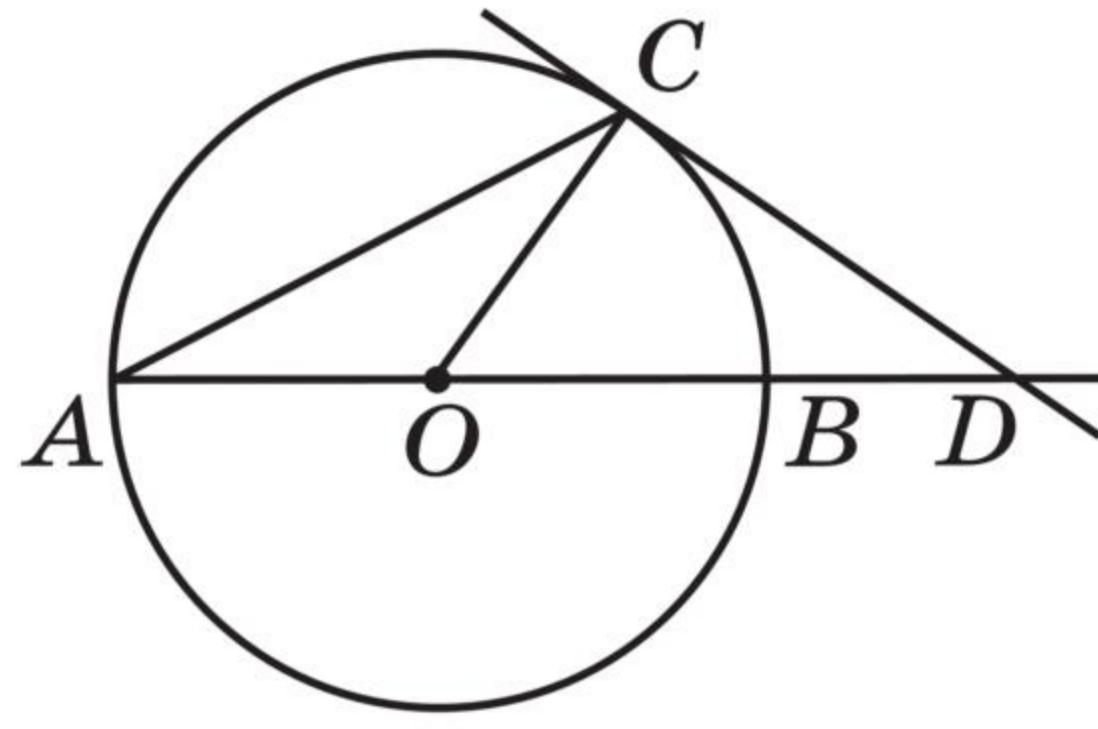


5. Две окружности имеют общий центр в точке  $O$ . Диаметр  $BD$  равен 14 см, а диаметр  $AC$  равен 8 см. Найдите сторону  $AB$  треугольника  $OBA$ , если  $CD = 5$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_

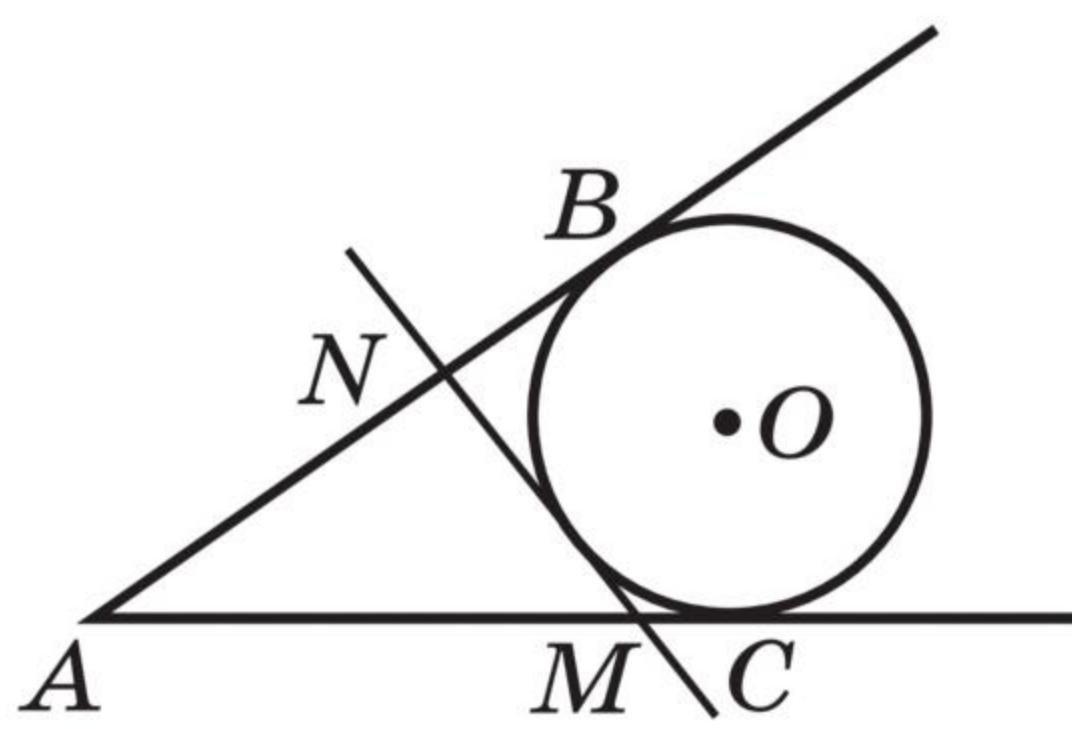


6. Угол между диаметром  $AB$  и хордой  $AC$  окружности равен  $40^\circ$ . Через точку  $C$  проведена касательная к окружности, которая пересекает прямую  $AB$  в точке  $D$ . Определите вид треугольника  $ACD$ .



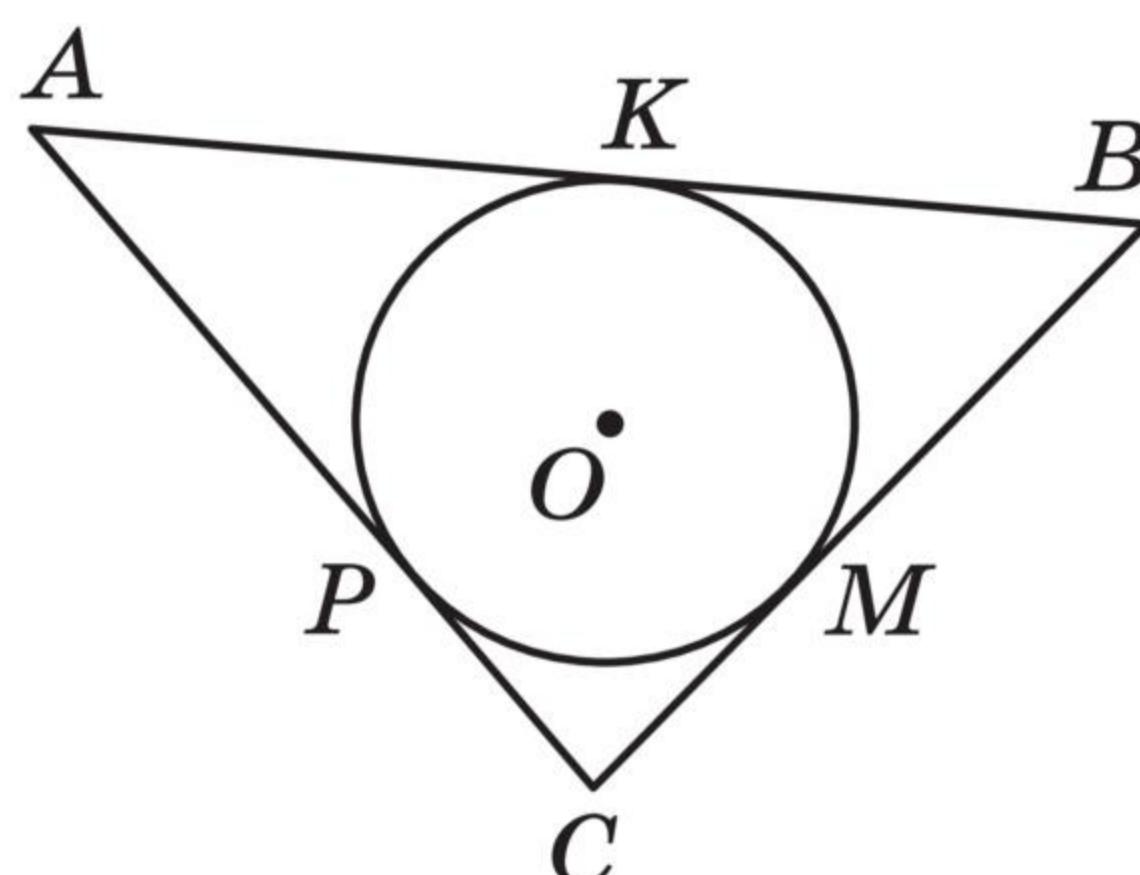
1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.
4. Определить невозможно.

7. Окружность с центром в точке  $O$  касается сторон угла  $BAC$  ( $B$  и  $C$  — точки касания). Касательная  $MN$  к этой окружности пересекает стороны угла  $BAC$  в точках  $N$  и  $M$ . Найдите длину отрезка  $AC$ , если периметр треугольника  $AMN$  равен 14 см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

8. В треугольник  $ABC$  вписана окружность. Точки  $K$ ,  $M$  и  $P$  — точки ее касания со сторонами  $AB$ ,  $BC$  и  $AC$  соответственно. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $AK + BM + CP = 12$  см.



9. Определите, что является геометрическим местом точек центров окружностей, касающихся прямой в данной точке. Сделайте рисунок.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 9****Вариант 3**

1. Через точку окружности проведены хорда, равная радиусу данной окружности, и касательная к этой окружности. Найдите больший угол между ними. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

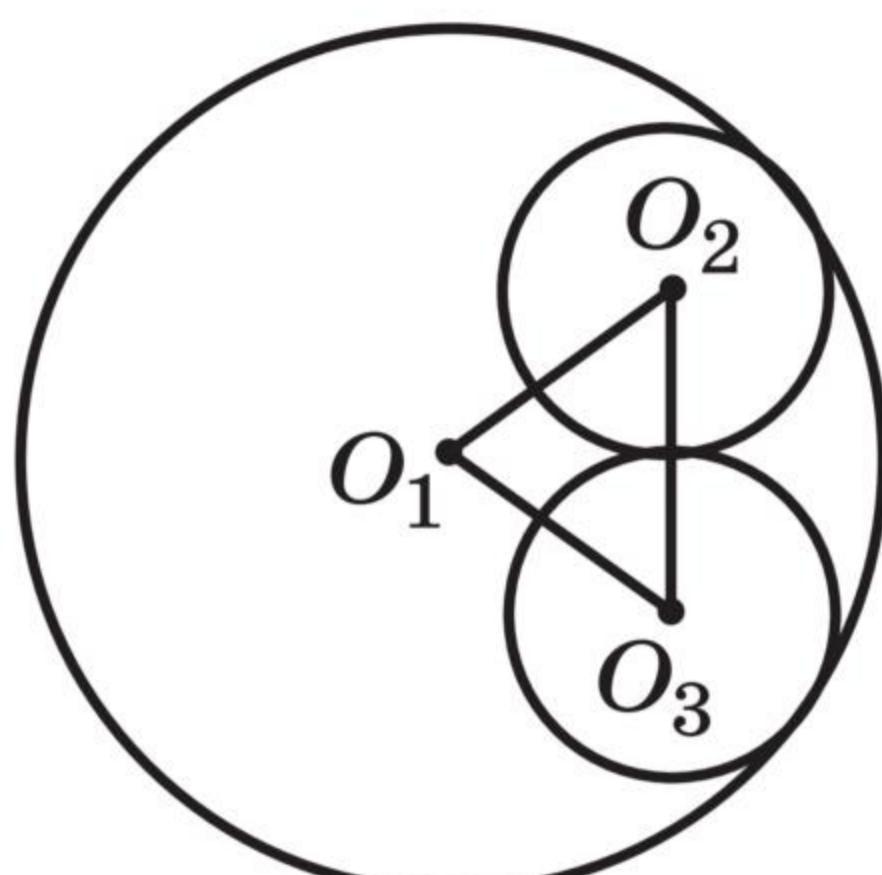
2. Расстояние от центра окружности до прямой равно 14 см, диаметр окружности равен 14 см. Определите, сколько общих точек имеют окружность и прямая.

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Даны две окружности, радиусы которых равны 7 см и 3 см. Найдите расстояние между центрами окружностей, если они касаются внутренним образом. Сделайте рисунок.

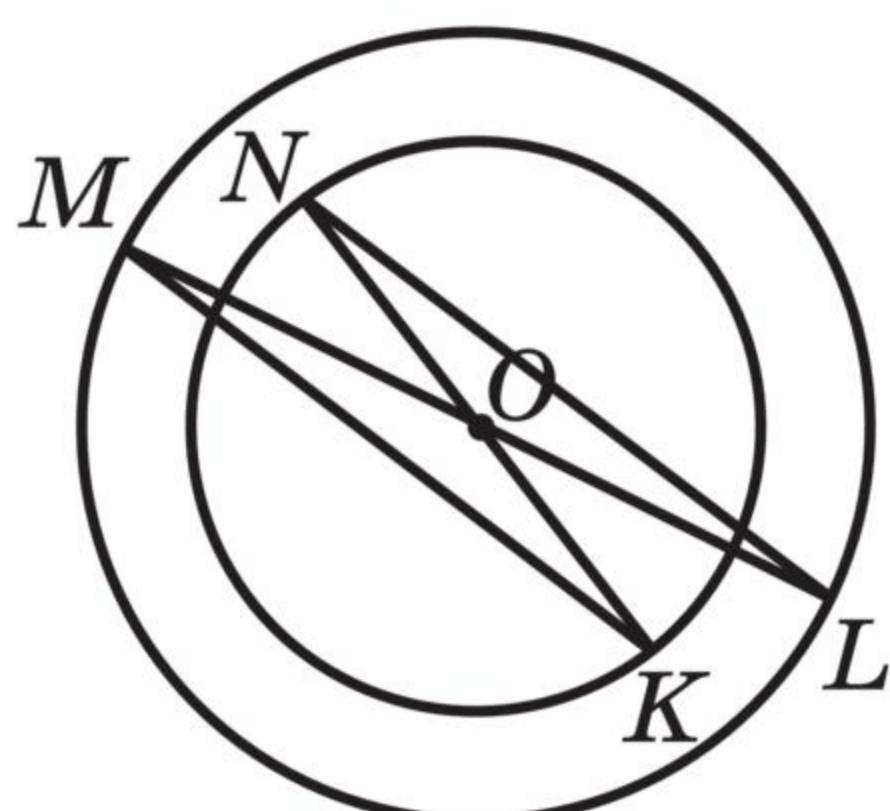
Ответ: \_\_\_\_\_

4. Три окружности с центрами в точках  $O_1$ ,  $O_2$  и  $O_3$  касаются друг друга так, как показано на рисунке. Радиусы окружностей равны 12 см, 5 см и 5 см. Найдите периметр треугольника  $O_1O_2O_3$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

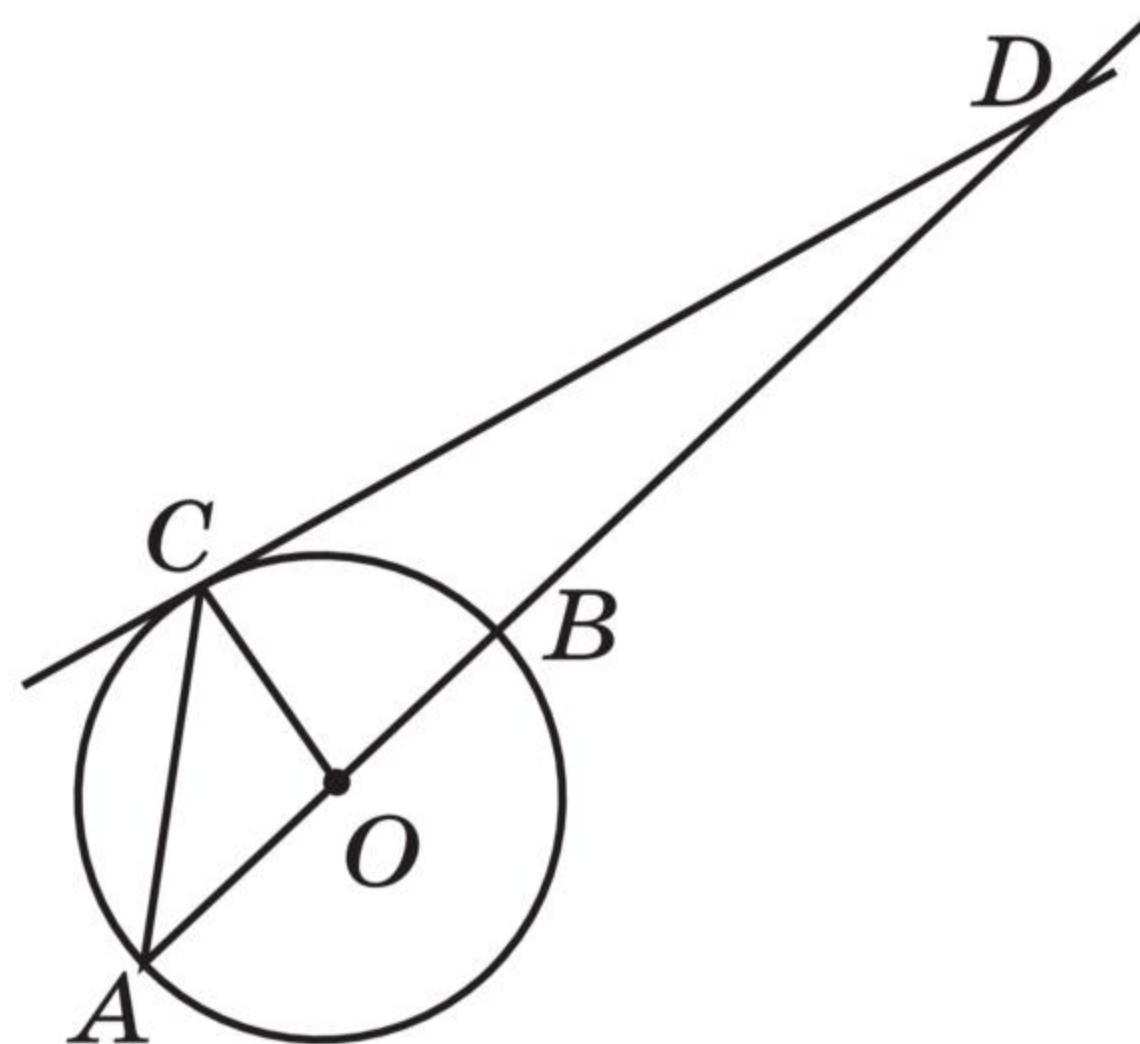
5. Две окружности имеют общий центр в точке  $O$ . Диаметр  $ML$  равен 14 см, а диаметр  $NK$  равен 12 см. Найдите сторону  $NL$  треугольника  $ONL$ , если  $MK = 9$  см.



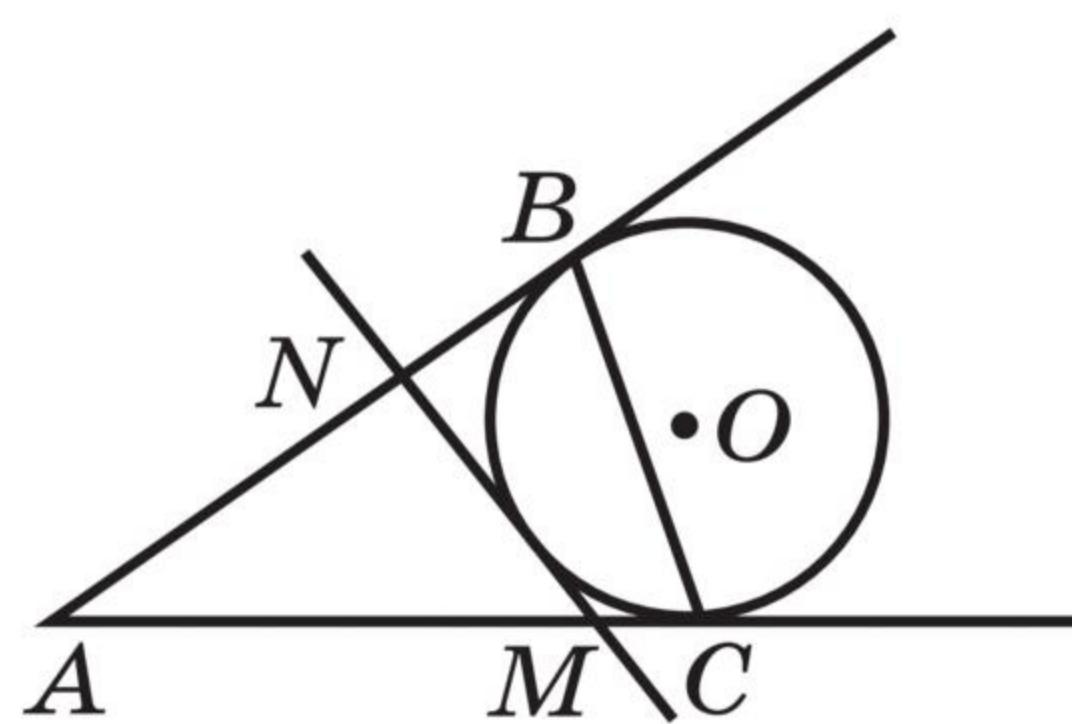
Ответ: \_\_\_\_\_

6. Угол между диаметром  $AB$  и хордой  $AC$  окружности равен  $45^\circ$ . Через точку  $C$  проведена касательная к окружности, которая пересекает прямую  $AB$  в точке  $D$ . Определите вид треугольника  $ACD$ .

1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.
4. Определить невозможно.



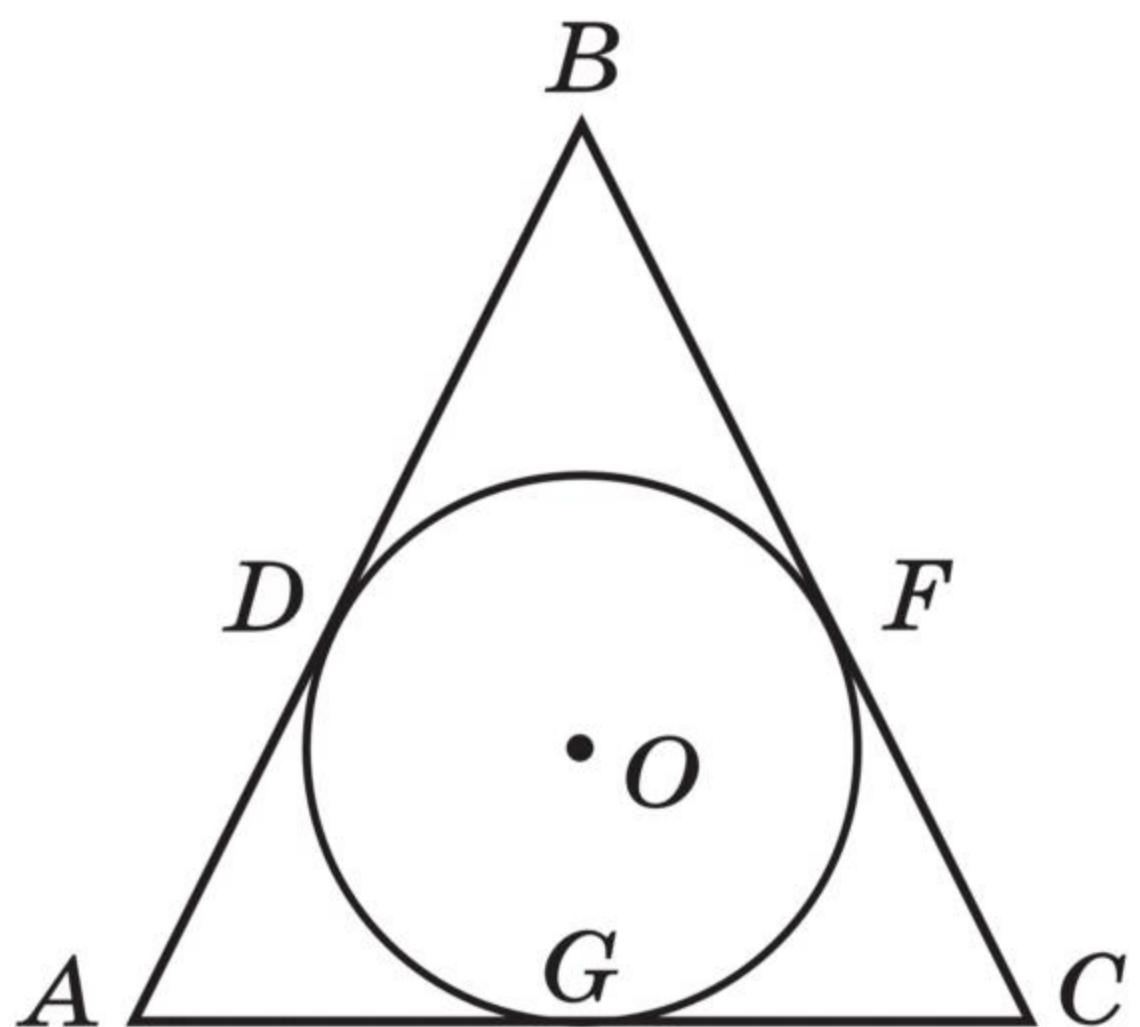
7. Окружность с центром в точке  $O$  касается сторон угла  $BAC$  ( $B$  и  $C$  — точки касания). Касательная  $MN$  к этой окружности пересекает стороны угла  $BAC$  в точках  $N$  и  $M$ . Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $BC = 7$  см, а периметр треугольника  $AMN$  равен 17 см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

8. В равнобедренный треугольник  $ABC$  вписана окружность, которая касается основания  $AC$  в точке  $G$ , а боковых сторон  $AB$  и  $BC$  в точках  $D$  и  $F$  соответственно. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $FB = 4$  см,  $AG = 2$  см.

**Ответ:** \_\_\_\_\_



9. Определите, что является геометрическим местом точек центров окружностей, касающихся двух параллельных прямых. Сделайте рисунок.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

**ТЕСТ 9****Вариант 4**

1. Через точку окружности проведены хорда, равная радиусу данной окружности, и касательная к этой окружности. Найдите меньший угол между ними. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Расстояние от центра окружности до прямой равно 6 см, диаметр окружности равен 12 см. Определите, сколько общих точек имеют окружность и прямая.

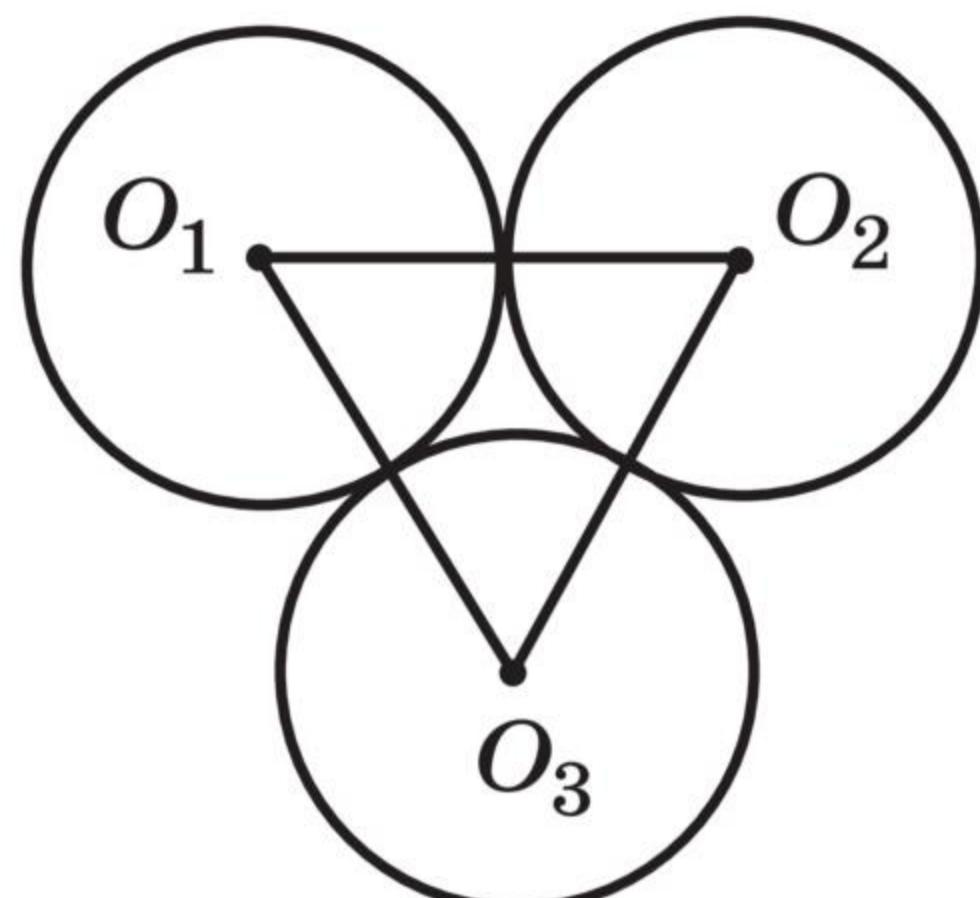
Ответ: \_\_\_\_\_

3. Даны две окружности, радиусы которых равны 7 см и 3 см. Расстояние между центрами окружностей равно 15 см. Найдите наименьшее расстояние между точками окружностей. Сделайте рисунок.

Ответ: \_\_\_\_\_

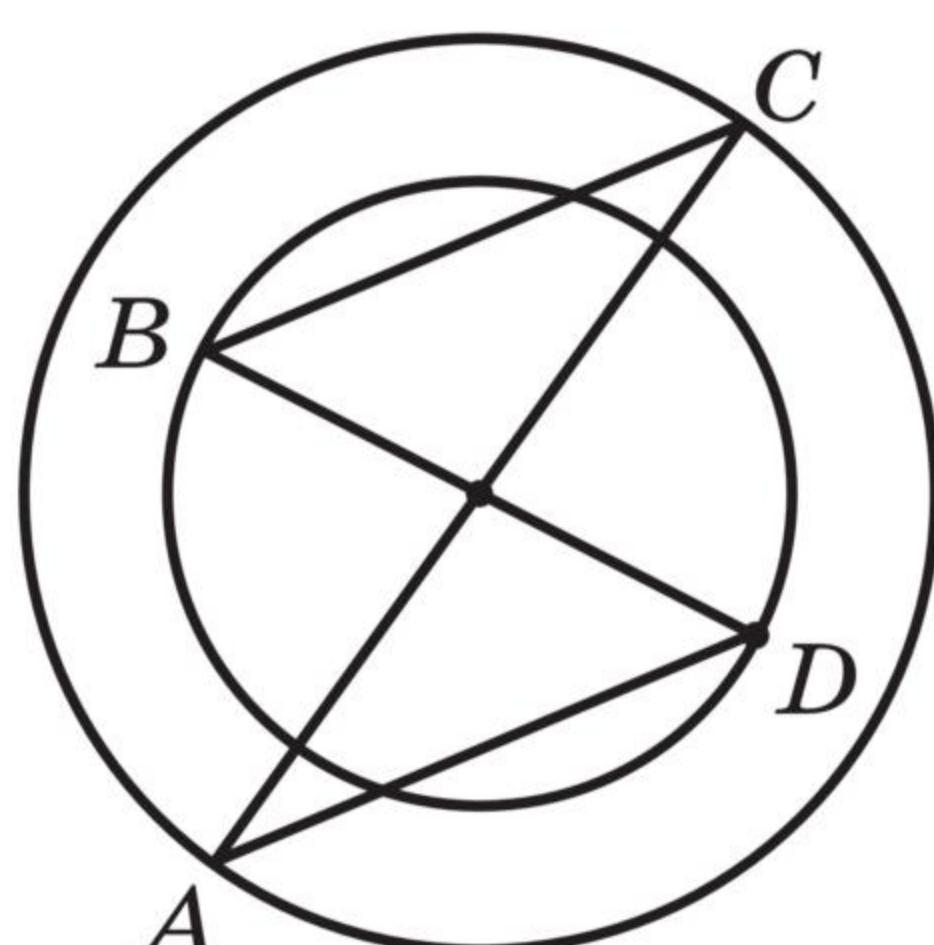
4. Три равные окружности с центрами в точках  $O_1$ ,  $O_2$  и  $O_3$  попарно касаются друг друга. Найдите периметр треугольника  $O_1O_2O_3$ , если радиус каждой окружности равен 7 см.

Ответ: \_\_\_\_\_

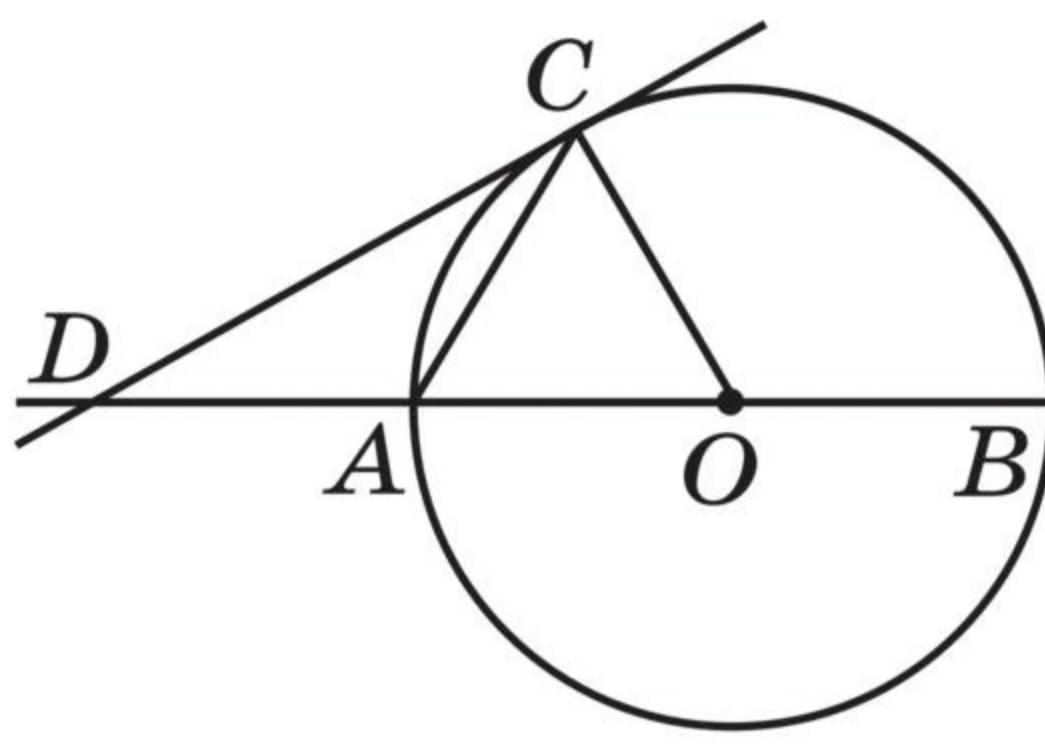


5. Две окружности имеют общий центр в точке  $O$ . Диаметр  $AC$  равен 14 см, диаметр  $BD$  равен 8 см. Найдите сторону  $AD$  треугольника  $OAD$ , если  $BC = 7$  см.

Ответ: \_\_\_\_\_

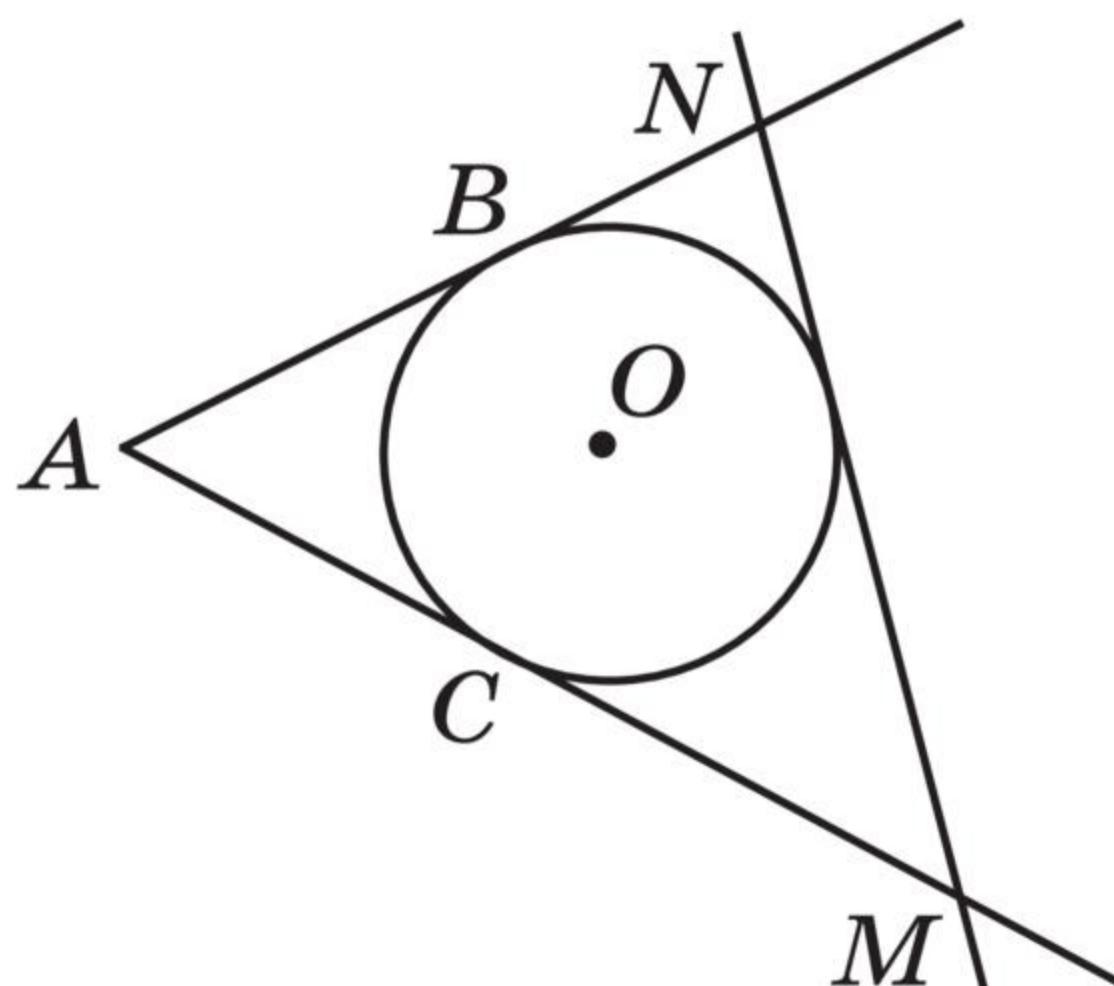


6. Угол между диаметром  $AB$  и хордой  $AC$  окружности равен  $60^\circ$ . Через точку  $C$  проведена касательная к окружности, которая пересекает прямую  $AB$  в точке  $D$ . Определите вид треугольника  $ACD$ .



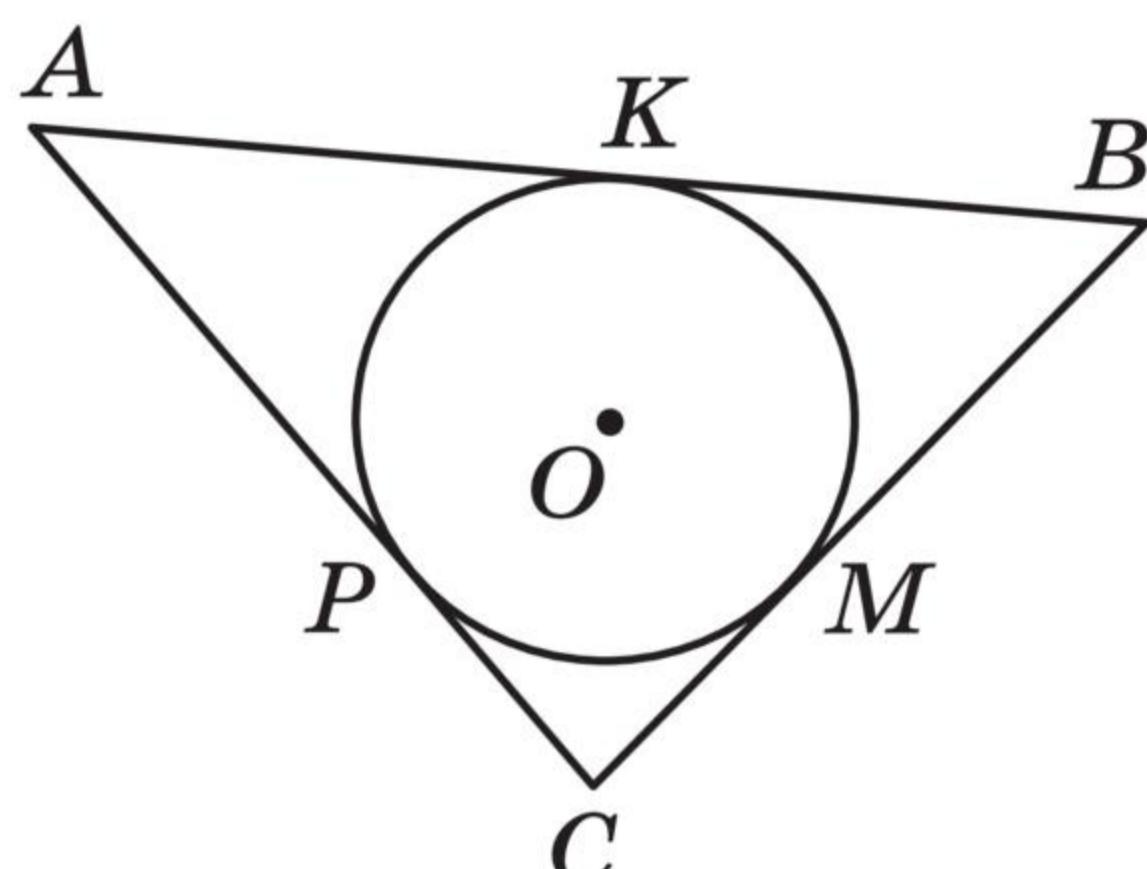
1. Треугольник равнобедренный.
2. Треугольник равносторонний.
3. Треугольник разносторонний.
4. Определить невозможно.

7. Окружность с центром в точке  $O$  касается сторон угла  $BAC$  ( $B$  и  $C$  — точки касания). Касательная  $MN$  к этой окружности пересекает стороны угла  $BAC$  в точках  $N$  и  $M$ . Найдите длину отрезка  $AC$ , если периметр треугольника  $AMN$  равен 24 см, а касательная  $MN$  равна 7 см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

8. В треугольник  $ABC$  вписана окружность. Точки  $K$ ,  $M$  и  $P$  — точки ее касания со сторонами  $AB$ ,  $BC$  и  $AC$  соответственно. Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $AK = 6$  см,  $BM = 4$  см и  $CP = 3$  см.



**Ответ:** \_\_\_\_\_

9. Определите, что является геометрическим местом точек центров окружностей, касающихся двух пересекающихся прямых. Сделайте рисунок.

**Ответ:** \_\_\_\_\_

# Содержание

§ 1. Система тематического тестирования по геометрии . . . . .	3
1. Цель тематического тестирования по геометрии . . . . .	—
2. Общая характеристика содержания и структуры теста . . . . .	—
3. Характеристика содержания тестов, рекомендованных к каждой главе курса . . . . .	4
4. Система оценивания выполнения отдельных заданий и работы в целом . . . . .	7
§ 2. Тематические тесты . . . . .	9
Тест 1. Входной контроль . . . . .	—
Тест 2. Основные свойства простейших геометрических фигур . . . . .	17
Тест 3. Смежные и вертикальные углы . . . . .	25
Тест 4. Равнобедренный треугольник. Высота, биссектриса и медиана . . . . .	33
Тест 5. Признаки равенства треугольников . . . . .	41
Тест 6. Параллельные прямые . . . . .	49
Тест 7. Сумма углов треугольника . . . . .	57
Тест 8. Прямоугольный треугольник . . . . .	65
Тест 9. Геометрические построения . . . . .	73



Дополнительные материалы размещены  
в электронном каталоге издательства «Просвещение»  
на интернет-ресурсе [www.prosv.ru](http://www.prosv.ru)

**Завершённая предметная линия учебников  
по геометрии для 7–9 классов  
общеобразовательных организаций:**

- **Геометрия. 7–9 классы**  
**(автор А. В. Погорелов)**

**Учебно-методический комплект  
по геометрии для 7 класса  
общеобразовательных организаций:**

- Сборник рабочих программ
- Учебник  
(автор А. В. Погорелов)
- Рабочая тетрадь  
(автор Ю. П. Дудницын)
- Дидактические материалы  
(авторы В. А. Гусев, А. И. Медяник)
- Тренировочные задания  
(авторы Ю. П. Дудницын, В. Л. Кронгауз)
- **Тематические тесты**  
**(автор Т. М. Мищенко)**
- Поурочные разработки  
(авторы В. И. Жохов, Г. Д. Карташёва, Л. Б. Крайнева)

Полный ассортимент продукции издательства «Просвещение»  
вы можете приобрести в официальном  
интернет-магазине [shop.prosv.ru](http://shop.prosv.ru):

- низкие цены;
- оперативная доставка по всей России;
- защита от подделок;
- привилегии постоянным покупателям;
- разнообразные акции в течение всего года.

ISBN 978-5-09-084762-9  
  
9 785090 847629

